

رشرته: ریاضی فیزیک	نام و نام خانوادگی:	ساعت شروع: ۱۰ صبح	سوالات امتحان نهایی درس: ریاضیات گسسته
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۱۰/۲۷	تعداد صفحه: ۲	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور در نوبت دی ماه سال ۱۴۰۰ <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>			
نمره	سوالات پاسخ نامه دارد		ردیف

۱	عبارت مناسب را از داخل پرانتز انتخاب کنید. الف) حاصل ضرب هر عدد گویای ناصلفر در یک عدد گنگ، عددی ( گنگ ، گویا ) است. ب) اگر برای دو عدد صحیح $a$ و $b$ داشته باشیم $a b$ ، برای هر $m \in \mathbb{Z}$ داریم: $(a m)$ پ) اگر $a b$ آن گاه ب.م.د عدد $a$ و $b$ برابر با $( a , b)$ است.	۱
۱/۵	اگر $\alpha$ و $\beta$ دو عدد گنگ باشند ولی $\alpha + \beta$ گویا باشد، ثابت کنید $\beta - \alpha$ گنگ است.	۲
۱/۵	ثابت کنید باقیمانده تقسیم مربع هر عدد فرد بر ۸، برابر یک است.	۳
۱/۲۵	اگر در تقسیم، مقسوم و مقسوم علیه، هر دو بر عدد صحیح $n$ بخش پذیر باشند، ثابت کنید باقیمانده تقسیم نیز همواره بر $n$ بخش پذیر است.	۴
۱/۷۵	معادله سیاله $185 = 6x + 7y$ را حل کرده و جواب عمومی آن را بنویسید.	۵
۰/۷۵	با توجه به گراف $G$ ( شکل مقابل ) به سوالات زیر پاسخ دهید. الف) مقدار $q - \Delta(G)$ را بیابید. ب) یک دور به طول ۴ مشخص کنید. پ) با ذکر دلیل مشخص کنید گراف مکمل $G$ چند یال دارد؟	۶
۱	درست یا نادرست بودن جملات زیر را مشخص کنید. الف) هر مجموعه احاطه‌گر مینیمال، یک مجموعه احاطه‌گر مینیمم است. ب) اگر $G$ یک گراف $n$ رأسی با ماکزیمم درجه $\Delta$ باشد آن گاه $\gamma(G) > \left\lceil \frac{n}{\Delta+1} \right\rceil$ پ) در گراف $P_n$ عدد احاطه‌گری برابر با $\left\lceil \frac{n}{\Delta+1} \right\rceil$ است. ت) $\left\lceil \frac{3}{48} \right\rceil = 4$	۷
۱/۵	عدد احاطه‌گری گراف $G$ ( شکل مقابل ) را با ارائه راه حل، تعیین کنید.	۸
۱/۵	گراف $C_{10}$ را رسم کنید. الف) یک $\gamma$ -مجموعه از آن را مشخص کنید. ب) یک مجموعه احاطه‌گر مینیمال ۵ عضوی از آن را تعیین نمایید.	۹

«بقیه سوالات در صفحه دوم»

باسمہ تعالیٰ

رشنہ : ریاضی فیزیک	نام و نام خانوادگی :	ساعت شروع: ۱۰ صبح	سوالات امتحان نهایی درس : ریاضیات گسسته
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ امتحان : ۱۴۰۰/۱۰/۲۷	تعداد صفحه: ۲	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور در نوبت دی ماه سال ۱۴۰۰			http://aee.medu.ir
ردیف	سوالات پاسخ نامه دارد	ردیف	نمره

۱۰	می خواهیم با حروف «ش»، «الف» و «ث» و ۵ عدد ۹,۷,۵,۳,۱ یک رمز شامل ۸ کاراکتر تشکیل دهیم، مطلوب است، تعداد کل رمزهایی که در هر یک از آنها حروف کنار هم باشند.	۰/۵
۱۱	با حروف کلمه <u>جیرجیرک</u> چند کلمه ۷ حرفی می توان نوشت؟	۱
۱۲	به چند طریق می توان از بین ۶ نوع گل متفاوت، ۱۰ شاخه گل انتخاب کرد به طوری که از گل نوع سوم حداقل ۴ شاخه و از نوع ششم بیش از ۲ شاخه انتخاب کنیم؟	۱/۷۵
۱۳	در مربع لاتین $A$ (شکل زیر) جای سطر اول و سوم را با هم جابه جا کنید تا مربع لاتین $B$ ایجاد شود. سپس با ذکر دلیل بررسی کنید آیا $A$ و $B$ دو مربع لاتین متعامد هستند؟	۱/۲۵
	$A = \begin{array}{ c c c } \hline 2 & 3 & 1 \\ \hline 3 & 1 & 2 \\ \hline 1 & 2 & 3 \\ \hline \end{array}$	
۱۴	از بین اعداد طبیعی ۱ تا ۳۰۰، ( $1 \leq n \leq 300$ ) چند عدد وجود دارد که بر ۴ بخش پذیر است ولی بر ۵ بخش پذیر نیست؟	۱/۵
۱۵	ثابت کنید در بین هر سه عدد طبیعی، حداقل دو عدد طبیعی وجود دارد که مجموعشان عددی زوج است؟	۱
	جمع نمره "موفق باشید"	۲۰

