

220C

220  
C

نام

نام خانوادگی

محل امضاء

دفترچه شماره ۲



جمهوری اسلامی ایران

وزارت علوم، تحقیقات و فناوری  
سازمان سنجش آموزش کشوراگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می شود.  
امام خمینی (ره)

## آزمون سراسری ورودی دانشگاه‌های کشور - سال ۱۳۹۳

آزمون اختصاصی

گروه آزمایشی علوم تجربی

نام و نام خانوادگی:

شماره داوطلبی:

تعداد سؤال: ۱۷۰

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم تجربی، تعداد، شماره سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره	مدت پاسخگویی
۱	زمین‌شناسی	۲۵	۱۰۱	۱۲۵	۲۰ دقیقه
۲	ریاضی	۳۰	۱۲۶	۱۵۵	۴۷ دقیقه
۳	زیست‌شناسی	۵۰	۱۵۶	۲۰۵	۳۶ دقیقه
۴	فیزیک	۳۰	۲۰۶	۲۳۵	۳۷ دقیقه
۵	شیمی	۳۵	۲۳۶	۲۷۰	۳۵ دقیقه

حق چاپ و تکثیر سوالات به هر روش (الکترونیکی و...) پس از برگزاری آزمون برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و با متخلفین برابر مقررات و قنار می‌شود.



- ۱۰۱- نسبت بارندگی به تبخیر، بین کدام عرض‌های جغرافیایی نیمکره شمالی، عدد بزرگ‌تری را نشان می‌دهد؟

(۱)  ${}^{\circ} \text{تا } {}^{10}$  (۲)  ${}^{10} \text{تا } {}^{20}$  (۳)  ${}^{20} \text{تا } {}^{30}$  (۴)  ${}^{30} \text{تا } {}^{40}$

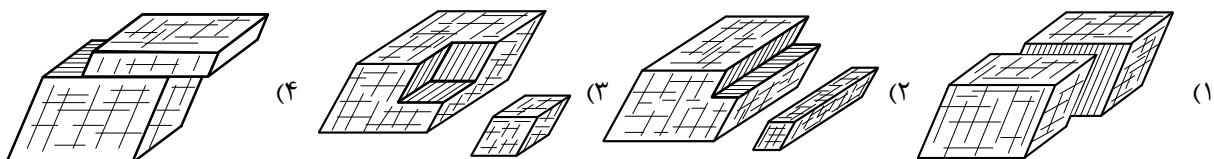
- ۱۰۲- با تبخیر مقدار معینی آب دریا، از کدام عنصر، سولفات‌کم‌تری نسبت به بقیه، حاصل می‌شود؟

(۱) سدیم (۲) پاتاسیم (۳) کلسیم (۴) نیزیم

- ۱۰۳- در یک لایه‌ی آبدار آزاد، هر چه از محل تغذیه به طرف محل تخلیه‌ی طبیعی آن نزدیک شویم ..... کم‌تر می‌شود.

(۱) شوری آب زیرزمینی (۲) ضخامت منطقه‌ی تهویه (۳) ارتفاع سطح پیزومتریک (۴) فشار هوای بر سطح ایستابی

- ۱۰۴- یک قطعه دولومیت به زمین افتاد و به دو تکه شکسته شد. کدام شکل دو تکه‌ی شکسته شده را بهتر نشان می‌دهد؟



- ۱۰۵- کوچک‌ترین واحد سازنده‌ی سیلیکات‌ها با یون‌های کدام عنصرها می‌توانند، در ساختمان بلورین یک کانی شرکت کنند؟

(۱)  $\text{K}^{+}, \text{Na}^{+}$  (۲)  $\text{Al}^{+3}, \text{K}^{+1}$  (۳)  $\text{Na}^{+1}, \text{Ca}^{+2}$  (۴)  $\text{Mg}^{+2}, \text{Fe}^{+3}$

- ۱۰۶- کلسیم، از عناصر مهم تشکیل‌دهنده‌ی کدام سنگ است؟

(۱) آرکوز (۲) ریولیت (۳) کلسدون (۴) پریدوتیت

- ۱۰۷- بلورهای درشت، ریولیتی با بافت پورفیری را معمولاً کدام کانی‌ها تشکیل می‌دهند؟

(۱) ارتوکلاز، کوارتز (۲) پیروکسن، آمفیبول (۳) آمفیبول، بیونیت (۴) پیروکسن، مسکوویت

- ۱۰۸- در یک سنگ نمک، بلورهای هالیت، اندازه‌ی کدام ذره‌ی تخریبی باشند، به آن سنگ نمک، متوسط بلور می‌گویند؟

(۱) ماسه (۲) سیلت (۳) ریگ (۴) شن

- ۱۰۹- چرا، آب‌های ساکن و گرم مناطق مردابی، برای تشکیل زغال سنگ بسیار مناسب‌اند؟

(۱) رسوب‌گذاری شدید (۲) کمبود شدید هوای (۳) تجزیه‌کنندگان فراوان (۴) کربن دی‌اکسید فراوان

- ۱۱۰- علت جلای برآق در سطح شیستوزیته‌ی فیلیت‌ها، کدام است؟

(۱) انجماد بسیار سریع (۲) شکست صاف (۳) فراوانی میکا (۴) بازتابش گلی

- ۱۱۱- خاک‌های کشاورزی منطقه‌ای وسیع، اغلب به رنگ زرد و قرمز‌اند. احتمال مشاهده‌ی کدام پدیده‌ی زمین‌شناسی در این منطقه بیشتر است؟

(۱) دایکی بازالتی در میان تراورتن (۲) باتولیتی عظیم با ترکیبی گابروی

(۳) مخروط آتش‌فشاری با ترکیبی ریولیتی (۴) لاکولیتی گرانیتی در میان لایه‌های ژیپس

- ۱۱۲- رسوبات تشکیل‌دهنده‌ی تلماسه‌ها، دارای کدام ویژگی‌ها هستند؟

(۱) شن‌های دانه‌ریز کوارتز با جورشدگی ضعیف و گردشده‌گی خوب

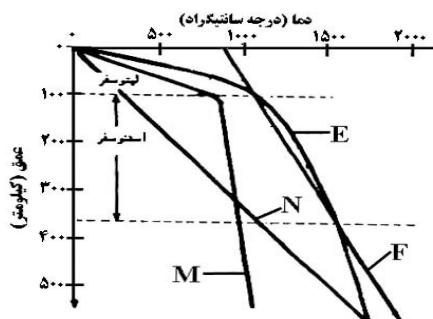
(۲) شن‌های دانه‌ریز آهکی با جورشدگی ضعیف و گردشده‌گی خوب

(۳) ماسه‌های کوارتزی، با گردشده‌گی ضعیف و جورشدگی خوب

(۴) ماسه‌های سیلیسی دانه‌ریز، گرد شده با جورشدگی خوب

- ۱۱۳- در نظریه‌ی زمین مرکزی، مدار گردش خورشید در میان کدام جرم‌های آسمانی قرار می‌گرفته است؟

(۱) مریخ و زهره (۲) زهره و عطارد (۳) عطارد و ماه (۴) ماه و زمین



-۱۱۴- کدام منحنی، شبب زمین گرمایی زمین را تا عمق ۵۰۰ کیلومتری بهتر نشان می‌دهد؟

- (۱) E
- (۲) F
- (۳) M
- (۴) N

-۱۱۵- در یک معدن الماس، قطعه‌ای میانبار در میان کیمپرلیت‌ها یافت شده است. قسمت اعظم کانی‌های این میانبار می‌تواند، کدام کانی‌ها باشد؟

- (۱) کرندوم، الیوین
- (۲) اسپینل، الیوین
- (۳) تورمالین، پیروکسن
- (۴) الیوین، پیروکسن

-۱۱۶- دانشمندان، پدید آمدن «نقشه‌های داغ» را حاصل کدام مورد می‌دانند؟

- (۱) مخزن در حال بالا آمدن از مواد مذاب هسته به داخل گوشته

- (۲) سبک‌تر بودن ماقمای حاصل از ذوب بخشی در محل فرواش سنگ کره

- (۳) نفوذ آب سرد از شکاف‌های رشتہ‌کوه‌های وسط اقیانوسی به داخل سنگ‌های بازالتی

- (۴) ذوب مواد به هنگام رسیدن به اعمق کم در اثر کاسته شدن از مقدار فشار

-۱۱۷- برای تعیین فاصله‌ی میان ایستگاه لرزه‌نگاری و مرکز سطحی یک زمین‌لرزه به کدام روش باید عمل کرد؟

- (۱) اندازه‌گیری دامنه‌ی نوسانات امواج ثبت شده در سه ایستگاه لرزه‌نگاری استاندارد.

- (۲) همکاری سه ایستگاه لرزه‌نگاری که در فاصله‌ای برابر با مرکز سطحی زلزله قرار داشته باشند.

- (۳) اندازه‌گیری اختلاف زمان رسیدن امواج P و S به ایستگاه و مقایسه‌ی آن با منحنی‌های استاندارد.

- (۴) مقایسه لگاریتم بزرگ‌ترین دامنه‌ی موجی که توسط دستگاه لرزه‌نگاری ثبت می‌شود با نمونه‌ی استاندارد.

-۱۱۸- آتش‌فشن‌های انفجاری بیشتر به کدام صورت بر نوع آب و هوای جهانی تأثیر می‌گذارند؟

- (۱) افزایش گازهای گلخانه‌ای

- (۲) آتش‌سوزی پوشش‌های گیاهی

- (۳) انتقال انرژی گرمایی درونی به هوا

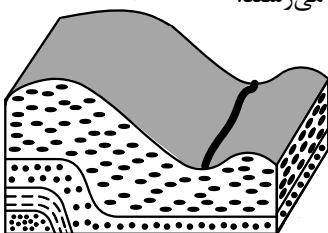
-۱۱۹- شکل رو به رو، کدام یک را نشان می‌دهد؟

- (۱) چین تک شب

- (۲) گسل عادی

- (۳) ناپیوستگی

- (۴) ناویدیس



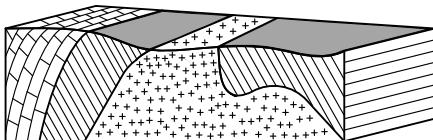
-۱۲۰- ترتیب، تشکیل سنگ‌ها از قدیم به جدید در منطقه‌ی فرضی زیر، کدام است؟

- (۱) رسوبی، دگرگونی، آذرین

- (۲) رسوبی، آذرین، دگرگونی

- (۳) آذرین، دگرگونی، رسوبی

- (۴) آذرین، رسوبی، دگرگونی



گرانیت      شیلت      سنگ آهک

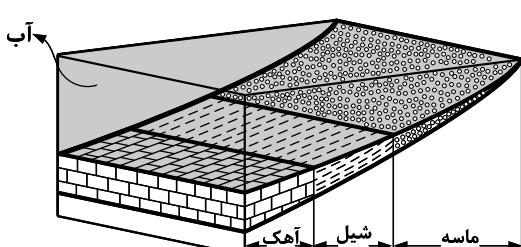
-۱۲۱- اگر در این محل برای مدت نسبتاً طولانی دریا پسروی کند و دوباره به محل اولیه برگردد، زیر جدیدترین شیل‌ها کدام رسوب قرار خواهد گرفت؟

- (۱) شیل

- (۲) آهک

- (۳) ماسه

- (۴) مخلوط شیل و آهک



۱۲۲ - کدام فسیل از شاخه‌ی نرم‌تنان است؟



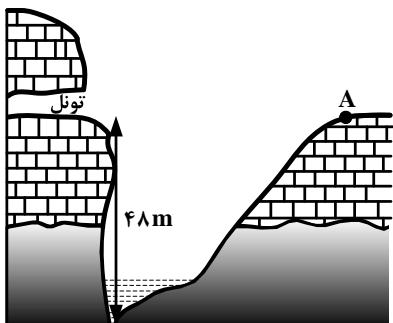
۱۲۳ - می‌خواهند، میان نقطه‌ی A و تونل یک پل بسازند. اگر شیب متوسط عمیق‌ترین نقطه‌ی رودخانه و نقطه‌ی A، ۶۴ درصد باشد، طول پل حدود چند متر خواهد شد؟

۱) ۶۲/۳۵

۲) ۶۴

۳) ۷۵

۴) ۱۳۳/۳



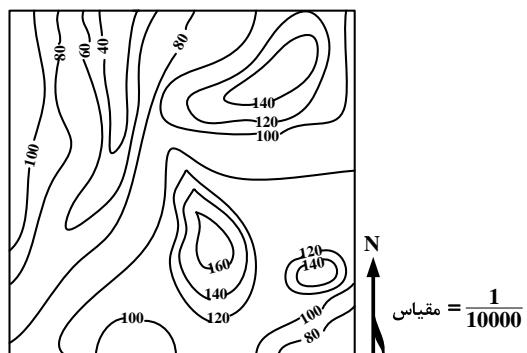
۱۲۴ - در محلی که نقشه‌ی توپوگرافی آن را در زیر مشاهده می‌کنید، رودی پر آب جریان دارد که از نقشه حذف شده است. جهت جریان آب این رود تقریباً کدام است؟

۱) جنوب غرب به شمال

۲) شمال شرق به جنوب غرب

۳) شمال به جنوب

۴) مرکز به شرق



۱۲۵ - تفریق ماقمایی در ماقماهای بازانی و گرانیتی در کدام مورد به هم شباهت دارند؟

۱) زمان تفریق      ۲) دمای تفریق      ۳) جدایی فلزات سنگین      ۴) تشکیل بلورهای بسیار بزرگ

- ۱۲۶- به ازای یک مقدار  $x$  اعداد  $-2x^3 + 4x^2$  و  $x^3 + 4x^2$ , به ترتیب سه جمله اول از دنباله هندسی نزولی‌اند. مجموع هفت جمله اول این دنباله، کدام است؟

$$\frac{127}{8} \quad (4)$$

$$\frac{63}{4} \quad (3)$$

$$\frac{125}{16} \quad (2)$$

$$\frac{117}{16} \quad (1)$$

- ۱۲۷- نمودار تابع  $y = \left| \frac{1}{2}x - 2 \right|$  را، ۴ واحد به طرف  $x$ ‌های منفی و یک واحد به طرف  $y$ ‌های مثبت انتقال می‌دهیم. نمودار جدید و نمودار اوّلیه، با کدام طول متقطع‌اند؟

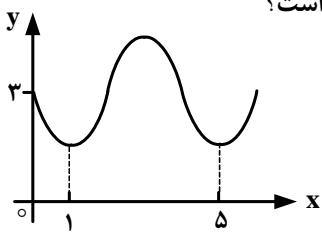
$$-2 \quad (4)$$

$$-2,5 \quad (3)$$

$$-3 \quad (2)$$

$$-3,5 \quad (1)$$

- ۱۲۸- شکل رویه‌رو قسمتی از نمودار تابع  $y = a + \sin(b\pi x)$  است. مقدار  $y$  در نقطه  $x = \frac{25}{3}$  کدام است؟



- ۱۲۹- ماتریس  $A = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 4 & 7 \end{bmatrix}$  مفروض است. اگر  $A \times B$  ماتریس واحد باشد. مجموع درایه‌های سطر اول ماتریس  $B$ ، کدام است؟

$$2,5 \quad (4)$$

$$2 \quad (3)$$

$$1,5 \quad (2)$$

$$1 \quad (1)$$

- ۱۳۰- در یک شرکت دارویی جدول توزیع کارکنان را با نمودار دایره‌ای نشان می‌دهیم. زاویه مربوط به کارکنان ارشد، چند درجه است؟

