

ساعت شروع: ۸ صبح	تاریخ امتحان: ۱۴/۴/۹۹	تعداد صفحه: ۳	سوالات امتحان نهایی درس: هندسه ۳
رشته: ریاضی فیزیک	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	نام و نام خانوادگی:	پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه
دانش آموزان روزانه سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۹			مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://ace.medu.ir

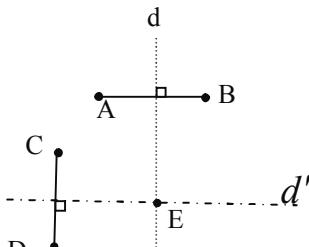
ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی و رادیکال) مجاز است.		
الف) بخش الزامی		
دانش آموزان عزیز به سوالات اتا ۱۲ (جهت کسب ۱۶ نمره پاسخ دهید).		
۱	جاهای خالی را با عبارات مناسب پر کنید. الف) اگر $A = \begin{bmatrix} a & 8 \\ 3 & -4 \end{bmatrix}$ وارون پذیر نباشد، مقدار a برابر است. ب) اگر ماتریسی قطری باشد و تمام درایه های روی قطر اصلی باهم برابر باشند آن را یک ماتریس نامیم. پ) اگر مجموع فواصل نقطه A از دو کانون بیضی بیشتر از طول قطر بزرگ بیضی باشد، نقطه A در بیضی است. ت) هرشعاع نوری که موازی با محور سهیمی به بدنه سهیمی بتابد، بازتاب آن از خواهد گذشت.	۱
۱	درستی و نادرستی عبارات زیر را مشخص کنید. الف) در حالت کلی حاصل ضرب ماتریس ها خاصیت جابجایی دارد. ب) اگر A یک ماتریس 3×3 و $ A = 2$ باشد آنگاه $ 2A = 16$ است. پ) مکان هندسی مرکز همه دایره هایی با شعاع ثابت r که بر دایره (O, r) در صفحه این دایره مماس خارج اند، دایره $(O, 2r)$ است. ت) در حالتی که خروج از مرکز بیضی برابر یک باشد بیضی تبدیل به یک دایره می شود..	۲
۱/۷۵	دو ماتریس $A = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 1 \\ m & \circ & n \\ 3 & -1 & 2 \end{bmatrix}$ و $B = \begin{bmatrix} 2 & m-2 \\ n+1 & 1 \end{bmatrix}$ مفروض اند. اگر A یک ماتریس قطری باشد، حاصل $ A + B $ را محاسبه کنید.	۳
۱/۲۵	الف) اگر $A = \begin{bmatrix} A & 8 \\ 3 & 5 \end{bmatrix}$ در این صورت حاصل $ A $ را بیابید. ب) ماتریس وارون A را حساب کنید.	۴
۱/۲۵	در تساوی ماتریسی $\begin{bmatrix} 2 & 4 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix}$ مقدار x را بیابید.	۵
۱/۵	نقاط A, B, C و D در صفحه مفروض اند، نقطه ای در این صفحه بیابید که از A و B به یک فاصله و از C و D نیز به یک فاصله باشد (بحث کنید).	۶
	«ادامه سوالات در صفحه دوم»	

ساعت شروع: ۸ صبح	تاریخ امتحان: ۱۴/۴/۹۹	تعداد صفحه: ۳	سوالات امتحان نهایی درس: هندسه ۳
رشته: ریاضی فیزیک	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	نام و نام خانوادگی:	پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه
دانش آموزان روزانه سراسرکشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۹			مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://ace.medu.ir

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
۷	معادله دایره‌ای را بنویسید که مرکز آن بوده و روی خط $2x + y = 2$ وتری به طول ۴ ایجاد کند.	۱/۲۵
۸	وضعیت نقطه $A(-2, 1)$ نسبت به دایره $x^2 + y^2 - 2x + 2y = 0$ را تعیین کنید.	۱
۹	<p>قطر دایره C مانند شکل، قطر بزرگ بیضی است</p> <p>واز کانون F عمودی بر AA' رسم کرده‌ایم تا</p> <p>دایره را در نقطه‌ای مانند M قطع کند.</p> <p>ثابت کنید MF با نصف قطر کوچک بیضی برابر است.</p>	۱
۱۰	در بیضی مقابل طول قطر بزرگ $\sqrt{2}$ برابر طول قطر کوچک است. اندازه زاویه FBF' چند درجه است؟	۱/۵
۱۱	اگر در یک بیضی طول قطر کوچک ۲۴ و فاصله کانون تا مرکز آن برابر ۵ باشد، خروج از مرکز بیضی را به دست آورید.	۱
۱۲	<p>الف) مختصات رأس، کانون و معادله خط هادی سه‌می $x^2 - 4y + 8x = 0$ را به دست آورید.</p> <p>ب) نمودار سه‌می را با استفاده از نقاط کمکی رسم کنید.</p>	۲/۵
<p>ب) بخش انتخابی</p> <p>دانش آموز عزیز جهت کسب ۴ نمره از سوالات ۱۳ تا ۱۶ فقط ۲ سؤال را به دلخواه انتخاب کرده و پاسخ دهید.</p>		
۱۳	<p>الف) حدود m را طوری بیابید که دستگاه معادلات دارای جواب منحصر به‌فرد باشد.</p> $\begin{cases} 2mx + 3y = 1 \\ 2x - y = 3 \end{cases}$ <p>ب) جواب دستگاه مذکور را به ازای $m = 2$ با استفاده از ماتریس وارون محاسبه کنید.</p>	۲
	«ادامه سوالات در صفحه سوم»	