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گسسته	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۱۰ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۱۰/۲۷		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دی ماه سال ۱۴۰۰		مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	الف) گنگ (۰/۲۵) (مثال صفحه ۵) $a   mb \quad (0/25)$ (ویژگی ۱ صفحه ۱۰) $\frac{m}{d} \quad (0/25)$ (ویژگی ۷ صفحه ۲۲) ت) $a \equiv b \quad (0/25)$ (کار در کلاس صفحه ۱۳) پ) $ a  \quad (0/25)$ (کار در کلاس صفحه ۱۰)	۱
۲	فرض خلف: فرض کنیم $\alpha - \beta$ گویا باشد. $(0/25)$ می‌دانیم جمع دو عدد گویا عددی گویا است. پس $\alpha \in Q \quad (0/25)$ و $\beta \in Q \quad (0/25)$ . در نتیجه $\alpha + \beta \in Q \quad (0/25)$ و $\alpha - \beta \in Q \quad (0/25)$ و این با فرض گنگ بودن $\alpha$ تناقض دارد. $(0/25)$ پس فرض خلف باطل و حکم اثبات می‌شود. $(0/25)$	۲
۳	$a = 2k+1 \quad (0/25) \Rightarrow a^r = 4k^r + 4k + 1 \quad (0/25) = \underbrace{4k(k+1)}_{\text{ضرب دو عدد صحیح متوالی}} + 1 \quad (0/25) = 4 \times 2q + 1 \quad (0/25) = 8q + 1 \quad (0/25)$ $\Rightarrow r = 1 \quad (0/25)$ (مسئله ۳ صفحه ۱۵)	۳
۴	$a = bq + r \quad , \quad 0 \leq r < b \quad (0/25) \Rightarrow a - bq = r \quad (0/25) \Rightarrow \begin{cases} n   a \\ n   b \end{cases} \quad (0/25) \Rightarrow n   a - bq \quad (0/25)$ $\Rightarrow n   r \quad (0/25)$ (تمرین ۱۲ صفحه ۱۷)	۴
۵	$6x \equiv 185 \equiv 23 \times 7 + 24 \quad (0/25) \Rightarrow 6x \equiv 24 \quad (0/25) \xrightarrow{(6,7)=1} x \equiv 4 \quad (0/25)$ $\Rightarrow x = 7k + 4 \quad (0/25) \Rightarrow 6(7k + 4) + 7y = 185 \quad (0/25) \Rightarrow y = -6k + 23 \quad (0/25)$ (مشابه تمرین ۱۴ صفحه ۳۰)	۵
۶	الف) $7 - 4 = 3 \quad (0/75)$ (مفهوم اندازه گراف صفحه ۳۵ و مفهوم ماکزیمم درجه صفحه ۳۷) ب) $a d b c a$ یا $a b c d a$ (تعريف دور صفحه ۳۸) پ) $q(G) + q(\bar{G}) = \frac{p(p-1)}{2} \quad (0/25) \Rightarrow 7 + q(\bar{G}) = 15 \quad (0/25) \Rightarrow q(\bar{G}) = 8 \quad (0/25)$ (مسئله ۳ صفحه ۳۸)	۶
۷	الف) نادرست $(0/25)$ (تعريف احاطه گر مینیمم صفحه ۴۴ و تعريف احاطه گر مینیمال صفحه ۴۶) ب) نادرست $(0/25)$ (کادر بالای صفحه ۴۹) پ) درست $(0/25)$ (تمرین ۵ صفحه ۵۳) ت) درست $(0/25)$ (مفهوم سقف یک عدد در صفحه ۴۸)	۷
۸	طبق قضیه داریم $(G)(\gamma(G)) = \left[ \frac{10}{3+1} \right] = 3 \leq \gamma(G) \quad (0/5)$ مشابه کار در کلاس صفحه ۵۰ $\gamma(G) \leq 3 \quad (0/25)$ . بنابراین $\gamma(G) = 3$	۸
ادامه پاسخ‌ها در صفحه دوم		

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گسسته	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۱۰ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۱۰/۲۷	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داولبلان آزاد سراسر کشور در دی ماه سال ۱۴۰۰		مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۹	رسم نمودار (۰/۲۵)	۱/۵
۱۰	الف) $D = \{1, 4, 7, 10\}$ (به گاما مجموعه های درست دیگر نیز نمره داده شود.) ب) $D = \{1, 3, 5, 7, 9\}$ (به مجموعه های احاطه گر مینیمال درست دیگر نیز نمره داده شود.)	(مشابه سوال ۱۱ صفحه ۵۴)
۱۱	$(1) \frac{7!}{2! \times 2! \times 2!}$	۰/۵
۱۲	(مشابه سوال ۸ صفحه ۷۱)	۱/۷۵
۱۳	متbewandند. (۰/۲۵) زیرا در مربع آخر هیچ عدد ۲ رقمی تکراری وجود ندارد. (۰/۲۵) $B = \begin{array}{ c c c } \hline 1 & 2 & 3 \\ \hline 3 & 1 & 2 \\ \hline 2 & 3 & 1 \\ \hline \end{array} \Rightarrow \begin{array}{ c c c } \hline 12 & 23 & 31 \\ \hline 33 & 11 & 22 \\ \hline 21 & 32 & 13 \\ \hline \end{array}$ (۰/۲۵) (۰/۵)	(مشابه تمرین ۱۳ صفحه ۷۲)
۱۴	(مشابه سوال ۲ صفحه ۸۳)	۱/۵
۱۵	برای این که مجموع دو عدد زوج باشد، هر دو عدد یا باید زوج باشند و یا هر دو فرد. (۰/۲۵) بنابراین تعداد لانه ها برابر ۲ و تعداد کبوترها ۳ است. (۰/۲۵) طبق اصل لانه کبوتری حداقل یک لانه وجود دارد که دو کبوتر در آن قرار می گیرد. یعنی حداقل دو عدد طبیعی از بین سه عدد وجود دارد که مجموعشان زوج خواهد شد. (۰/۲۵) (سوال ۱ صفحه ۸۳)	۱
۲۰	جمع نمره	

«همکاران گرامی لطفا برای راه حل های صحیح دیگر بارم را به تناسب تقسیم فرمایید.»