نوع مدرک	دیپلم	کارشناسی	ارشد	دکترا
تعداد	۳۰	۹۰	۱۸۰	۱۲۰

$$84^\circ \quad (1)$$

$$92^\circ \quad (2)$$

$$96^\circ \quad (3)$$

$$105^\circ \quad (4)$$

- ۱۳۱- در ۲۵ داده آماری میانگین و انحراف معیار به ترتیب ۳۰ و ۸ می‌باشد. اگر داده‌های ناجور ۱۰، ۱۵، ۴۵ و ۵۰، از بین آنها حذف شوند، واریانس داده‌های باقیمانده، کدام است؟

$$16,66 \quad (4)$$

$$15,33 \quad (3)$$

$$14,81 \quad (2)$$

$$14,72 \quad (1)$$

- ۱۳۲- ظرف  $A$  دارای ۴ مهره سفید و ۵ مهره سیاه است و هر یک از دو ظرف یکسان  $B$  و  $C$  دارای ۶ مهره سفید و ۳ مهره سیاه است. به تصادف یکی از سه ظرف را انتخاب کرده و ۴ مهره از آن خارج می‌کنیم. با کدام احتمال دو مهره از مهره‌های خارج شده، سفید است؟

$$\frac{11}{21} \quad (4)$$

$$\frac{10}{21} \quad (3)$$

$$\frac{26}{63} \quad (2)$$

$$\frac{25}{63} \quad (1)$$

- ۱۳۳- اگر  $\cos\left(x + \frac{\pi}{3}\right) + \cos\left(x - \frac{\pi}{3}\right) = \frac{2}{3}$  باشد، مقدار  $\cos 2x$ ، کدام است؟

$$\frac{2}{9} \quad (4)$$

$$\frac{1}{9} \quad (3)$$

$$-\frac{1}{9} \quad (2)$$

$$-\frac{2}{9} \quad (1)$$

۱۳۴ - حاصل  $\lim_{x \rightarrow -2} \left( \frac{3}{2x^2 + 5x + 2} - \frac{4}{x^2 - 4} \right)$  کدام است؟

$\frac{7}{12}$  (۴)

$\frac{5}{12}$  (۳)

$-\frac{5}{12}$  (۲)

$-\frac{7}{12}$  (۱)

۱۳۵ - تابع با ضابطه  $f(x) = \begin{cases} \frac{1 - \tan^2 x}{\cos 2x} & ; \quad 0 \leq x < \frac{\pi}{4} \\ a \cos 3x & ; \quad \frac{\pi}{4} \leq x \leq \frac{\pi}{2} \end{cases}$  پیوسته است؟

۲ (۴)

$\sqrt{2}$  (۳)

-1 (۲)

$-2\sqrt{2}$  (۱)

۱۳۶ - در تابع با ضابطه  $f(x) = (2x+1)^{-\frac{1}{2}}$ , آهنگ متوسط تغییر تابع, از نقطه  $x=4$  تا  $x=12$ , از آهنگ لحظه‌ای آن در نقطه  $x=4$ , چقدر بیشتر است؟

$\frac{11}{270}$  (۴)

$\frac{7}{270}$  (۳)

$\frac{11}{540}$  (۲)

$\frac{7}{540}$  (۱)

۱۳۷ - مشتق تابع  $y = 2 \sin^2 \left( \frac{\pi}{6} - \frac{x}{4} \right)$ , به ازای  $x=3$ , کدام است؟

$-\frac{1}{8}$  (۴)

$-\frac{1}{4}$  (۳)

$-\frac{1}{2}$  (۲)

$-\frac{\sqrt{3}}{2}$  (۱)

۱۳۸ - احتمال انتقال نوعی بیماری مسری به افراد مستعد برابر  $2^0$  است. اگر ۵ نفر مستعد, با فردی که حامل این بیماری است ملاقات کنند, با کدام احتمال ۳ نفر آنان مبتلا می‌شوند؟

${}^0_0 2048$  (۴)

${}^0_0 1024$  (۳)

${}^0_0 0512$  (۲)

${}^0_0 0256$  (۱)

۱۳۹ - به ازای کدام مقدار  $m$ , مجموع مربعات ریشه‌های حقیقی معادله  $(m+3)x^2 + 5 = mx$ , برابر ۶ می‌باشد؟

$-1 \frac{9}{5}$  (۴)

$-1 \frac{9}{5}$  (۳)

1 (۲)

$-\frac{9}{5}$  (۱)

۱۴۰ - اگر نمودار تابع  $f(x) = a(b)^x - 1$ , از دو نقطه  $(1, 1)$  و  $(0, 1)$  بگذرد,  $f(-1)$  کدام است؟

$\frac{3}{4}$  (۴)

$-\frac{1}{4}$  (۳)

$-\frac{1}{2}$  (۲)

$-\frac{3}{4}$  (۱)

۱۴۱ - از تساوی  $\log_x(x^2 + 4) = 1 + \log_x 5$ , مقدار لگاریتم  $x$  در پایه ۲, کدام است؟

۲ (۴)

$\frac{3}{2}$  (۳)

$\frac{1}{2}$  (۲)

-1 (۱)

۱۴۲ - در معادله مثلثاتی  $\sin 2x(\sin x + \cos x) = \cos 2x(\cos x - \sin x)$ , کدام است؟

$\frac{7\pi}{4}$  (۴)

$\frac{3\pi}{2}$  (۳)

$\frac{5\pi}{4}$  (۲)

$\frac{3\pi}{4}$  (۱)

- ۱۴۳ - در تابع ضمنی  $y = \sqrt{xy} + \frac{1}{y} - 2x = 1$ ، تابع  $y$  بر حسب متغیر  $x$  منظور شده است. معادله خط مماس بر منحنی آن در نقطه  $(1, 1)$  کدام است؟

$$3y - x = -1 \quad (1)$$

$$2y + x = 1 \quad (2)$$

$$2y - x = -2 \quad (3)$$

$$y + 2x = 9 \quad (4)$$

- ۱۴۴ - تابع با ضابطه  $f(x) = \begin{cases} \sin^2 x - \cos 2x & ; \quad 0 < x \leq \frac{\pi}{4} \\ a \tan x + b \sin 2x & ; \quad \frac{\pi}{4} < x < \frac{\pi}{2} \end{cases}$  در نقطه  $x = \frac{\pi}{4}$  مشتق پذیر است.  $b$  کدام است؟

$$1 \quad (1)$$

$$\frac{1}{2} \quad (2)$$

$$-\frac{1}{2} \quad (3)$$

$$-1 \quad (4)$$

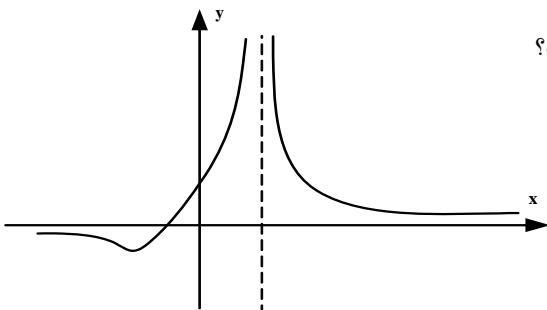
- ۱۴۵ - در کدام بازه تابع با ضابطه  $f(x) = -x^4 + 8x^3 - 18x^2$  نزولی و تقریباً نمودار آن، رو به بالا است؟

$$(0, 3) \quad (1)$$

$$(0, 1) \quad (2)$$

$$(1, 4) \quad (3)$$

$$(1, 3) \quad (4)$$



- ۱۴۶ - شکل مقابل نمودار تابع  $y = \frac{x+a}{x^2+bx+4}$  است. مقادیر  $a$  و  $b$  چگونه است؟

$$b = 4, a < 0 \quad (1)$$

$$b = -4, a < 0 \quad (2)$$

$$b = 4, a > 0 \quad (3)$$

$$b = -4, a > 0 \quad (4)$$

$$m \text{ هیچ مقدار} \quad (1)$$

$$\begin{cases} mx + y = m - 1 \\ 3x + (m-2)y = 4 - 2m \end{cases}$$

$$3 \quad (3)$$

$$-1 \quad (2)$$

$$-2 \quad (1)$$

- ۱۴۷ - به ازای کدام مقدار  $m$  دستگاه معادلات  $\begin{cases} mx + y = m - 1 \\ 3x + (m-2)y = 4 - 2m \end{cases}$  دارای بیشمار جواب است؟

$$\frac{1}{2}\sqrt{13} \quad (4)$$

$$\sqrt{5} \quad (3)$$

$$\sqrt{3} \quad (2)$$

$$\frac{1}{2}\sqrt{10} \quad (1)$$

- ۱۴۸ - شعاع دایره گذرا بر سه نقطه  $(0, 0)$ ,  $(2, 1)$  و  $(-2, 1)$  برابر کدام است؟

$$2\sqrt{3} \quad (4)$$

$$3 \quad (3)$$

$$\sqrt{7} \quad (2)$$

$$1 \quad (1)$$

- ۱۴۹ - در هذلولی به معادله  $0 = -6x - 9 - 4y^2 - 3x^2$ ، طول وتری از آن، گذرا بر کانون و عمود بر محور کانونی، کدام است؟

$$6\sqrt{5} \quad (4)$$

$$6 \quad (3)$$

$$5\sqrt{5} \quad (2)$$

$$5 \quad (1)$$

- ۱۵۱ - اگر  $\int \frac{(1+\sqrt{x})^3 - 1}{x} dx = 3\sqrt{x} \cdot f(x) + C$  باشد،  $f(x)$  کدام است؟

$$\frac{2}{3}x + \sqrt{x} + 6 \quad (2)$$

$$\frac{2}{9}x + \sqrt{x} + 2 \quad (4)$$

$$\frac{2}{3}x + 3\sqrt{x} + 2 \quad (1)$$

$$\frac{2}{9}x + 3\sqrt{x} + 6 \quad (3)$$

- ۱۵۲ - در مثلث  $ABC$  زاویه  $A = 80^\circ$  است. ضلع  $BC$  را از هر دو طرف به اندازه‌های  $CE = CA$  و  $BD = BA$  امتداد می‌دهیم. کوچکترین زاویه خارجی مثلث  $ADE$  چند درجه است؟

$$32 \quad (2)$$

$$54 \quad (4)$$

$$24 \quad (1)$$

$$36 \quad (3)$$

- ۱۵۳ - طول ضلع یک مربع برابر محیط مثلث قائم‌الزاویه و متساوی‌الساقین به ضلع قائم ۲ واحد است. با حذف گوشه‌های این مربع، بزرگترین هشت ضلعی منتظم ممکن داخل آن ساخته شده است. مساحت این هشت ضلعی، کدام است؟

$$24\sqrt{2} \quad (2)$$

$$16 + 16\sqrt{2} \quad (4)$$

$$32 \quad (1)$$

$$24 + 8\sqrt{2} \quad (3)$$

- ۱۵۴ - زاویه‌های مثلثی متناسب با اعداد  $1, 5, 6$ ، می‌باشند، کوچکترین ارتفاع این مثلث چند برابر بزرگترین ضلع آن است؟

$$\frac{1}{3} \quad (2)$$

$$\frac{1}{2} \quad (4)$$

$$\frac{1}{4} \quad (1)$$

$$\frac{2}{5} \quad (3)$$

- ۱۵۵ - مکعبی به طول یال ۲ واحد، در داخل کوچکترین کره ممکن جای گرفته است. مساحت این کره کدام است؟

$$9\pi \quad (2)$$

$$18\pi \quad (4)$$

$$8\pi \quad (1)$$

$$12\pi \quad (3)$$

محل انجام محاسبات

- ۱۵۶- هر جانوری که ساده‌ترین ..... را دارد، قادر ..... می‌باشد.
- ۱) گیرنده‌ی نوری - هومئوستازی
  - ۲) دستگاه عصبی - همولنف
  - ۳) دستگاه گردش مواد - سلول‌هایی با زوائد حرکتی
- ۱۵۷- کدام گزینه عبارت زیر را به نادرستی تکمیل می‌نماید؟
- «در فرد مبتلا به سنگ کیسه‌ی صفراء، بخشی از .....»
- ۱) مواد رنگین صفراء به خون وارد می‌شود.
  - ۲) ترکیبات صفراء حین غلیظ شدن رسوب می‌نماید.
  - ۳) چربی‌ها به مویرگ‌های خونی دیواره‌ی روده وارد می‌شوند.
- ۱۵۸- انتخاب طبیعی، در جمعیت شیرهای شرق آفریقا نمی‌تواند .....
- ۱) در بروز رفتار افراد، نقش داشته باشد.
  - ۲) بر فتوتیپ افراد جمعیت مؤثر باشد.
  - ۳) فراوانی ال‌های نامطلوب را کاهش دهد.
- ۱۵۹- در ساقه‌ی گیاه نرگس، بعضی از سلول‌های بافت آوند آبکش، می‌توانند .....
- ۱) با تولید ATP، اگزالواستات را به اسیدسیتریک تبدیل نمایند.
  - ۲) با کمک NADPH، مرحله‌ای از واکنش‌های چرخه‌ی کالوین را انجام دهنند.
  - ۳) در مسیر تبدیل ترکیب شش کربنی فسفاتدار به دو پیرووات، NADH بسازند.
  - ۴)  $H^+$  را بدون صرف انرژی به فضای بین دو غشاء میتوکندری وارد نمایند.
- ۱۶۰- در یک مرد بالغ، یکی از هورمون‌های مترشحه از هیپوفیز پیشین می‌تواند، .....
- ۱) باعث بلوغ اسپرم‌ها در محل تولید خود شود.
  - ۲) با تأثیر مستقیم بر لوله‌های اسپرم‌ساز، تولید تستوسترون را افزایش دهد.
  - ۳) باعث آزادسازی آنزیم‌های درون وزیکولی موجود در سر سلول‌های جنسی شود.
  - ۴) در میوز بعضی از سلول‌های دیواره‌ی لوله‌های اسپرم‌ساز نقش داشته باشد.
- ۱۶۱- در یکی از آزمایشات گوس، حذف رقابتی بین گونه‌های پارامسی رخ نداد. این گونه‌های رقیب از موجوداتی تغذیه می‌کردند که همگی .....
- ۱) در زنجیره‌ی انتقال الکترون خود با کمک NADH، انرژی کسب می‌کردند.
  - ۲) برای رونویسی زن‌های خود، از یک نوع RNA پلی‌مراز استفاده می‌کردند.
  - ۳) در زنوم خود، تعداد زیادی محل‌های آغاز همانندسازی داشتند.
  - ۴) در چرخه سلولی‌شان، سه نقطه‌ی وارسی داشتند.
- ۱۶۲- در سیسک پشت سیاه، حین عمل .....
- ۱) دم، ابتدا در همه‌ی کیسه‌های هوادر، فشار منفی ایجاد می‌شود.
  - ۲) دم، هوای همه‌ی کیسه‌های هوادر، از سطوح تنفسی عبور می‌کند.
  - ۳) بازدم، هوای غنی از اکسیژن، از همه‌ی کیسه‌های هوادر خارج می‌شود.
  - ۴) بازدم، هوای تهییشده‌ی همه‌ی کیسه‌های هوادر، به مجاری تنفسی منتقل می‌شود.
- ۱۶۳- در همه‌ی گیاهان ..... می‌توانند، .....
- ۱) آرکن‌دار، گامتوفیت در بخشی از اسپوروفیت تمایز می‌باید.
  - ۲) سانتریول‌دار، اسپوروفیت در ابتدای رویش به گامتوفیت وابسته است.
  - ۳) غیرآوندی، هر گامتوفیت ساختارهای چند سلولی نر و ماده تولید می‌کند.
  - ۴) آوندی، یک یا چند برگ تغییر شکل‌یافته در رساندن مواد غذایی به رویان نقش دارد.
- ۱۶۴- همه‌ی باکتری‌های ..... می‌توانند، .....
- ۱) شوره‌گذار - در غیاب اکسیژن، ATP تولید
  - ۲) ثبیت‌کننده‌ی نیتروژن - دی‌اسیدکربن جو را ثبیت
  - ۳) فتواتوتروف ارگوانی - برای تولید ماده‌ی آلی، سولفید هیدروژن را مصرف
  - ۴) فتواتوتروف غیرگوگردی - از ترکیبات آلی به عنوان منبع الکترون برای فتوسنترز، استفاده

۱۶۵ - چند مورد جمله زیر را به نادرستی تکمیل می‌نماید؟  
 «در حین هر نوع انقباض ماهیچه‌ی دو سر بازو .....»  
 الف – از طول عضله کاسته می‌شود.

ب – به ازای هر مولکول  $\text{FADH}_2$ ، دو مولکول ATP تولید می‌شود.

ج – مرحله‌ی بی‌هوای تنفس انجام می‌گیرد.

د – همه‌ی تارهای عضلانی هم زمان با هم منقبض می‌شوند.

۴ (۴)                    ۳ (۳)                    ۲ (۲)                    ۱ (۱)

۱۶۶ - در کلیه‌ی انسان، ..... برخلاف ..... می‌تواند ..... را با صرف انرژی به مویرگ‌های اطراف نفرون‌ها برگرداند.

(۱) لوله‌ی جمع‌کننده – بخش ضخیم بالا روی هنله – اوره      (۲) لوله‌ی پیچ‌خورده‌ی دور – لوله‌ی پیچ‌خورده‌ی نزدیک – گلوکر

(۳) لوله‌ی جمع‌کننده – بخش نازک بالا روی هنله – NaCl      (۴) لوله‌ی پیچ‌خورده‌ی نزدیک – لوله‌ی پیچ‌خورده‌ی دور –  $\text{HCO}_3^-$

۱۶۷ - در بخشی از چرخه‌ی جنسی زنان، اختلاف میان مقدار LH و FSH خون در بیشترین حد خود قرار دارد. بلافاصله پس از این زمان، .....

(۱) تخمک نابالغ به تخمک تمایزیافته تبدیل می‌شود.

(۳) ترشحات جسم زرد و هورمون‌های هیپوفیزی افزایش می‌یابد. (۴) تفاوت میان مقدار استروژن و پروژسترون خون کم می‌شود.

۱۶۸ - کدام عبارت در مورد استافیلوكوکوس اورئوس درست است؟

«..... در مرحله‌ی .....»

(۱) اول رونویسی، آنژیم رونویسی‌کننده، نوکلئوتید مناسبی را برای جایگاه آغاز انتخاب می‌کند.

(۲) دوم رونویسی، پیوند بین بازهای آلی دو رشته‌ی الگو و غیرالگوی DNA، گستته می‌شود.

(۳) ادامه‌ی ترجمه، با جایه‌جایی آخرین tRNA، کدون پایان به جایگاه A ریبوزوم منتقل می‌شود.

(۴) آغاز ترجمه، پس از اتصال دو زیر واحد ریبوزوم به یکدیگر، tRNA آغازی با نخستین رمز جفت می‌شود.

۱۶۹ - بالهی پشتی .....

(۱) همانند بالهی لگنی، در تغییر جهت حرکت ماهی نقش دارد.

(۲) برخلاف باله دمی، باعث حرکت ماهی به سمت جلو می‌شود.

(۳) برخلاف بالهی سینه‌ای، باعث تغییر مسیر حرکت ماهی می‌شود.

(۴) همانند بالهی سینه‌ای، بر تغییر سرعت حرکت ماهی بی‌تأثیر است.

۱۷۰ - کدام گزینه عبارت زیر را در مورد جانداران به درستی تکمیل می‌نماید؟

«در پایان ..... ممکن نیست که .....»

(۱) تلفاز I - بر مقدار ماده‌ی ژنتیکی سلول‌های حاصل، افزوده شود.

(۲) یک میوز عادی - سلول‌های حاصل، مقدار ماده‌ی ژنتیکی متفاوتی داشته باشند.

(۳) یک میتوز عادی - عدد کروموزومی سلول جنسی با سلول زاینده‌ی آن برابر باشد.

(۴) تلفاز II - در سلولی، تعداد کروموزوم‌ها، بیش از تترادهای سلول زاینده‌ی آن باشد.

۱۷۱ - در چرخه‌ی زندگی کلامیدوموناس همانند کاهوی دریابی، .....

(۱) تنها در شرایط مساعد زیگوت تشکیل می‌شود.

(۲) هر سلول هاپلوبیدی، از میوز سلول دیپلوبیدی به وجود می‌آید.

(۳) از تقسیم زیگوت، ساختاری با سلول‌های دیپلوبیدی به وجود می‌آید.

(۴) در پی تقسیم میوز هر سلول دیپلوبیدی، سلول‌های تازک‌دار ایجاد می‌شود.

۱۷۲ - در .....، محتویات لوله‌ی گوارش، پس از آن که گوارش مکانیکی را آغاز نمودند، بلافاصله وارد بخش دیگری می‌شوند که جایگاه ..... است.

(۱) کرم خاکی برخلاف گنجشک - ترشح آنژیم‌های گوارشی      (۲) گنجشک برخلاف ملخ - اصلی جذب مواد غذایی و آب

(۳) ملخ همانند کرم خاکی - آغاز گوارش شیمیایی مواد غذایی      (۴) گنجشک همانند ملخ - هضم شیمیایی و مکانیکی مواد غذایی

۱۷۳- گیاه بنت قنسول .....

- ۱) برخلاف زنبق، از گیاهان چند ساله‌ی علفی می‌باشد.
- ۲) برخلاف گندم، در انتهای برگ‌های خود روزنه‌های آبی دارد.
- ۳) همانند گوجه‌فرنگی، می‌تواند تحت تأثیر یک شب بسیار گرم گل دهد.
- ۴) همانند نرگس زرد، در برش عرضی ساقه‌ی خود، سه بخش متمایز دارد.

۱۷۴- هر ساختار تولیدمثلی جنسی در آمانیتا موسکاریا، .....

- ۱) محتوی چندین سلول دیپلوبیدی است.
- ۲) بعد از ادغام هسته‌های هاپلوبیدی تشکیل می‌شود.
- ۳) در پی تشکیل نخینه‌های دو هسته‌ای به وجود می‌آید.

۱۷۵- کدام گزینه عبارت زیر را به نادرستی تکمیل می‌نماید؟

«در یک فرد بالغ، آنزیم‌هایی که آغازگر روند هضم پروتئین‌ها می‌باشند، .....

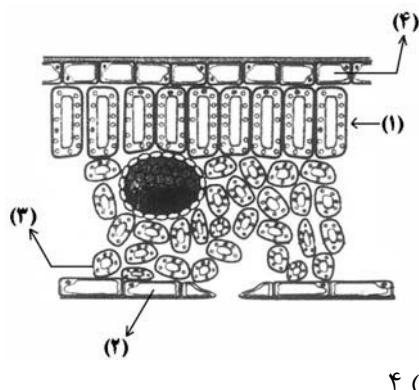
- ۱) می‌توانند در تولید مولکول‌های کوچک پیتیدی نقش داشته باشند.
- ۲) فقط از غدد مجاور دریچه‌ی انتهایی معده ترشح می‌شوند.
- ۳) توسط ترشحات بعضی از سلول‌های غدد معدی، فعال می‌شوند.
- ۴) تحت تأثیر نوعی پیک شیمیایی دستگاه درون‌ریز قرار می‌گیرند.

۱۷۶- در انسان، خارجی‌ترین لایه‌ی منثر ..... داخلی‌ترین لایه‌ی آن، .....

- ۱) برخلاف - دارای حفرات کوچک و بزرگی می‌باشد.
- ۲) برخلاف - در ایجاد سد خونی - مغزی نقش دارد.

۳) همانند - از نوعی بافت پیوندی سمت ساخته شده است. ۴) همانند - در ساختار خود مقادیر فراوانی مایع مغزی - نخاعی دارد.

۱۷۷- با توجه به شکل روبرو، که به نوعی گیاه  $C_3$  تعلق دارد، چند مورد عبارت زیر را به نادرستی تکمیل می‌نماید؟



«بخشی که با شماره ..... نشان داده شده است، می‌تواند .....»

الف - ۱- در هنگام شب، دی‌اکسیدکربن را در واکوئل‌های خود ثبیت نماید.

ب - ۲- با فعالیت ژن‌های خود، آنزیم‌های پوستکساز را بسازد.

ج - ۳- با آزادسازی  $CO_2$  از اسید چهارکربنی، قند سه کربنی بسازد.

د - ۴- با تبدیل پیرووویک اسید به استیل کوانزیم A, NADH تولید نمایند.

۱۷۸- در یک فرد، با ..... شدن عضله‌ای که مهم‌ترین نقش را در تنفس آرام و طبیعی دارد، .....

- ۱) مسطح - جناغ سینه به سمت عقب حرکت می‌کند.
- ۲) غیرمسطح - بازشدن کیسه‌های هوایی تسهیل می‌شود.

۳) غیرمسطح - دندنهای بسیار بالا و بیرون حرکت می‌کنند.

۴) مسطح - مقداری از هوای جاری دمی در مجرای تنفسی باقی می‌ماند.

۱۷۹- در گیاهان، هورمونی که محرک ..... است، نمی‌تواند سبب ..... شود.

- ۱) خفتگی جوانه‌ها - پلاسمولیز سلول‌های نگهبان روزنه‌ها
- ۲) تقسیم سلولی - افزایش مدت نگهداری میوه‌ها

۳) طولی شدن ساقه‌ها - خفتگی دانه‌ها

- ۴) افزایش طول دیواره‌ی سلول‌ها - توقف رشد جوانه‌های جانبی

۱۸۰- در جانوران، رفتار شرطی شدن فعل برخلاف رفتار حل مسئله، .....

- ۱) محصول برهم‌کنش اطلاعات ژنتیکی و یادگیری است.
- ۲) با استفاده از تجارت گذشته به انجام می‌رسد.

۳) با استفاده از آزمون و خطا انجام می‌گیرد.

۱۸۱- همهی .....، می‌توانند همانند نوتروفیل‌ها، .....

- ۱) گرانولوسیت‌هایی که آنزیم‌های لیزوزومی فراوان دارند - تا بیش از یک سال زنده بمانند.

۲) آگرانولوسیت‌هایی که فاگوسیتوز انجام می‌دهند - در دفاع غیراختصاصی شرکت کنند.

۳) گرانولوسیت‌هایی که در حساسیت‌ها زیاد می‌شوند - ماده‌ی ضد انعقاد خون ترشح نمایند.

۴) آگرانولوسیت‌هایی که پروتئین دفاعی می‌سازند - با ذره‌خواری میکروب‌ها را نابود سازند.

۱۸۲- از ازدواج مردی  $\text{Rh}^-$  و مبتلا به دو بیماری تحلیل عضلانی دوشن (ژن مغلوب) و هانتینگتون با زنی سالم و  $\text{Rh}^+$ , دختری مبتلا به تحلیل عضلانی دوشن و  $\text{Rh}^-$  متولد گردید. در این خانواده احتمال تولد پسرانی که ژنتیکی مانند پدر دارند به دختران مبتلا به هر دو نوع بیماری، کدام است؟

- ۱)  $\frac{1}{8}$       ۲)  $\frac{1}{4}$       ۳)  $\frac{1}{2}$       ۴)  $\frac{1}{1}$

۱۸۳- هر عامل بیماری‌زای گیاهی که دارای ..... است، قطعاً .....

(۱) ریبونوکلئیک اسید - توسط پروتئازها غیرفعال می‌شود.

(۲) ریبوزوم - به دو روش جنسی و غیرجنسی تکثیر می‌شود.

(۳) آنزیم‌های گوارشی - در ساختار خود دو نوع اسید هسته‌ای دارد.

(۴) غشاء پلاسمایی - برای تنظیم بیان ژن‌های خود به عوامل رونویسی نیاز دارد.

۱۸۴- کدام عبارت، در مورد پدیده حباب‌دارشگی گیاهان  $\text{C}_3$  صادق است؟

(۱) به طور معمول، حباب‌ها می‌توانند سبب توقف کامل جریان شیره‌ی خام شوند.

(۲) در اغلب موارد، حباب‌ها می‌توانند از تراکنیدی به تراکنید دیگر منتشر شوند.

(۳) در هنگام شب، تمایل گازهای محلول به خروج از شیره خام کاهش می‌یابد.

(۴) بالا رفتن فشار ریشه‌ای در گیاه، قطعاً حباب‌های بزرگی در مسیر شیره خام ایجاد می‌شود.

۱۸۵- همه‌ی لنفوسيت‌ها، .....

(۱) به تنهایی عوامل بیگانه را نابود می‌سازند.

(۳) پس از بلوغ، ابتدا به جریان خون وارد می‌شوند.

۱۸۶- چند مورد جمله‌ی زیر را به طور درستی تکمیل می‌کند؟

«هر جاندار آغازی که ..... دارد، .....»

الف - توانایی تولید پلاسمودیوم را - نوعی هاگ مقاوم تولید می‌کند.

ب - ظاهر حلزونی شکل - اکسیژن محیط را افزایش می‌دهد.

ج - دیواره سیلیسی - در هسته‌ی خود، تعدادی نوکلئوزوم را جای داده است.

د - شیار دهانی و دیواره‌ی انعطاف‌پذیر - دارای چرخه‌ی زندگی از نوع تناوب نسل است.

- ۱) (۱)      ۲) (۲)      ۳) (۳)      ۴) (۴)

۱۸۷- کدام گزینه عبارت زیر را به نادرستی تکمیل می‌نماید؟

«در انسان، با کاهش اکسیژن محیط، ..... افزایش می‌یابد.»

(۱) نیاز به مصرف اسید فولیک

(۳) در مواردی احتمال تغییر شکل اریتروسیت‌ها

۱۸۸- گیاه ..... برخلاف .....

(۱) سرخس - چمن، دارای تولیدمثل رویشی می‌باشد.

(۳) برگ بیدی - خزه، می‌تواند به روش غیرجنسی تکثیر شود.

۱۸۹- در یک سلول استوانه‌ای موجود در شبکیه‌ی انسان، ..... نمی‌شود.

(۱) پیررووات به کمک NAD<sup>+</sup> در غشای داخلی میتوکندری، بازسازی

(۳) انرژی ذخیره شده در NADH صرف تولید ATP

۱۹۰- در انسان، رشته‌های ماهیچه‌ای که در نوک بطن‌ها قرار دارند و برای انتقال پیام الکتریکی اختصاصی شده‌اند، نمی‌توانند .....

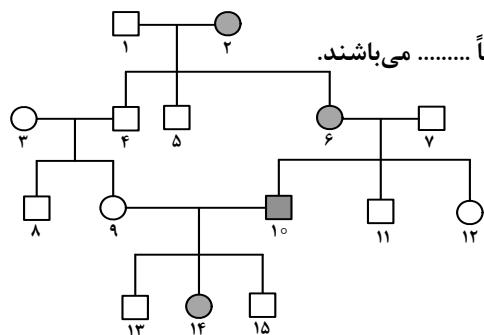
(۱) سبب انقباض هم زمان سلول‌های هر دو بطن شوند.

(۲) سبب انقباض همه‌ی تارهای میوکارد قلب شوند.

(۳) در باز شدن دریچه‌های سرخرگی نقش داشته باشند.

(۴) تحت تأثیر دستگاه عصبی خودمختار، فعالیت خود را تغییر دهند.





۱۹۹- اگر دودمانه‌ی زیر، به نوعی صفت ..... تعلق داشته باشد، افراد شماره‌ی ..... قطعاً ..... می‌باشند.

(۱) اتوژومی مغلوب - ۳ و ۷ - هتروزیگوس

(۲) اتوژومی غالب - ۷ و ۱۰ - هموزیگوس

(۳) وابسته به جنس مغلوب - ۱۴ و ۳ - هموزیگوس

(۴) وابسته به جنس غالب - ۶ و ۱۴ - هتروزیگوس

۲۰۰- هر هورمونی که مصرف گلوكز را در سلول‌های بدن افزایش می‌دهد، قطعاً .....

(۱) از غده‌ای در بالای تیموس ترشح می‌شود.

(۲) از غده‌ای در زیر معده به خون وارد می‌شود.

(۳) گیرنده‌هایی بر روی غشای پلاسمایی سلول‌های هدف دارد.

(۴) فعالیت نوعی آنزیم موجود در غشای گلبول‌های قرمز را ممکن می‌سازد.

۲۰۱- در گیاهان، هر نوع حرکتی که ..... ایجاد شود، نوعی حرکت ..... است.

(۱) در بخش‌های غیرزنده - القایی

(۳) فقط تحت تأثیر محرک‌های درونی - غیرالقایی

۲۰۲- کدام گزینه عبارت زیر را به نادرستی تکمیل می‌نماید؟

«در انسان، .....»

(۱) به طور معمول سلول‌های داخلی بلاستوسیست در تعامل با رحم، جفت را تشکیل می‌دهند.

(۲) هنگام جایگزینی بلاستوسیست در دیواره‌ی رحم، منبع تولید پروژسترون فعل می‌باشد.

(۳) کاهش حجم سلول‌های حاصل از میتوز تخم، در طول لوله‌ی فالوپ ادامه پیدا می‌کند.

(۴) به دنبال تشکیل جفت در جداره‌ی رحم، بلوغ فولیکول‌های تخدمانی متوقف می‌شود.

۲۰۳- در نوعی از الگوی انتخاب طبیعی، فنوتیپ‌های ..... بیشترین فراوانی را دارند، با گذشت زمان .....

(۱) میانه - قطعاً محیط دستخوش تغییرات اساسی خواهد شد.

(۲) دو آستانه - ممکن است خزانه‌ی زنی دو گروه کاملاً از هم جدا شود.

(۳) میانه - نمودار توزیع همواره در جهت افزایش یکی از آستانه‌ها پیش خواهد رفت.

(۴) دو آستانه، معمولاً فراوانی فنوتیپ‌های حد واسطه دو گروه افزایش خواهد یافت.

۲۰۴- چند مورد جمله زیر را به نادرستی تکمیل می‌نماید؟

«در انسان، مولکول‌های گلوكز می‌توانند در سلول‌های .....»

الف - دیافراگم، به یکدیگر پیونددند و پلیمر بسازند.

ب - غضروف بین مهره‌ای، تولید لاکتون را افزایش دهنند.

ج - پوششی روده، دی‌اکسیدکربن و آب تولید نمایند.

د - استخوانی، به ترکیبی شش کربنی و فسفات‌دار تبدیل شوند.

(۱) ۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)

۲۰۵- در ساقه‌ی همه‌ی گیاهان چوبی، .....

(۱) دو نوع مریستم پسین در منطقه‌ی پوست وجود دارد.

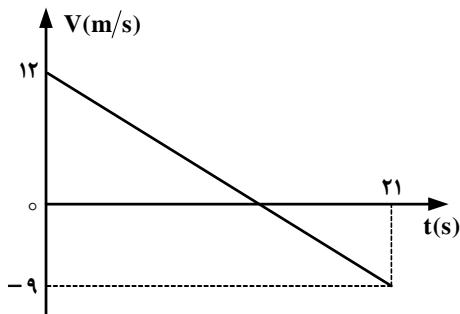
(۴) گروهی از سلول‌های راسی فاقد واکوئل می‌باشند.

(۳) ضخامت آبکش پسین بیش از چوب پسین می‌باشد.

- ۲۰۶- معادله حرکت جسمی که در صفحه حرکت می‌کند، در SI به صورت  $\begin{cases} x = 20t^2 \\ y = -5t^3 \end{cases}$  است. بردار سرعت جسم در لحظه  $t = 2s$  کدام است؟

$$\vec{v} = 80\vec{i} - 60\vec{j} \quad (1) \quad \vec{v} = 80\vec{i} - 40\vec{j} \quad (2) \quad \vec{v} = 40\vec{i} - 60\vec{j} \quad (3) \quad \vec{v} = 40\vec{i} - 15\vec{j} \quad (4)$$

- ۲۰۷- نمودار سرعت - زمان متحرکی که روی محور  $x$  حرکت می‌کند، مطابق شکل رو به رو است. بزرگی جابه‌جایی متحرک در فاصله زمانی  $t = 12s$  تا  $t = 6s$  چند متر است؟



- ۲۰۸- جسم A از ارتفاع ۲۵ متری بالای سطح زمین با سرعت اولیه  $\frac{m}{s} 20$  در راستای قائم رو به بالا پرتاب می‌شود. هم زمان جسم B نیز از همان نقطه و با همان سرعت اولیه به سمت پایین پرتاب می‌شود. ۰/۸ ثانیه پس از لحظه پرتاب، فاصله بین دو جسم، چند متر

$$g = 10 \frac{m}{s^2} \text{ و مقاومت هوای ناچیز است.}$$

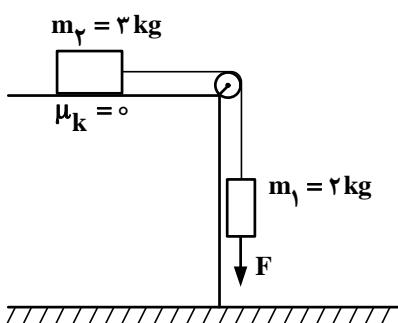
$$45 \quad (1) \quad 32 \quad (2) \quad 37/8 \quad (3) \quad 5/8 \quad (4)$$

- ۲۰۹- جسمی به جرم  $50$  گرم از ارتفاع  $60$  متری رها می‌شود و در لحظه‌ای، سرعت آن به  $14$  می‌رسد و یک ثانیه پس از آن،

$$\text{سرعت جسم به } \frac{m}{s} 23 \text{ می‌رسد. تغییر تکانه جسم در این یک ثانیه، چند کیلوگرم متر بر ثانیه است؟}$$

$$\frac{23}{10} \quad (1) \quad \frac{23}{20} \quad (2) \quad \frac{9}{10} \quad (3) \quad \frac{9}{20} \quad (4)$$

- ۲۱۰- در شکل رو به رو، نیروی قائم  $F$  که توسط یک طناب بر وزنه وارد می‌شود، چند برابر وزن وزنه  $m_1$  باشد، تا وزنه  $m_1$  با شتاب  $g$  (شتاب گرانش) پایین بیاید؟



$$1) \text{ صفر}$$

$$\frac{3}{2} \quad (2)$$

$$\frac{5}{2} \quad (3)$$

$$\frac{7}{2} \quad (4)$$

- ۲۱۱- ماهواره‌ای به جرم  $m$  در ارتفاع  $h$  از سطح زمین به دور آن می‌چرخد. اگر نیروی مرکزگرای ماهواره  $\frac{1}{16}$  وزن ماهواره در سطح زمین باشد، ارتفاع  $h$  چند برابر شعاع زمین است؟

(۱) ۱۶

(۲) ۹

(۳) ۴

(۴) ۳

- ۲۱۲- مطابق شکل زیر، آونگی به طول  $1/25$  متر، با سرعت  $V$  از وضعیت نشان داده شده (نقطه A) عبور می‌کند. کمترین مقدار V چند متر بر ثانیه باشد، تا ریسمان بتواند به وضعیت افقی برسد؟

$$(\sin 37^\circ = 0.6 \text{ و } g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$

(۱)

(۲)  $2\sqrt{5}$ (۳)  $\sqrt{5}$ 

(۴) ۴

- ۲۱۳- ضریب انبساط طولی یک حلقه فلزی برابر  $K^{-5} \times 10^{-5}$  است. اگر دمای این حلقه را به آرامی  $50^\circ$  درجه سلسیوس افزایش دهیم، قطر حلقه چند درصد افزایش می‌یابد؟

(۱) ۰/۲

(۲) ۰/۱

(۳) ۲

(۴) ۱

- ۲۱۴- مساحت دریاچه‌ای  $Km^2$   $500$  است. در زمستان لایه‌ای از یخ صفر درجه سلسیوس به ضخامت متوسط  $10\text{ cm}$  سطح دریاچه را می‌پوشاند. دریاچه در بهار چند مگاژول انرژی برای ذوب یخ جذب می‌کند؟

$$(I_f = 336 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}, \rho_{(\text{یخ})} = 0.9 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3})$$

(۱)  $1/512 \times 10^{16}$ (۲)  $1/512 \times 10^{13}$ (۳)  $1/512 \times 10^{10}$ (۴)  $1/512 \times 10^7$ 

- ۲۱۵- اگر در فشار ثابت، دمای گاز کاملی را از  $27^\circ\text{C}$  به  $42^\circ\text{C}$  برسانیم، حجم گاز چند درصد افزایش می‌یابد؟

(۱) ۵

(۲) ۲۵

(۳) ۱۰

(۴) ۵۰

- ۲۱۶- جسم AB به فاصله  $50$  سانتی‌متری یک آینه تخت و به موازات آن قرار دارد و تصویری از آن تشکیل شده است. اگر جسم را به موازات خود  $20$  سانتی‌متر از آینه دور کنیم، برای آنکه محل تصویر تغییر پیدا نکند، باید آینه را چه اندازه و در چه جهتی جابه‌جا کنیم؟

(۱)  $20$  سانتی‌متر از جسم دور کنیم.(۲)  $20$  سانتی‌متر از جسم دور کنیم.(۳)  $20$  سانتی‌متر به طرف جسم انتقال دهیم.(۴)  $20$  سانتی‌متر به طرف جسم انتقال دهیم.

- ۲۱۷- جسمی مقابل آینه کاو قرار دارد و تصویری با بزرگنمایی  $\frac{1}{3}$  توسط آینه تشکیل شده است. اگر فاصله بین جسم و تصویر  $15\text{ cm}$  باشد، فاصله کانونی آینه چند سانتی‌متر است؟

(۱) ۱۰

(۲) ۱۵

(۳) ۲۰

(۴) ۲۵

- ۲۱۸- فاصله کانونی یک عدسی واگرای  $f$  است و جسمی مقابل آن عمود بر محور اصلی در فاصله  $f$  از عدسی قرار دارد. اگر جسم را به اندازه

$$\frac{f}{2} \text{ به عدسی نزدیک کنیم، تصویر به اندازه} \dots \dots \dots$$

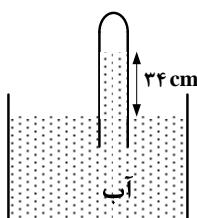
$$2) \frac{f}{3} \text{ از عدسی دور می شود.}$$

$$1) \frac{f}{3} \text{ به عدسی نزدیک می شود.}$$

$$4) \frac{f}{6} \text{ به عدسی نزدیک می شود.}$$

$$3) \frac{f}{6} \text{ از عدسی دور می شود.}$$

- ۲۱۹- در شکل رو به رو، فشار گاز جمع شده در انتهای لوله، ۷۲ سانتی متر جیوه است. چگالی آب  $\frac{\rho}{1}$  و چگالی جیوه  $\frac{\rho}{3}$  cm است. اگر اختلاف سطح آب در لوله و ظرف  $34 \text{ cm}^3$  باشد، فشار هوا چند سانتی متر جیوه است؟



76)

74,5)

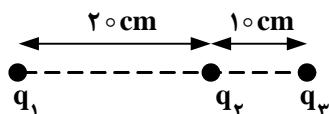
69,5)

68)

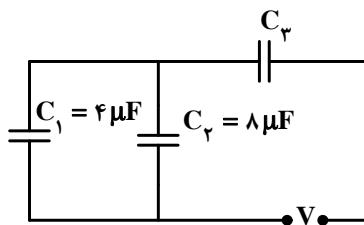
- ۲۲۰- در شکل رو به رو، برایند نیروهای الکتریکی وارد بر هر یک از بارهای نقطه ای برابر صفر است.  $\frac{q_3}{q_2}$  کدام است؟

$$+4) 2) -4)$$

$$\frac{9}{4}) 4) -\frac{9}{4}) 3)$$



- ۲۲۱- در مدار رو به رو، اگر انرژی ذخیره شده در خازن  $C_1$ ،  $\frac{2}{3}$  انرژی ذخیره شده در خازن  $C_3$  باشد، ظرفیت خازن  $C_3$  چند میکروفاراد است؟



6)

12)

18)

24)

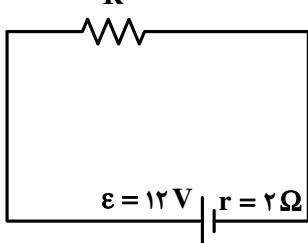
- ۲۲۲- در مدار رو به رو، اگر توان تلف شده در مقاومت درونی مولد برابر ۸ وات باشد، مقاومت  $R$  چند اهم است؟

2)

4)

6)

8)



- ۲۲۳- طول یک سیم فلزی ۱۰ سانتی متر و قطر مقطع آن  $2 \text{ mm}^2$  است. اگر سیم را از ابزاری عبور دهیم تا بدون تغییر جرم، مقاومت الکتریکی آن ۱۶ برابر شود، طول آن چند سانتی متر می شود؟

160) ۴)

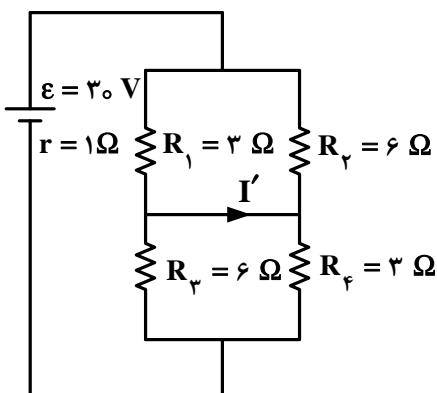
80) ۳)

40) ۲)

2/5) ۱)

- ۲۲۴ - در مدار رو به رو،  $I'$  چند آمپر است؟

- (۱) ۲  
(۲) ۴  
(۳) ۶  
(۴) صفر

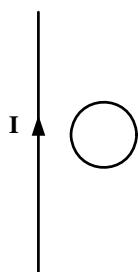


- ۲۲۵ - طول سیم‌لوله‌ای cm ۲۰۰ است و دارای ۲۰۰ حلقه است که به صورت منظم پیچیده شده است. اگر از آن جریان الکتریکی

$$\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{\text{T.m}}{\text{A}}$$

- (۱)  $40\pi$  (۲)  $20\pi$  (۳)  $4\pi$  (۴)  $2\pi$

- ۲۲۶ - در شکل رو به رو، حلقه رسانا و سیم راست در یک صفحه قرار دارند. اگر حلقه را ..... و یا شدت جریان  $I$  را .....، جریان القایی در حلقه ساعتگرد خواهد شد.



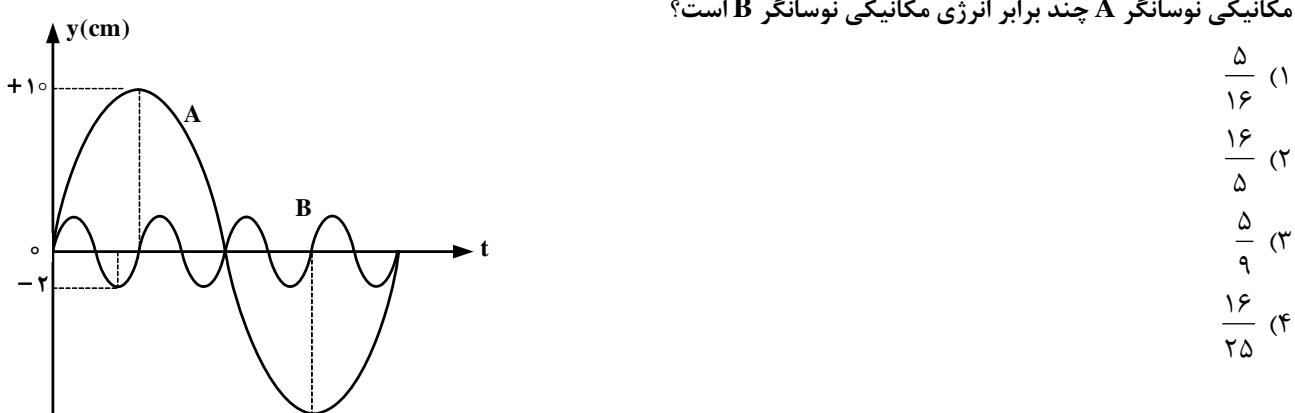
- (۱) از سیم دور کنیم - کاهش دهیم.  
(۲) از سیم دور کنیم - افزایش دهیم.  
(۳) به سیم نزدیک کنیم - کاهش دهیم.  
(۴) به سیم نزدیک کنیم - افزایش دهیم.

- ۲۲۷ - دامنه‌ی یک نوسانگر وزنه - فنر cm ۴ است. اگر جرم وزنه  $80$  گرم و ثابت فنر  $\frac{N}{m} 200$  باشد، در لحظه‌ای که مکان نوسانگر

- ۲ - است، شتاب نوسانگر چند متر بر مربع ثانیه است؟

- (۱)  $150$  (۲)  $75$  (۳)  $50$  (۴)  $25$

- ۲۲۸ - شکل رو به رو، نمودار مکان - زمان دو نوسانگر A و B را نشان می‌دهد. اگر جرم نوسانگر B پنج برابر جرم نوسانگر A باشد، انرژی مکانیکی نوسانگر A چند برابر انرژی مکانیکی نوسانگر B است؟

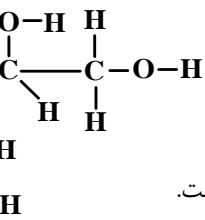


محل انجام محاسبات

- ۲۲۹- تاری بین دو نقطه بسته شده و با بسامد  $f$  ارتعاش می‌کند و در طول آن یک شکم تشکیل شده است. اگر نیروی کشش تار را ۴ برابر کنیم و آن را با بسامد  $8f$  به ارتعاش در آوریم، در این حالت در طول تار چند شکم تشکیل می‌شود؟
- (۱) ۲      (۲) ۴      (۳) ۶      (۴) ۸
- ۲۳۰- تراز شدت صوتی ۱۵ دسی بل است. شدت این صوت، چند برابر شدت صوت مینا است؟  $(\log 2 = 0,3)$
- (۱) ۱      (۲) ۳۰      (۳) ۳۲      (۴) ۲۴
- ۲۳۱- درون لوله صوتی دو انتهای باز، گاز نیتروژن در دمای  $51^\circ C$  قرار دارد. اگر گاز داخل لوله با بسامد  $900 \text{ Hz}$  به نوسان در آید، فاصله دو گره متوالی در لوله چند سانتی‌متر می‌شود؟  $(\gamma = 1,4, M_{N_2} = 28, R = 8 \frac{J}{mol \cdot K})$
- (۱) ۱۰      (۲) ۲۰      (۳) ۴۰      (۴) ۸۰
- ۲۳۲- در آزمایش یانگ، با تغییر کدام یک از موارد زیر، پهنهای نوارهای تداخلی کاهش می‌یابد؟
- (۱) کم کردن فاصله بین دو شکاف      (۲) دور کردن پرده نوارها از سطح دو شکاف  
 (۳) استفاده از نور تک رنگ با طول موج زیادتر      (۴) استفاده از نور تک رنگ با طول موج زیادتر
- ۲۳۳- به سطح فلزی که قابل تابع کار آن  $4 \text{ eV}$  است. نوری با طول موج  $\lambda$  می‌تابانیم و فوتوالکترون‌ها از سطح آن گسیل می‌شوند. بلندترین طول موج الکترومغناطیسی که می‌تواند سبب گسیل فوتوالکترون‌ها از این فلز شود، چند نانومتر است؟
- (C =  $3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ , h =  $4 \times 10^{-15} \text{ eV.s}$ )
- (۱) ۵۰۰      (۲) ۳۵۰      (۳) ۳۰۰      (۴) ۲۵۰
- ۲۳۴- در اتم هیدروژن، در کدام یک از رشته‌های زیر فقط پرتوهای فروسرخ تابش می‌شود؟
- (۱) پاشن - براكت - پفوند      (۲) بالمر - پاشن - براكت      (۳) لیمان - پاشن - براكت      (۴) بالمر - براكت - پفوند
- ۲۳۵- تعداد هسته‌های اولیه یک ماده رادیواکتیو  $N_0 = 1600$  است. اگر نیمه عمر این ماده ۶ ساعت باشد، بعد از چند ساعت هسته آن فعال باقی می‌ماند؟
- (۱) ۱۲      (۲) ۱۸      (۳) ۳۶      (۴) ۴۸

محل انجام محاسبات





- ۲۴۵ پروپین با  $2\text{--}2$  پروپانول در کدام مورد مشابه است؟  $(\text{O} = 16, \text{C} = 12, \text{H} = 1 : \text{g.mol}^{-1})$

۱) در عدد اکسایش دو اتم کربن در مولکول آنها

۲) مجموع شمار جفت الکترون‌های پیوندی

۳) انحلال پذیری در آب

- ۲۴۶ با توجه به ساختار مولکولی ترکیب روبه‌رو، کدام عبارت نادرست است؟

۱) گروه عاملی اتری و استری در ساختار آن شرکت دارد.

۲) شمار قلمروهای الکترونی اتم‌های اکسیژن در آن یکسان نیست.

۳) شمار اتم‌های کربن مولکول آن با مولکول  $2\text{--}2$  دی متیل بوتان یکسان است.

۴) شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی در مولکول آن از مولکول اگزالیک اسید بیشتر است.

- ۲۴۷ اگر  $25^{\circ}\text{C}$  میلی‌لیتر محلول سدیم هیدروکسید بتواند در واکنش کامل با فسفریک اسید،  $1/10$  مول سدیم فسفات در آب تشکیل دهد، غلظت این محلول، برابر چند مول بر لیتر است؟

۱/۲ (۴)

۱/۴ (۳)

۲/۵ (۲)

۲/۸ (۱)

- ۲۴۸ کدام گزینه نادرست است؟

۱)  $0/14$  لیتر از هر گاز ایده‌آل در شرایط STP، شامل  $6/25 \times 10^{-3}$  مول از آن گاز است.

۲) در هر واکنش تجزیه، یک ماده مرکب به عنصرهای تشکیل‌دهنده خود مبدل می‌شود.

۳)  $0/005$  مول هیدروژن سیانید، از  $33 \times 10^{-5}$  اتم تشکیل شده است.

۴) در هر واکنش جایه‌جایی دوگانه، همواره دو ماده مرکب شرکت دارند.

- ۲۴۹ کدام گزینه نادرست است؟  $(\text{H} = 1, \text{C} = 12, \text{O} = 16, \text{Na} = 23, \text{K} = 39, \text{Cr} = 52, \text{Fe} = 56 : \text{g.mol}^{-1})$

۱) از واکنش  $0/2$  مول سدیم هیدروکسید با بنزوئیک اسید،  $28/8$  گرم سدیم بنزووات تشکیل می‌شود.

۲) در واکنش:  $\rightarrow \text{Ba}(\text{NO}_3)_2(\text{aq}) + \text{H}_2\text{SO}_4(\text{aq})$ ، فراورده نامحلول در آب تشکیل می‌شود.

۳) فراورده‌های واکنش  $\rightarrow \text{CuSO}_4(\text{aq}) + \text{Na}_2\text{S}(\text{aq})$ ، مواد محلول در آب‌اند.

۴) نسبت جرم پتانسیم به جرم کروم در پتانسیم دی کرومات، برابر  $0/75$  است.

- ۲۵۰ در واکنش  $5^{\circ}\text{C}$  میلی‌لیتر محلول  $4/0$  مولار پتانسیم هیدروکسید با محلول کوپریک نیترات کافی، با بازده  $8^{\circ}\text{C}$  درصد، به تقریب

چند گرم کوپریک هیدروکسید می‌توان به دست آورد؟  $(\text{H} = 1, \text{O} = 16, \text{Cu} = 64 : \text{g.mol}^{-1})$

۱/۵۶ (۴)  $0/985$  (۳)  $0/784$  (۲)  $1/96$  (۱)

- ۲۵۱ اگر واکنش:  $\text{N}_2(\text{g}) + 3\text{H}_2(\text{g}) \rightleftharpoons 2\text{NH}_3(\text{g})$  در دمای  $187^{\circ}\text{C}$  به حالت تعادل درآید و در این حالت مقدار آنتروپی حدود

$-200\text{ J.K}^{-1}$  باشد، گرمای تشکیل گاز آمونیاک حدود چند کیلو ژول بر مول است؟

-۹۲ (۴)  $+92$  (۳)  $+46$  (۲)  $+46$  (۱)

- ۲۵۲ اگر در واکنش سوختن  $5/8$  گرم گاز  $2\text{--}2$ -متیل پروپان در استوانه‌ای با پیستون متحرک، مقدار  $\text{kJ}$  ۱۰ کار انجام گیرد و انرژی

درونی به اندازه  $277/5 \text{ kJ}$  کاهش یابد، آنتالپی سوختن این گاز برابر چند کیلو ژول بر مول است؟

$(\text{C} = 12, \text{H} = 1 : \text{g.mol}^{-1})$

-۲۸۸۵ (۴)  $-2875$  (۳)  $-2865$  (۲)  $-2675$  (۱)

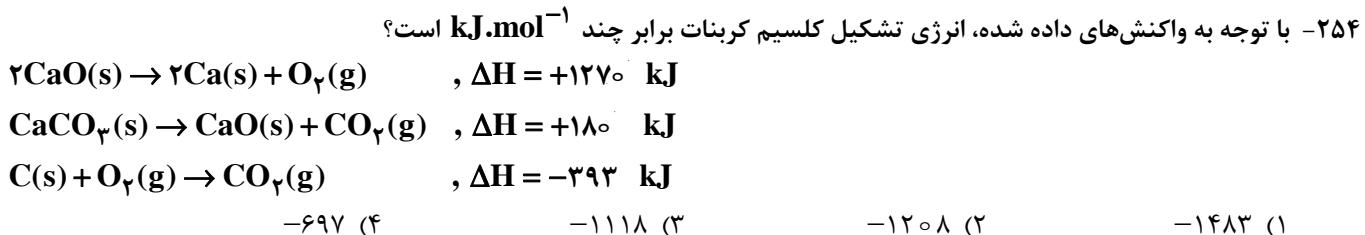
- ۲۵۳ با توجه به واکنش‌های زیر، به ازای تبدیل هر گرم فسفر به فسفر پنتاکلرید، چند کیلو ژول گرما آزاد می‌شود؟

$(\text{P} = 31 : \text{g.mol}^{-1})$

a)  $\text{P}_4(\text{s}) + 6\text{Cl}_2(\text{g}) \rightarrow 4\text{PCl}_5(\text{g})$ ,  $\Delta H = -1148 \text{ kJ}$

b)  $\text{PCl}_5(\text{g}) \rightarrow \text{PCl}_3(\text{g}) + \text{Cl}_2$ ,  $\Delta H = +116 \text{ kJ}$

۲۱/۵ (۴)  $17/5$  (۳)  $15$  (۲)  $13$  (۱)



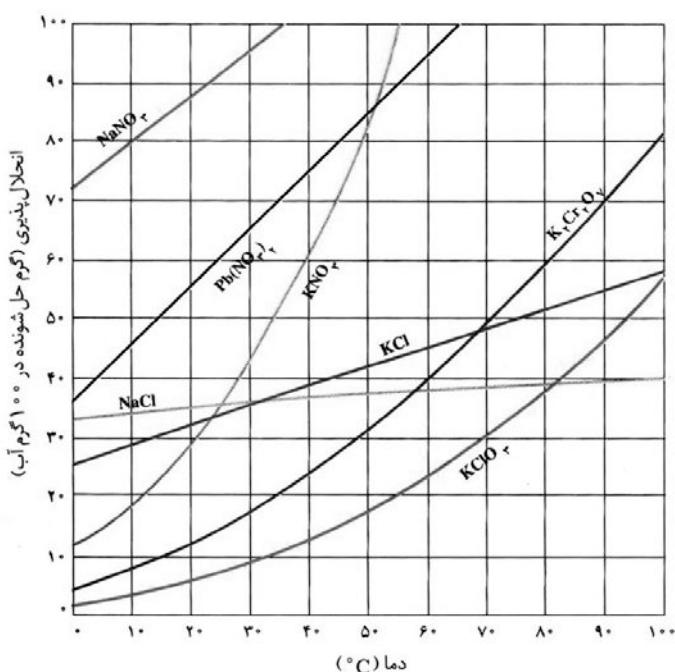
- ۲۵۵- درصد جرمی سدیم هیدروکسید در محلول  $6/25$  مولال آن کدام است؟ ( $H = 1, O = 16, Na = 23 : \text{g}\cdot\text{mol}^{-1}$ )

۲۵ (۴)                    ۲۰ (۳)                    ۱۵ (۲)                    ۱۰ (۱)

- ۲۵۶- محلولی از  $\text{CaSO}_4$  در  $500$  گرم آب در دمای معین، دارای یک گرم یون کلسیم است. چند گرم دیگر  $\text{CaSO}_4$  در آن حل می‌شود؟ (انحلال پذیری  $\text{CaSO}_4$  در این شرایط برابر  $2/10$  گرم در  $100$  گرم آب است.)

$$(\text{Ca} = 40, \text{CaSO}_4 = 136 : \text{g}\cdot\text{mol}^{-1})$$

۴/۱ (۴)                    ۱/۷ (۳)                    ۱/۵ (۲)                    ۱) صفر



- ۲۵۷- در چهار ظرف دارای  $300 \text{ g}$  آب در دمای  $20^\circ\text{C}$ ، به ترتیب از راست به چپ،  $100 \text{ g}$  از ترکیب‌های سرب (II) نیترات (A)، پتانسیم کلرات (B)، پتانسیم نیترات (C) و پتانسیم دی کرومات (D) اضافه و پس از هم زدن، محلول از مواد جامد باقی‌مانده جداسازی شده است. ترتیب چگالی محلول‌های به دست آمده، کدام است؟ (از تغییر حجم حلال، چشم‌پوشی شود.)

- A > B > C > D (۱)  
 B > A > C > D (۲)  
 B > D > C > A (۳)  
 A > C > D > B (۴)

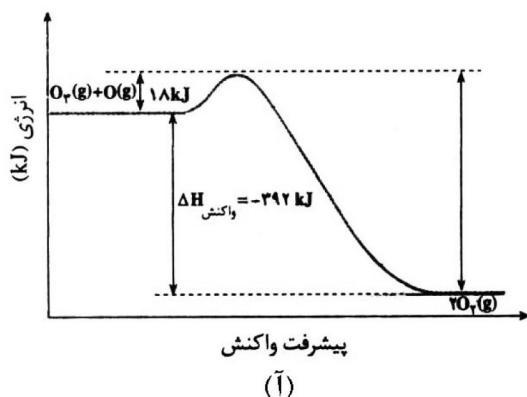
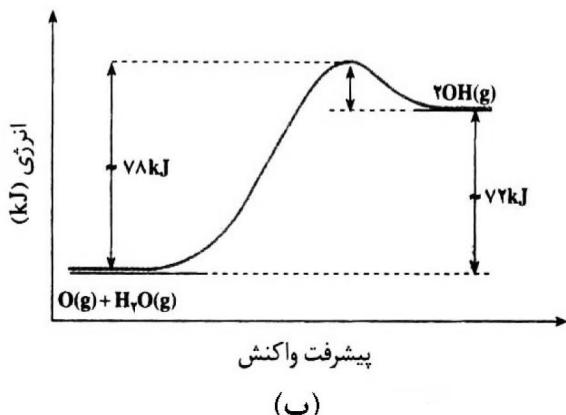
- ۲۵۸- برای تهییه  $200 \text{ mL}$  محلول با غلظت  $10 \text{ ppm}$  از یون‌های کلرید، به تقریب چند گرم کلسیم کلرید با خلوص ۷۸ درصد لازم است؟ ( $\text{Ca} = 40, \text{Cl} = 35/5 : \text{g}\cdot\text{mL}^{-1}$  است).

$1 \times 10^{-3}$  (۴)                     $2 \times 10^{-3}$  (۳)                     $4 \times 10^{-3}$  (۲)                     $8 \times 10^{-3}$  (۱)

- ۲۵۹- رابطه‌ی قانون سرعت برای واکنش فرضی  $\text{A} \rightarrow \text{B}$  به صورت:  $k[\text{A}]^2$  = سرعت، است. پس از تبدیل  $90$  درصد ماده  $\text{A}$  به فراورده، سرعت واکنش چند برابر سرعت آغازی آن خواهد بود؟

۰/۹ (۴)                    ۰/۰۹ (۳)                    ۰/۱ (۲)                    ۰/۰۱ (۱)

۲۶۰- با توجه به نمودارهای «انرژی - پیشرفت واکنش» زیر، کدام گزینه نادرست است؟



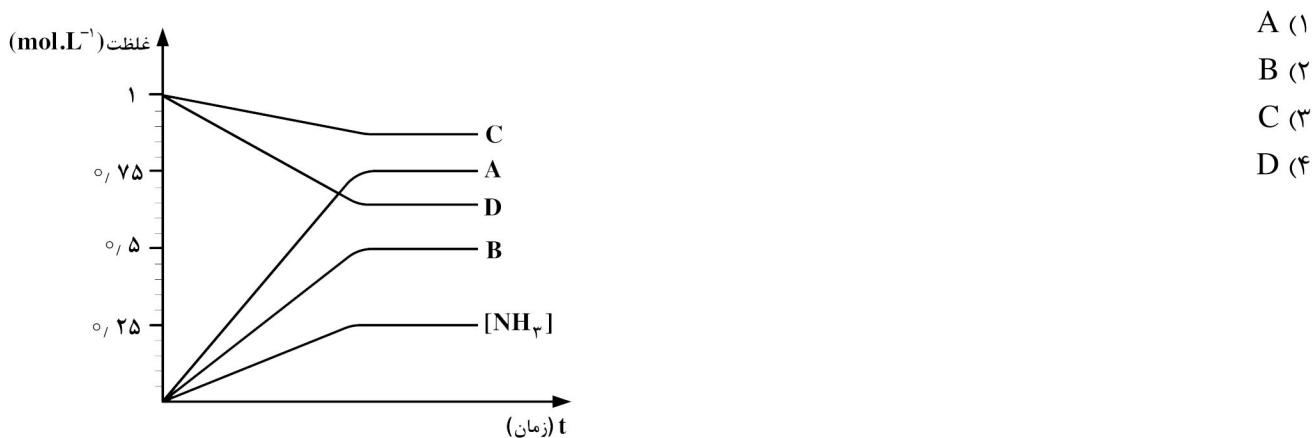
(۱) واکنش:  $O(g) + O(g) \rightarrow H_2O(g) + O(g)$ , با آزاد شدن ۷۸ کیلوژول گرما همراه است.

(۲) دو واکنش از نگاه آنتالپی با هم تفاوت دارند اما از نگاه مقدار کار، وضعیت مشابه دارند.

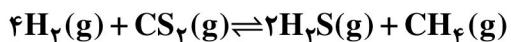
(۳) انرژی فعال سازی واکنش آ در جهت رفت، سه برابر انرژی فعال سازی واکنش ب، در جهت برگشت است.

(۴) سرعت واکنش آ، بیشتر است و تشکیل هر مول گاز اکسیژن با آزاد شدن ۱۹۶ کیلوژول گرما همراه است.

۲۶۱- اگر نمودار زیر، نشان‌دهنده تغییر غلظت آمونیاک در فرایند هابر باشد که در یک ظرف ۱۰ لیتری و با ۱۰ مول از هر یک از واکنش‌گرها آغاز شده است، کدام نمودار به تغییر غلظت هیدروژن مربوط است؟



۲۶۲- سه مول  $H_2(g)$  و یک مول  $CS_2(g)$  در یک ظرف یک لیتری مطابق واکنش زیر، به تعادل می‌رسند. اگر در لحظه تعادل از واکنش دهنده اضافی ۰/۵ مول در ظرف باقی‌مانده باشد، ثابت تعادل این واکنش برابر چند  $L \cdot mol^{-1}$  است؟



۱) (۱) ۲) (۲) ۳) (۳) ۴) (۴)

۲۶۳- با توجه به این که در واکنش:  $2NO(g) + 2H_2(g) \rightarrow N_2(g) + 2H_2O(g)$ ,  $\Delta H < 0^\circ$ ، یک گونه واسطه تشکیل می‌شود، کدام گزینه درباره‌ی آن نادرست است؟

- (۱) واکنش دو مرحله‌ای است.  
(۲) سرعت کلی واکنش، قابل سرعت مرحله کندتر آن است.  
(۳) با انجام آن در ظرف درسته به صورت هم دما، فشار درون ظرف کاهش می‌یابد.  
(۴) یک واکنش کاتالیز شده‌ی همگن است و پایداری گونه واسطه از پایداری فراورده‌ها بیشتر است.

- ۲۶۴ - به ۱۰۰ میلی لیتر از یک محلول بافر که در آن غلظت اسید و نمک یکسان و برابر ۱٪ مolar است ( $K_a = 10^{-5}$ ), هیدروکلریک اسید با غلظت ۵٪ مolar اضافه شده است. pH تقریبی محلول به دست آمده، کدام است؟

- (۱) ۱/۲ (۲) ۲/۳ (۳) ۲/۵ (۴) ۳/۶

- ۲۶۵ - در صورتی که ۱ mL از محلول غلیظ اسید قوی HA با چگالی  $100 \text{ g.mL}^{-1}$  تا  $2/5 \text{ g.mL}^{-1}$  رقیق و به آن ۱/۶ g سدیم هیدروکسید افزوده شود، محلولی با  $\text{pH} = ۲$  حاصل می‌شود. درصد جرمی محلول اسید اولیه کدام است؟

$$(M_{\text{NaOH}} = ۴۰, M_{\text{HA}} = ۱۵۰ : \text{g.mol}^{-1})$$

- (۱) ۶ (۲) ۲/۴ (۳) ۳/۰ (۴) ۳/۶

- ۲۶۶ - بر اثر حل شدن چند مول از یک اسید HA که  $\text{pK}_a$  آن برابر صفر است، در یک لیتر آب مقطر، pH محلول به صفر می‌رسد؟

- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

- ۲۶۷ - اگر به جای اتم‌های هیدروژن در مولکول فرمالدهید، گروه‌های متیل قرار گیرند، ماده به دست آمده فاقد کدام ویژگی است؟

- (۱) در آب به هر نسبتی حل می‌شود و چربی‌ها را در خود حل می‌کند.  
(۲) مجموع عددی اکسایش اتم‌های کربن در آن، برابر ۶ است.  
(۳) ایزومر پروپانال است و خاصیت کاهنده‌ی چشمگیری ندارد.  
(۴) فرمول تجربی آن با فرمول مولکولی کتن متفاوت است.

- ۲۶۸ - در فرایند برکافت آب نمک غلیظ، نسبت جرمی گاز آزاد شده در آند به جرم گاز آزاد شده در کاتد، ..... است و حجم آن‌ها در شرایط یکسان، ..... است. ( $H = ۱, O = ۱۶, Na = ۲۳, Cl = ۳۵/۵ : \text{g.mol}^{-1}$ )

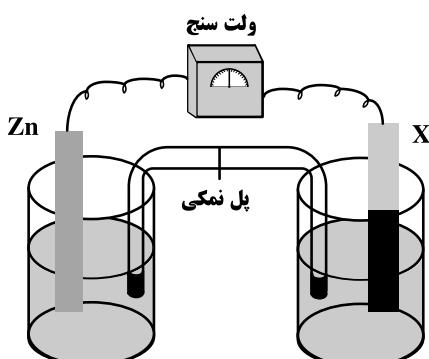
- (۱) ۱/۲ ، برابر (۲) ۲/۱ ، نابرابر (۳) ۳/۵ ، برابر (۴) ۳/۵/۵ ، نابرابر

- ۲۶۹ - با توجه به شکل رویه‌رو که طرح ساده‌ای از یک سلول گالوانی را نشان می‌دهد، اگر X الکترود استاندارد فلز ..... باشد، .....

$$E^\circ(Zn^{2+}(\text{aq}) / Zn(\text{s})) = -0.76 \text{ V}$$

$$E^\circ(M^{2+}(\text{aq}) / M(\text{s})) = -1.18 \text{ V}$$

$$E^\circ(M'^{2+}(\text{aq}) / M'(\text{s})) = +1.2 \text{ V}$$



(۱)  $M'$  کاتیون‌های پل نمکی در محلول الکترود روی وارد می‌شوند.

(۲) M با انجام واکنش در سلول، از جرم تیغه روی کاسته می‌شود.

(۳) M' الکترود روی آند و E° سلول برابر  $0.44$  ولت است.

(۴) M الکترود روی کاتد و E° سلول برابر  $0.42$  ولت است.

- ۲۷۰ - اگر برکافت یک سلول الکتروولیتی با ولتاژ  $1/۵$  ولت قابل انجام باشد، با اتصال سلول گالوانی استاندارد تشکیل شده از الکترودهای کدام دو فلز به آن، برکافت در آن انجام می‌شود؟

$$A^{2+}(\text{aq}) / A(\text{s}) = -0.76 \text{ V}$$

$$B^{3+}(\text{aq}) / B(\text{s}) = -0.44 \text{ V}$$

$$D^{2+}(\text{aq}) / D(\text{s}) = +0.80 \text{ V}$$

$$E^{2+}(\text{aq}) / E(\text{s}) = +0.34 \text{ V}$$

- (۱) A و D (۲) B و E (۳) D و B (۴) E و D



# پاسخ تشریحی آزمون سراسری سال ۹۳

## درس ریاضی، رشته علوم تجربی

نگارش:

ابوالفضل معدانی پور



فارغ‌التحصیل مهندسی مکانیک از دانشگاه صنعتی شریف

مدرس ریاضی و فیزیک کنکور در استان‌های تهران و البرز

📞 : 09356061745

✉️ : abolfazl.madanipour@gmail.com

- ۱۲۶ - به ازای یک مقدار  $x$  ، اعداد عبارت  $-x^3 + 2x^2 + 4x$  به ترتیب سه جمله اول از یک دنباله هندسی نزولی‌اند، مجموع هفت جمله‌ی اول این دنباله کدام است؟

$$\frac{127}{8}(4)$$

$$\frac{63}{4}(3)$$

$$\frac{125}{16}(2)$$

$$\frac{117}{16}(1)$$

اگر سه عدد  $a$  و  $b$  و  $c$  جملات متولی یک دنباله هندسی باشند، رابطه ذیل میان آن‌ها برقرار است:

$$(2x)^r = (x^r + 4)(x^r - 2) \Rightarrow 4x^r = x^r + 2x^r - 8 \Rightarrow x^r - 2x^r - 8 = 0 \Rightarrow (x^r - 4)(x^r + 2) = 0 \Rightarrow x^r = 4 \Rightarrow x = \pm 2$$

$$\begin{cases} x = 2 \Rightarrow 8, 4, 2 \Rightarrow q = \frac{4}{8} = \frac{1}{2} \\ x = -2 \Rightarrow 8, -4, 2 \Rightarrow \text{غیرنزولی} \end{cases} S_r = \frac{a(q^r - 1)}{q - 1} = \frac{8((\frac{1}{2})^r - 1)}{\frac{1}{2} - 1} = \frac{8(\frac{1 - 2^r}{2^r})}{-\frac{1}{2}} = \frac{-16 \times (1 - 2^r)}{2^r} = \frac{(2^r - 1)}{2^r} = \frac{127}{8}$$

گزینه ۲

- ۱۲۷ - نمودار تابع  $y = \left| \frac{1}{2}x \right| - 2$  را ۴ واحد به طرف  $x$ ‌های منفی و یک واحد به طرف  $y$ ‌های مثبت انتقال می‌دهیم، نمودار جدید و نمودار اولیه با کدام طول متقاطع‌اند؟

$$-2(4)$$

$$-2.5(3)$$

$$-3(2)$$

$$-3.5(1)$$

وقتی نمودار ۴ واحد به سمت چپ منتقل شود به  $x$  آن ۴ واحد افزوده می‌شود.  
وقتی نمودار ۱ واحد به سمت بالا منتقل شود از  $y$  آن ۱ واحد کاسته می‌شود.

$$y = \left| \frac{1}{2}x \right| - 2 = \frac{1}{2}|x| - 2 \Rightarrow y - 1 = \frac{1}{2}|x + 4| - 2 \Rightarrow y = \frac{1}{2}|x + 4| - 1$$

$$\frac{1}{2}|x + 4| - 1 = \frac{1}{2}|x| - 2 \Rightarrow \frac{1}{2}|x| - \frac{1}{2}|x + 4| = 1 \Rightarrow |x| - |x + 4| = 2$$

به سادگی با امتحان گزینه‌ها، مشخص می‌شود که  $x = -3$  جواب معادله است

- ۱۲۸ - شکل رویرو قسمتی از نمودار تابع  $y = a + \sin(b\pi x)$  است، مقدار  $y$  در نقطه‌ی  $x = \frac{25}{3}$  کدام است؟

$$3.5(4)$$

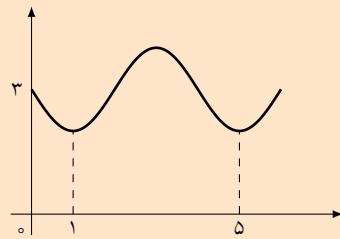
$$3(3)$$

$$2.5(2)$$

$$2(1)$$

با توجه به شکل، دوره تناوب این تابع برابر ۴ است:  $T = 5 - 1 = 4$

$$y(0) = 3 \Rightarrow a = 3; T = 4 = \frac{2\pi}{|b\pi|} = \frac{2}{|b|} \Rightarrow |b| = \frac{1}{2} \Rightarrow b = \pm \frac{1}{2}$$



برای مشخص کردن علامت  $b$  می‌توانیم از مشتق کمک بگیریم، از نمودار مشخص می‌شود که تابع در  $x = 0$  نزولی است، یعنی:  $y'(0) < 0$

$$y'(x) = b\pi \cos(b\pi x) \Rightarrow y'(0) = b\pi \cos(0) = b\pi < 0 \Rightarrow b < 0 \Rightarrow b = -\frac{1}{2} \Rightarrow y = 3 + \sin(-\frac{1}{2}\pi x) = 3 - \sin(\frac{1}{2}\pi x)$$

$$\Rightarrow y(\frac{25}{3}) = 3 - \sin(\frac{1}{2} \times \pi \times \frac{25}{3}) = 3 - \sin(\frac{25\pi}{6}) = 3 - \sin(4\pi + \frac{\pi}{6}) = 3 - \sin(\frac{\pi}{6}) = 3 - \frac{1}{2} = \frac{5}{2} = 2.5$$

گزینه ۲

- ۱۲۹ - مفروض است. اگر  $A \times B$  ماتریس واحد باشد، مجموع درایه‌های سطر اول ماتریس  $B$  کدام است؟

$$2.5(4)$$

$$2(3)$$

$$1.5(2)$$

$$1(1)$$

## یادآوری

اگر ضرب دو ماتریس، ماتریس واحد ( $I$ ) شود هریک از ماتریس‌ها معکوس دیگری است:

$$A \times B = I \Rightarrow B = A^{-1}, A = B^{-1}$$

$$A = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 4 & 7 \end{bmatrix} \Rightarrow$$

$$A^{-1} = \frac{1}{14 - 12} \begin{bmatrix} 7 & -3 \\ -4 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{7}{2} & -\frac{3}{2} \\ -\frac{4}{2} & \frac{2}{2} \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \frac{7}{2} + (-\frac{3}{2}) = 2$$

گزینه ۳

- ۱۳۰ - در یک شرکت دارویی جدول توزیع کارکنان را با نمودار دایره‌ای نشان می‌دهیم. زاویه مربوط به کارکنان ارشد، چند درجه است؟

$$105^\circ(4)$$

$$96^\circ(3)$$

$$92^\circ(2)$$

$$84^\circ(1)$$

نوع مدرک	دکترا	ارشد	کارشناسی	کارشناسی	دیپلم	تعداد
۳۰	۳۰	۹۰	۱۸۰	۱۲۰	۳۰	۱۵۰

$$\alpha_{\text{ارشد}} = \frac{f_{\text{ارشد}}}{N} \times 360^\circ = \frac{120}{450} \times 360^\circ = \frac{120}{5} \times 4^\circ = 24 \times 4^\circ = 96^\circ$$

گزینه ۲

- ۱۳۱ - در ۲۵ داده‌ی آماری میانگین و انحراف معیار به ترتیب ۳۰ و ۸ می‌باشد، اگر داده‌های ناجور ۱۰، ۱۵، ۴۵ و ۵۰، از بین آنها حذف شوند، واریانس داده‌های باقیمانده کدام است؟

$$16.66(4)$$

$$15.23(3)$$

$$14.81(2)$$

$$14.77(1)$$

اگر چهار داده را حذف کنیم ۲۱ داده باقی می‌ماند و اگر مجموع کل را منهای مجموع این ۴ داده کنیم مجموع داده‌های جدید حاصل می‌شود.

$$\bar{x} = ۳۰ = \frac{\sum x_i}{۲۵} \Rightarrow \sum x_i = ۲۵ \times ۳۰ = ۷۵۰$$

$$\Rightarrow \bar{x}' = \frac{۶۳۰}{۲۱} = ۳۰, \sigma = ۸, \bar{x} = ۳۰ \Rightarrow \sigma' = ۶۴ = \frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{N} \Rightarrow \sum (x_i - \bar{x})^2 = ۶۴ \times ۲۵ \Rightarrow \sum (x'_i - \bar{x}')^2 = ۶۴ \times ۲۵ - (۱۰ - ۳۰)^2$$

$$- (۱۵ - ۳۰)^2 - (۴۵ - ۳۰)^2 - (۵۰ - ۳۰)^2 = ۶۴ \times ۲۵ - ۴۰۰ - ۲۲۵ - ۲۲۵ - ۴۰۰ = ۱۶۰۰ - ۱۲۵۰ = ۳۵۰ \Rightarrow (\sigma')^2 = \frac{۳۵۰}{۲۱} = ۱۶,۶۶$$

گزینه ۴

۱۳۲- ظرف A دارای ۴ مهره سفید و ۵ مهره سیاه است و هریک از دو ظرف یکسان B و C دارای ۶ مهره سفید و ۳ مهره سیاه است، به تصادف یکی از سه ظرف را انتخاب کرده و ۴ مهره از آن خارج می‌کنیم. با کدام احتمال دو مهره از مهره‌های خارج شده، سفید است؟

$\frac{۱۱}{۲۱}(۴)$

$\frac{۱۰}{۲۱}(۳)$

$\frac{۲۶}{۶۳}(۲)$

$\frac{۲۵}{۶۳}(۱)$

باید یکی از سه ظرف را انتخاب کرده و سپس احتمال سفید بودن دو مهره از آن را بدست آوریم:

$$P = \frac{۱}{۳} \left( \frac{\binom{۴}{۲} \times \binom{۵}{۲}}{\binom{۹}{۴}} + ۲ \times \frac{\binom{۴}{۱} \times \binom{۵}{۳}}{\binom{۹}{۴}} \right) = \frac{۱}{۳} \left( \frac{۶ \times ۱۰}{\binom{۹}{۴}} + ۲ \times \frac{۱۵ \times ۳}{\binom{۹}{۴}} \right) =$$

$$\frac{۱}{۳} \left( \frac{۶۰ + ۹۰}{\binom{۹}{۴}} \right) = \frac{۱}{۳} \left( \frac{۱۵۰}{\frac{۹ \times ۸ \times ۷ \times ۶}{۴!}} \right) = \frac{۱}{۳} \left( \frac{۱۵۰ \times ۴!}{۹ \times ۸ \times ۷ \times ۶} \right) = \frac{۵۰}{۹ \times ۷ \times ۲} = \frac{۲۵}{۶۳}$$

گزینه ۱

۱۳۳- اگر  $\cos(x + \frac{\pi}{۳}) + \cos(x - \frac{\pi}{۳}) = \frac{۲}{۳}$  باشد، مقدار  $\cos ۲x$  کدام است؟

$\frac{۲}{۹}(۴)$

$\frac{۱}{۹}(۳)$

$-\frac{۱}{۹}(۲)$

$-\frac{۲}{۹}(۱)$

$$\cos(x + \frac{\pi}{۳}) + \cos(x - \frac{\pi}{۳}) = \cos x \cos \frac{\pi}{۳} - \sin x \sin \frac{\pi}{۳} + \cos x \cos \frac{\pi}{۳} + \sin x \sin \frac{\pi}{۳} = ۲ \cos x \cos \frac{\pi}{۳} = \frac{۲}{۳}$$

$$\Rightarrow ۲ \cos x \times \frac{۱}{۲} = \frac{۲}{۳} \Rightarrow \cos x = \frac{۱}{۳}; \cos ۲x = ۲ \cos^2 x - ۱ = ۲(\frac{۱}{۳})^2 - ۱ = \frac{۱}{۹} - ۱ = -\frac{۸}{۹}$$

گزینه ۲

۱۳۴- حاصل کدام است؟  $\lim_{x \rightarrow -۲} \left( \frac{۳}{۲x^2 + ۵x + ۲} - \frac{۴}{x^2 - ۴} \right)$

$-\frac{۷}{۱۲}(۴)$

$\frac{۵}{۱۲}(۳)$

$-\frac{۵}{۱۲}(۲)$

$-\frac{۷}{۱۲}(۱)$

$$\lim_{x \rightarrow -۲} \left( \frac{۳}{۲x^2 + ۵x + ۲} - \frac{۴}{x^2 - ۴} \right) = \lim_{x \rightarrow -۲} \left( \frac{۳x^2 - ۱۲ - ۸x^2 - ۲۰x - ۸}{(۲x^2 + ۵x + ۲)(x^2 - ۴)} \right) = \lim_{x \rightarrow -۲} \left( \frac{-۵x^2 - ۲۰x - ۲۰}{(۲x^2 + ۵x + ۲)(x^2 - ۴)} \right) =$$

$$\lim_{x \rightarrow -۲} \left( \frac{-۵(x^2 + ۴x + ۴)}{(۲x^2 + ۵x + ۲)(x^2 - ۴)} \right) = \lim_{x \rightarrow -۲} \left( \frac{-۵(x + ۲)^2}{(۲x^2 + ۵x + ۲)(x - ۲)(x + ۲)} \right) = \lim_{x \rightarrow -۲} \left( \frac{-۵(x + ۲)}{(۲x^2 + ۵x + ۲)(x - ۲)} \right) =$$

$$\stackrel{\circ}{=} \lim_{x \rightarrow -۲} \left( \frac{-۵}{(۴x + ۵)(x - ۲) + ۱(۲x^2 + ۵x + ۲)} \right) = \lim_{x \rightarrow -۲} \left( \frac{-۵}{(-۳)(-۴) + ۱(۰)} \right) = -\frac{۵}{۱۲}$$

گزینه ۲

۱۳۵- تابع با ضابطه  $f(x) = \begin{cases} \frac{1 - \tan^2 x}{\cos ۲x} & ۰ \leq x < \frac{\pi}{۴} \\ a \cos ۲x & \frac{\pi}{۴} \leq x < \frac{\pi}{۲} \end{cases}$  به ازای کدام مقدار a در x =  $\frac{\pi}{۴}$  پیوسته است؟

۲(۴)

$\sqrt{۲}(۳)$

-۱(۲)

-۲ $\sqrt{۲}(۱)$

شرط پیوستگی در یک نقطه

باید حد های چپ و راست و مقدار تابع در آن نقطه با هم برابر باشند.

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}^-} f(x) = f(\frac{\pi}{4})$$

هويتال  $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}^-} \frac{1 - \tan^2 x}{\cos ۲x}$

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}^+} \frac{-2(1 + \tan^2 x) \tan x}{-2 \sin ۲x} = ۲ \Rightarrow -a \frac{\sqrt{۲}}{۲} = ۲ \Rightarrow a = -\frac{۲}{\sqrt{۲}} = -2\sqrt{۲}$$

گزینه ۱

۱۳۶- تابع با ضابطه  $f(x) = (2x + 1)^{-\frac{1}{2}}$  ، آهنگ متوسط تغییر تابع از نقطه  $x = ۱۲$  تا  $x = ۱۲$  از آهنگ لحظه‌ای آن در نقطه  $x = ۴$  چقدر بیشتر است؟

$\frac{۱۱}{۲۷۰}(۴)$

$\frac{۷}{۲۷۰}(۳)$

$\frac{۱۱}{۵۴۰}(۲)$

$\frac{۷}{۵۴۰}(۱)$

$$f(x) = (2x+1)^{-\frac{1}{2}} = \frac{1}{(2x+1)^{\frac{1}{2}}} \Rightarrow$$

$$\bar{f} = \frac{\frac{1}{(25)^{\frac{1}{2}}} - \frac{1}{(9)^{\frac{1}{2}}}}{12-4} = \frac{\frac{1}{5} - \frac{1}{3}}{8} = \frac{-\frac{2}{15}}{8} = -\frac{1}{60}, f'(x) = -\frac{1}{2}(2) \left[ (2x+1)^{-\frac{3}{2}} \right]$$

$$\Rightarrow f'(4) = -(9)^{-\frac{3}{2}} = -\frac{1}{3^{\frac{3}{2}}} = -\frac{1}{(3^2)^{\frac{1}{2}}} = -\frac{1}{3^3} = -\frac{1}{27}$$

$$-\frac{1}{60} - \left(-\frac{1}{27}\right) = \frac{-9+20}{3 \times 9 \times 20} = \frac{11}{540}$$

گزینه ۲

آنچه متوسط تغییر تابع در یک بازه، شبیه خطی است که دو نقطه ابتدایی و انتهایی تابع را هم وصل می‌کند (معادل سرعت متوسط در فیزیک)

$$\bar{f} = \frac{f(b) - f(a)}{b - a}$$

آنچه لحظه‌ای تغییر تابع در یک نقطه، شبیه خطی است که در آن نقطه، بر تابع مماس است. که همان مشتق تابع می‌باشد (معادل سرعت لحظه‌ای در فیزیک)

f'(x)

..... ۱۳۷ - مشتق تابع  $y = 2 \sin^2 \left( \frac{\pi}{6} - \frac{x}{4} \right)$  به ازای  $x = \frac{\pi}{6}$  کدام است؟

$$-\frac{1}{8}(4)$$

$$-\frac{1}{4}(3)$$

$$-\frac{1}{2}(2)$$

$$-\frac{\sqrt{3}}{2}(1)$$

برای ساده‌تر شدن عمل مشتق‌گیری، ابتدا تابع را با استفاده از روابط مثلثاتی ساده می‌کنیم:

$$\cos 2x = 1 - 2 \sin^2 x \Rightarrow 2 \sin^2 x = 1 - \cos 2x \Rightarrow y = 1 - \cos \left[ 2 \left( \frac{\pi}{6} - \frac{x}{4} \right) \right]$$

$$y = 1 - \cos \left[ 2 \left( \frac{\pi}{6} - \frac{x}{4} \right) \right] = 1 - \cos \left[ \frac{\pi}{3} - \frac{x}{2} \right] \Rightarrow y' = -\frac{1}{2} \sin \left[ \frac{\pi}{3} - \frac{x}{2} \right] \Big|_{x=\frac{\pi}{6}} = -\frac{1}{2} \sin \left[ \frac{\pi}{3} - \frac{\pi}{6} \right] - \frac{1}{2} \sin \left( \frac{\pi}{6} \right) = -\frac{1}{4}$$

گزینه ۳

..... ۱۳۸ - احتمال انتقال نوعی بیماری مسری به افراد مستعد برابر  $\frac{1}{2}$  است، اگر ۵ نفر مستعد با فردی که حامل این بیماری است ملاقات کنند، با کدام احتمال ۳ نفر از آنان مبتلا می‌شوند؟

$$0,2048(4)$$

$$0,1024(3)$$

$$0,0512(2)$$

$$0,0256(1)$$

$$P(X=3) = \binom{5}{3} (0,2)^3 (0,8)^2 = \\ 10 \times \frac{8}{1000} \times \frac{64}{100} = \frac{512}{1000} = 0,0512$$

مسئله یک توزیع دو جمله‌ای با احتمال پیروزی  $p = 0,2$  است و در آن، از ۵ بار آزمایش، انتظار ۳ بار پیروزی را داریم.

$$P(X=k) = \binom{n}{k} p^k (1-p)^{n-k}$$

..... ۱۳۹ - به ازای کدام مقدار  $m$  مجموع مرباعات ریشه‌های حقیقی معادله  $mx^2 - (m+3)x + 5 = 0$  برابر ۶ می‌باشد؟

$$-\frac{9}{5}(4)$$

$$-\frac{9}{5}(13)$$

$$1(2)$$

$$-\frac{9}{5}(1)$$

روابط ریشه‌های معادله درجه دو

در معادله  $ax^2 + bx + c = 0$

$$\alpha + \beta = -\frac{b}{a}$$

$$\alpha\beta = \frac{c}{a}$$

$$\alpha^2 + \beta^2 = (\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta = \frac{b^2}{a^2} - \frac{2c}{a} = \frac{b^2 - 2ac}{a^2} = \frac{+(m+3)^2 - 2(m)(5)}{m^2} = 6 \\ \Rightarrow m^2 + 6m + 9 - 10m = 6m^2 \Rightarrow 5m^2 + 4m - 9 = 0 \Rightarrow m = 1 \text{ و } -\frac{9}{5}$$

وقتی جمع ضرایب معادله درجه دو صفر باشد، ریشه‌ها عبارت‌اند از:  $\frac{c}{a}$

اکنون باید بررسی کنیم به ازای کدام یک از  $m$  های بدست آمده معادله ریشه حقیقی دارد. باید دلتای معادله اصلی نامنفی باشد:

$$\Delta = b^2 - 4ac = (m+3)^2 - 20m = m^2 + 6m + 9 - 20m = m^2 - 14m + 9 = (m-7)^2 - 40$$

$$\begin{cases} m = 1 \Rightarrow \Delta = 36 - 40 = -4 \text{ منفی} \\ m = -\frac{9}{5} = -1,8 \Rightarrow \Delta(-1,8-7)^2 - 40 = +(8,7)^2 - 40 = 65 > 0 \text{ مثبت} \end{cases}$$

گزینه ۱

- ۱۴۰ - اگر نمودار تابع  $f(x) = a(b)^x - 1$  از دو نقطه  $B(-1, 1)$  و  $A(-\frac{1}{2}, \frac{1}{2})$  بگذرد،  $f(-1)$  کدام است؟

$\frac{3}{4}(4)$

$-\frac{1}{4}(3)$

$-\frac{1}{2}(2)$

$-\frac{3}{4}(1)$

$$\begin{cases} \frac{1}{2} = a(b)^{-\frac{1}{2}} - 1 \Rightarrow \frac{1}{2} + 1 \Rightarrow a(b)^{-\frac{1}{2}} = \frac{3}{2} \Rightarrow \frac{ab^1}{a(b)^{-\frac{1}{2}}} = \frac{12}{\frac{3}{2}} \Rightarrow b^1 + \frac{1}{2} = \frac{24}{3} = 8 \Rightarrow b^{\frac{1}{2}} = 8 \\ 1 = ab - 1 \Rightarrow ab = 1 + 1 \Rightarrow ab = 12 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \sqrt{b^r} = 8 \Rightarrow b^r = 64 \Rightarrow b = 4 \Rightarrow a = 3 \Rightarrow f(x) = 3(4^x) - 1 \Rightarrow f(-1) = 3(4^{-1}) - 1 = \frac{3}{4} - 1 = -\frac{1}{4}$$

گزینه ۳

- ۱۴۱ - از تساوی  $5 \log_x(x^r + 4) = 1 + \log_x 2$  کدام است؟

$2(4)$

$\frac{3}{2}(3)$

$\frac{1}{2}(2)$

- ۱(۱)

کلمه

$$\log_x(x^r + 4) - \log_x 5 = 1 \Rightarrow \log_x \left( \frac{x^r + 4}{5} \right) = 1 \Rightarrow \frac{x^r + 4}{5} = x$$

$$x^r + 4 = 5x \Rightarrow x^r - 5x + 4 = 0 \Rightarrow (x-1)(x-4) = 0 \Rightarrow x = 1, 4$$

قابل قبول نیست، زیرا پایه لگاریتم عدد ۱ می‌شود که صحیح نیست.

$$\Rightarrow x = 4 \Rightarrow \log_5 4 = 2$$

گزینه ۲

### روابط لگاریتمی مهم

$$\log_a x = b \Rightarrow x = a^b$$

$$\log_a x + \log_a y = \log_a(xy)$$

$$\log_a x - \log_a y = \log_a \left( \frac{x}{y} \right)$$

- ۱۴۲ - در معادله مثلثاتی  $\sin 2x(\sin x + \cos x) = \cos 2x(\cos x - \sin x)$  کدام است؟

$\frac{7\pi}{4}(4)$

$\frac{3\pi}{2}(3)$

$\frac{5\pi}{4}(2)$

$\frac{3\pi}{4}(1)$

$$\sin 2x \sin x + \sin 2x \cos x = \cos 2x \cos x - \cos 2x \sin x \Rightarrow \sin 2x \cos x + \cos 2x \sin x = \cos 2x \cos x - \sin 2x \sin x \Rightarrow$$

$$\sin(2x + x) = \cos(2x + x) \Rightarrow \sin(3x) = \cos(3x) \Rightarrow \frac{\sin(3x)}{\cos(3x)} = 1 \Rightarrow \tan 3x = 1 = \tan \frac{\pi}{4} \Rightarrow 3x = k\pi + \frac{\pi}{4}$$

$$\Rightarrow x = k\frac{\pi}{3} + \frac{\pi}{12} = \frac{4k\pi + \pi}{12} = \frac{5k\pi}{12} \Rightarrow x = 0, \frac{5\pi}{12}, \frac{10\pi}{12} \Rightarrow 0 + \frac{5\pi}{12} + \frac{10\pi}{12} = \frac{15\pi}{12} = \frac{5\pi}{4}$$

گزینه ۲

- ۱۴۳ - در تابع ضمنی  $y = 4\sqrt{xy} + \frac{1}{y} - 2x = 1$ ، تابع  $y$  بر حسب متغیر  $x$  منظور شده است، معادله خط مماس بر منحنی آن در نقطه  $(4, 1)$  کدام است؟

$$4y - x = -1(4)$$

$$4y + x = 7(3)$$

$$2x - y = -2(2)$$

$$y + 2x = 9(1)$$

کلمه

$$y'_x = -\frac{\frac{4y}{\sqrt{xy}} - 2}{\frac{4x}{\sqrt{xy}} - 1} \Rightarrow y'_{x_*} = -\frac{\frac{4}{2\sqrt{4}} - 2}{\frac{4}{2\sqrt{4}} - 1} = -\frac{1 - 2}{4 - 1} = \frac{1}{3}$$

$$\Rightarrow y - 1 = \frac{1}{3}(x - 4) \Rightarrow 3y - 3 = x - 4 \Rightarrow 3y - x = -1$$

گزینه ۲

### مشتق تابع ضمنی و معادله خط مماس

$$F(x, y) = 0 \Rightarrow y'_x = -\frac{F_x}{F_y}$$

$$y - y_* = y'_{x_*}(x - x_*)$$

- ۱۴۴ - تابع با ضابطه  $x = \frac{\pi}{4}$  در نقطه  $f(x) = \begin{cases} \sin x - \cos 2x & 0 < x \leq \frac{\pi}{4} \\ a \tan x + b \sin 2x & \frac{\pi}{4} < x < \frac{\pi}{2} \end{cases}$  مشتق پذیر است.  $b$  کام است؟

۱(۴)

$\frac{1}{2}(3)$

$-\frac{1}{2}(2)$

- ۱(۱)

تابع باید در نقطه  $x = \frac{\pi}{4}$  پیوسته باشد و مشتق داست و چپ مساوی داشته باشد

$$\sin \frac{\pi}{4} - \cos \frac{\pi}{2} = a \tan \frac{\pi}{4} + b \sin \frac{\pi}{2} \Rightarrow a + b = \frac{1}{2}$$

$$f'(x) = \begin{cases} 2 \sin x \cos x + 2 \sin 2x = 2 \sin 2x & 0 < x < \frac{\pi}{4} \\ a(1 + \tan x) + 2b \cos 2x & \frac{\pi}{4} < x < \frac{\pi}{2} \end{cases}$$

$$\Rightarrow 2 = 2a \Rightarrow a = \frac{1}{2} \Rightarrow b = \frac{1}{2} - a = -\frac{1}{2}$$

گزینه ۱

۱۴۵ - در کدام بازه تابع با ضابطه  $f(x) = -x^4 + 8x^3 - 18x^2$  نزولی و تغیر نمودار آن رو به بالا است؟

(۰, ۳)(۴)

(۰, ۱)(۳)

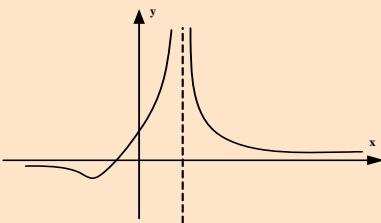
(۱, ۴)(۲)

(۱, ۳)(۱)

$$\begin{cases} y' = -4x^3 + 24x^2 - 36x = -4x(x^2 - 6x + 9) = -4x(x-3)^2 < 0 \Rightarrow -4x < 0 \Rightarrow x > 0. \\ y'' = -12x^2 + 48x - 36 = -12(x^2 - 4x + 3) = -12(x-1)(x-3) > 0 \Rightarrow (x-1)(x-3) < 0 \Rightarrow 1 < x < 3 \end{cases}$$

اشترک (۱) و (۲)  $\Rightarrow (1, 3)$

گزینه ۱



۱۴۶ - شکل مقابل نمودار تابع  $y = \frac{x+a}{x^2+bx+c}$  است، مقادیر  $a$  و  $b$  چگونه است؟

$$\begin{array}{ll} b = -4, a < 0. & (۱) \\ b = 4, a > 0. & (۴) \\ b = 4, a > 0. & (۳) \\ b = 4, a > 0. & (۲) \end{array}$$

مقدار تابع در  $x = 0$  مثبت است:  $x > 0 \Rightarrow a > 0$

از آنجا که فقط یک مجانب داریم، پس مخرج کسر هم فقط یک ریشه دارد. یعنی ریشه مضاعف، مقدار ریشه مضاعف هم از رابطه زیر بدست می‌آید:

$$-\frac{b}{2a} = -\frac{b}{2} > 0 \Rightarrow b < 0 \Rightarrow b = -4$$

گزینه ۴

۱۴۷ - به ازای کدام مقدار  $m$  دستگاه معادلات دارای بیشمار جواب است؟

$m$  هیچ مقدار

$$\begin{cases} mx + y = m - 1 \\ 3x + (m-2)y = 4 - 2m \end{cases}$$

۳(۳)

-۱(۲)

-۲(۱)

$$\frac{m}{3} = \frac{1}{m-2} = \frac{m-1}{4-2m}$$

باید تساوی‌های زیر هم‌زمان برقرار باشند:

با امتحان کردن گزینه‌ها مشخص می‌شود که  $m = -1$  در این تساوی صدق می‌کند.

گزینه ۲

۱۴۸ - شعاع دایره گذرا بر سه نقطه  $(0, 0)$  و  $(1, -2)$  و  $(2, 1)$  برابر کدام است؟

$\frac{1}{2}\sqrt{13}(۴)$

$\sqrt{5}(۳)$

$\sqrt{2}(۲)$

$\frac{1}{2}\sqrt{10}(۱)$

معادله گسترده دایره به صورت زیر است:

$$x^2 + y^2 + ax + by + c = 0$$

با قرار دان نقاط در این معادله می‌توانیم ضرایب را پیدا کنیم. مرکز دایره  $(-\frac{a}{2}, -\frac{b}{2})$  و شعاع آن، خواهد بود.

$$R = \frac{1}{2}\sqrt{a^2 + b^2 - 4c}$$

$(0, 0) \Rightarrow c = 0$

$(2, 1) \Rightarrow 2a + b = -5$

$(1, -2) \Rightarrow a - 2b = -5 \Rightarrow a = 2b - 5 = -10 - 4a - 5 \Rightarrow$

$$5a = -15 \Rightarrow a = -3, b = -5 - 2a = 1 \Rightarrow R = \frac{1}{2}\sqrt{9 + 1 - 0} = \frac{1}{2}\sqrt{10}$$

در هذلولی به معادله  $0 = 3x^2 - 4y^2 - 6x - 9 - 4y$  طول وتری از آن گذرا بر کانون و عمود بر محور کانونی، کدام است؟

$2\sqrt{3}(۴)$

۳(۳)

$\sqrt{7}(۲)$

۱(۱)

ابتدا معادله هذلولی را به صورت استاندارد می‌نویسیم:

$$3(x^2 - 2x) - 4y^2 = 9 \Rightarrow 3(x-1)^2 - 4y^2 = 12$$

$$\Rightarrow \frac{(x-1)^2}{4} - \frac{y^2}{3} = 1 \Rightarrow a^2 = 4, b^2 = 3 \Rightarrow \frac{2b^2}{a} = \frac{6}{2} = 3$$

گزینه ۳

در هر هذلولی اندازه وتر کانونی برابر  $\frac{2b^2}{a}$  است.

۶۵(۴)

۶(۲)

۱۵۰ - مقدار انتگرال معین  $\int_{-1}^3 (x + [x]) dx$  کدام است؟

۵۵(۲)

۵(۱)

$$\int_{-1}^3 (x + [x]) dx = \int_{-1}^3 x dx + \int_{-1}^3 [x] dx = \left. \frac{x^2}{2} \right|_{-1}^3 + \int_{-1}^0 (-1) dx + \int_0^1 (0) dx + \int_1^2 (1) dx + \int_2^3 (2) dx =$$

$$\frac{9}{2} - \frac{1}{2} + (-1)(0+1) + 0 + (1)(2-1) + 2(3-2) = 4 - 1 + 1 + 2 = 6$$

گزینه ۳

$$\int \frac{(1+\sqrt{x})^r - 1}{x} dx = 2\sqrt{x}f(x) + C \quad \text{اگر } f(x) \text{ کدام است؟} \quad ۱۵۱$$

$$\frac{2}{9}x + \sqrt{x} + 2(4)$$

$$\frac{2}{9}x + 3\sqrt{x} + 6(3)$$

$$\frac{2}{3}x + \sqrt{x} + 6(2)$$

$$\frac{2}{3}x + 3\sqrt{x} + 2(1)$$



$$\int \frac{(1+\sqrt{x})^r - 1}{x} dx = \int \frac{1+3\sqrt{x}+2x+(\sqrt{x})^r-1}{x} dx = \int \left(\frac{2\sqrt{x}}{x} + \frac{2x}{x} + \frac{x\sqrt{x}}{x}\right) dx = \int \left(\frac{2}{\sqrt{x}} + 2 + \sqrt{x}\right) dx$$

$$6\sqrt{x} + 2x + \frac{2}{3}x\sqrt{x} + C = 3\sqrt{x}f(x) + C \Rightarrow f(x) = \frac{6\sqrt{x} + 2x + \frac{2}{3}x\sqrt{x}}{3\sqrt{x}} = 2 + \sqrt{x} + \frac{2}{9}x$$

گزینه ۴

۱۵۲ در مثلث  $ABC$  زاویه  $\hat{A} = 108^\circ$  است. ضلع  $BC$  را از هر دو طرف به اندازه‌های  $CE = CA$  و  $BD = BA$  امتداد می‌دهیم. کوچکترین زاویه خارجی مثلث  $ADE$  چند درجه است؟

۵۴(۴)

۳۶(۳)

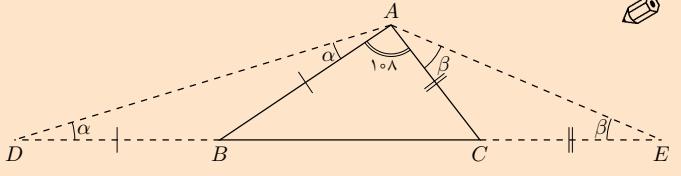
۳۲(۲)

۲۴(۱)



یادآوری

- هر زاویه خارجی مثلث برابر مجموع دو زاویه داخلی غیر مجاور است.
- در مثلث متساوی الساقین زاویه‌های روپرتوی ساق‌ها با هم برابر هستند.



مطابق شکل زاویه‌های خارجی مثلث  $ADE$  عبارت‌اند از:

$$2\alpha + \beta + 108^\circ, 2\beta + \alpha + 108^\circ, \alpha + \beta$$

روشن است که کوچکترین آن‌ها  $\alpha + \beta$  می‌باشد. اکنون اگر مجموع زاویه‌های داخلی  $ADE$  را بتویسیم:

$$2\alpha + 2\beta + 108^\circ = 180^\circ \Rightarrow \alpha + \beta + 54^\circ = 90^\circ \Rightarrow \alpha + \beta = 36^\circ$$

گزینه ۳

۱۵۳ طول ضلع یک مریع برابر محیط مثلث قائم‌الزاویه و متساوی الساقین به ضلع ۲ واحد است. با حذف گوشش‌های این مریع، بزرگترین هشت ضلعی منتظم ممکن در آن ساخته شده است. مساحت این هشت ضلعی کدام است؟

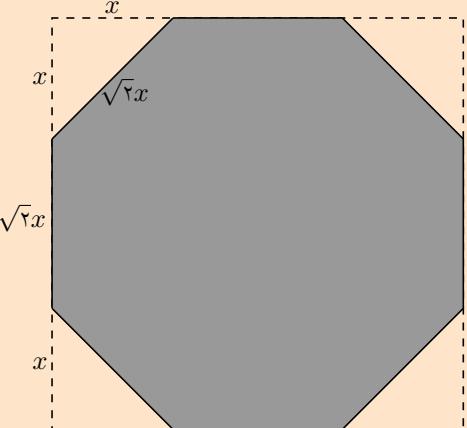
۱۶ + ۱۶\sqrt{2}(4)

۲۴ + ۸\sqrt{2}(3)

۲۴\sqrt{2}(2)

۳۲(۱)

ابتدا طول ضلع مریع را بدست می‌آوریم:



$$\begin{aligned} \text{ضلع مریع} &= 2x + \sqrt{2}x = (2 + \sqrt{2})x = (2 + \sqrt{2})(2) \Rightarrow \\ x &= \frac{2(2 + \sqrt{2})}{2 + \sqrt{2}} = 2 \Rightarrow \text{ضلع مریع} = (2 + \sqrt{2})(2) \\ \text{مساحت مریع} &= \text{مساحت هشت ضلعی} = \\ &\left((2 + \sqrt{2})(2)\right)^2 - 4 \times \frac{1}{2}(2)(2) = 4(6 + 4\sqrt{2}) - 8 = 16 + 16\sqrt{2} \end{aligned}$$

گزینه ۴

۱۵۴ زاویه‌های مثلثی متناسب با اعداد ۱، ۰.۵، ۰.۶ می‌باشند. کوچکترین ارتفاع این مثلث چند برابر بزرگترین ضلع آن است؟

$\frac{1}{2}(4)$

$\frac{2}{5}(3)$

$\frac{1}{3}(2)$

$\frac{1}{4}(1)$

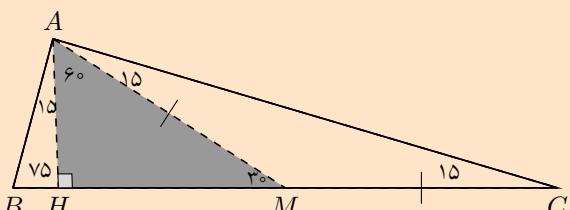
اگر مثلث را  $ABC$  بنامیم، خواهیم داشت:

$$A = 6t, B = 5t, C = t, \Rightarrow 6t + 5t + t = 180^\circ \Rightarrow 12t = 180^\circ$$

$$\Rightarrow t = 15 \Rightarrow \begin{cases} A = 6t = 90^\circ \\ B = 5t = 75^\circ \\ C = t = 15^\circ \end{cases}$$

مثلث قائم‌الزاویه است

در هر مثلث کوچکترین ارتفاع بر بزرگترین ضلع وارد می‌شود. پس اینجا باید ارتفاع وارد بر وتر را بررسی کنیم.



اگر میانه وارد بر وتر را رسم کنیم، از طرفی می‌دانیم این میانه نصف وتر است و از سوی دیگر در مثلث  $AHM$  ضلع مقابل به زاویه  $30^\circ$  درجه است که نصف

$$AH = \frac{AM}{2} = \frac{\frac{BC}{2}}{2} = \frac{BC}{4}$$

وتر می‌باشد، پس:

گزینه ۱

۱۵۵ - مکعبی به طول یال ۲ واحد، در داخل کوچکترین کره ممکن جای گرفته است. مساحت این کره کدام است؟

$18\pi^4$

$12\pi^3$

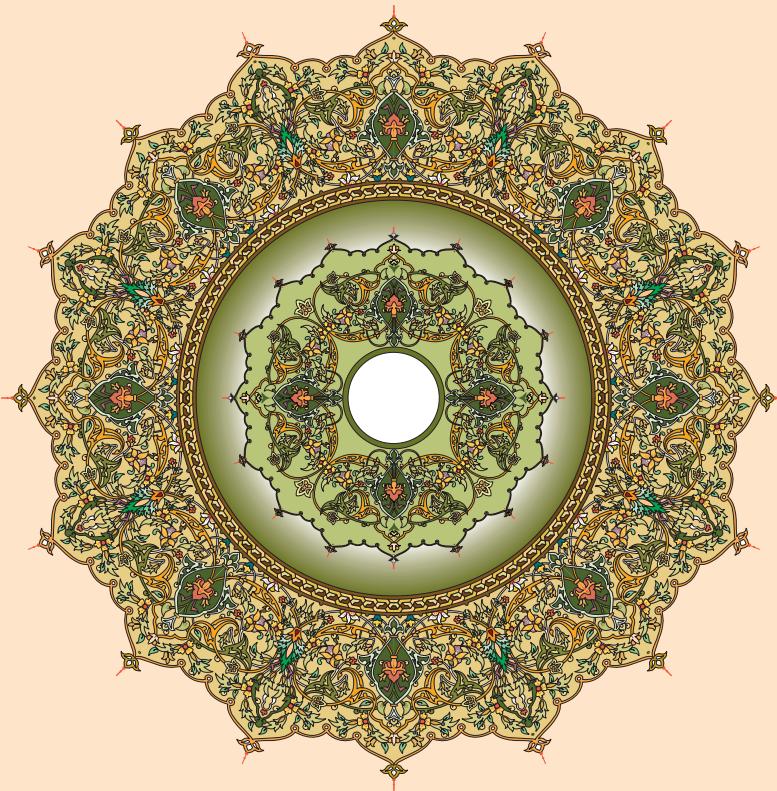
$9\pi^2$

$8\pi^1$

قطر کره و مکعب برابر هم منطبقاند، پس:

$$2\sqrt{3} = 2R \Rightarrow R = \sqrt{3} \Rightarrow S = 4\pi R^2 = 4\pi(\sqrt{3})^2 = 12\pi$$

گزینه ۳



پایند و پیروز باشید!

ابوالفضل معدنی پور

تلفن تماس: ۰۹۳۵۶۰۶۱۷۴۵

Email:

abolfazl.madanipour@gmail.com