ساعت شروع: ۸ صبح	تاریخ امتحان: ۱۴/۰۴/۹۹	تعداد صفحه: ۳	سوالات امتحان نهایی درس: هندسه ۳
رشته: ریاضی فیزیک	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	نام و نام خانوادگی:	پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه
دانش آموزان روزانه سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۹			مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://ace.medu.ir

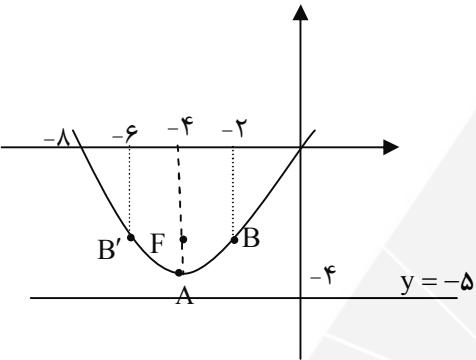
ردیف	سوالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
۱۴	سهمی $y^2 = 4x - 4$ مفروض است. به مرکز کانون سهمی و به شعاع ۳ دایره‌ای رسم می‌کنیم، مختصات نقاط برخورد دایره و سهمی را بیابید.	۲
۱۵	دو بردار $\vec{a} = (3, -2, 1)$ ، $\vec{b} = -2\vec{i} + \vec{j} - \vec{k}$ را در نظر بگیرید. الف) بردار \vec{a} در کدام ناحیه از فضای \mathbb{R}^3 واقع است؟ (شماره ناحیه ذکر شود). ب) طول بردار $\vec{a} + 2\vec{b}$ را حساب کنید. پ) برداری عمود بر دو بردار \vec{a} و \vec{b} را پیداکنید.	۲
۱۶	بردارهای $\vec{a} = (-2, 0, 2)$ و $\vec{b} = 2\vec{j} + 2\vec{k}$ را در نظر بگیرید. الف) زاویه بین دو بردار \vec{a} و \vec{b} را به دست آورید. ب) تصویر قائم بردار $\vec{a} + \vec{b}$ را بر امتداد بردار \vec{b} به دست آورید.	۲
	موفق و سر بلند باشید	جمع نمره
۲۴		

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تاریخ امتحان: ۱۴/۴/۹۹		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه سراسرکشور خرداد ماه سال ۱۳۹۹	
نمره	راهنمای تصحیح		ردیف
۱	ب) اسکالر (۰/۲۵) بخش الف (الزامی) ت) کانون سهمی (۰/۲۵)	الف) ۶ - (۰/۲۵) پ) بیرون (۰/۲۵)	۱
۱	ت) نادرست (۰/۲۵) پ) درست (۰/۲۵)	ب) درست (۰/۲۵)	۲
۱/۷۵	$\begin{cases} m - 2 = 0 \rightarrow m = 2 (0/25) \\ n + 1 = 0 \rightarrow n = -1 (0/25) \end{cases}$ $B = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 2 & 0 & -1 \\ 3 & -1 & 2 \end{bmatrix} \xrightarrow{(./25)} B = 2(-1) - 1(2) + 1(-2) = -11 (0/5), A = 2 (0/25)$ $ A + B = 2 + (-11) = -9 (0/25)$		۳
۱/۲۵	$ A = 5 A - 24 \xrightarrow{(.5)} A = 6 (0/25)$ $A^{-1} = \frac{1}{6} \begin{bmatrix} 5 & -8 \\ -3 & 6 \end{bmatrix} \quad (.5)$	الف) ماتریس A وارون پذیر است و وارون آن برابر است با:	۴
۱/۲۵	$[1 \ x] \begin{bmatrix} 2 & 4 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix} = 0 \rightarrow [2+x \ 4+2x] \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix} = \underbrace{[4+2x \ 4+2x]}_{(0/5)} = 0 \rightarrow x = -2 (0/25)$		۵
۱/۵	 <p>مکان هندسی نقاطی که از A و B به یک فاصله اند، عمود منصف پاره خط AB است این خط را d می نامیم (۰/۲۵) و مکان هندسی نقاطی که از نقطه C و D به یک فاصله باشد، عمود منصف پاره خط CD است این خط را d' می نامیم (۰/۲۵)</p> <p>بنابراین نقطه برخورد خطوط d و d' جواب مسئله است. (نقطه E) (۰/۲۵)</p> <p>اگر خطوط d و d' متقاطع باشند مسئله یک جواب دارد. (۰/۲۵)</p> <p>اگر خطوط d و d' منطبق باشند مسئله بی شمار جواب دارد. (۰/۲۵)</p> <p>اگر خطوط d و d' موازی باشند مسئله جواب ندارد. (۰/۲۵)</p>		۶
	«ادامه در صفحه دوم»		

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تاریخ امتحان: ۱۴/۴/۹۹		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه سراسرکشور خرداد ماه سال ۱۳۹۹	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۷	$OH = \frac{ 2(-1) + 1(-1) - 2 }{\sqrt{2^2 + 1^2}} = \frac{5}{\sqrt{5}} = \sqrt{5} \quad (0/25)$ $\triangle OAH (H=90^\circ) : OH^2 + AH^2 = OA^2 \rightarrow (\sqrt{5})^2 + r^2 = r^2 \quad (0/25)$ $r = \sqrt{5} \quad (0/25) \rightarrow (x+1)^2 + (y+1)^2 = 5 \quad (0/25)$	۱/۲۵
۸	مرکز وشعاع دایره را به دست می‌آوریم $x^2 + y^2 - 2x + 2y = 0 \rightarrow O(1, -1), r = \sqrt{2} \quad (0/5)$ $OA = \sqrt{2} \quad (0/25) \rightarrow OA < r$ <p style="text-align: right;"> نقطه داخل دایره قرار دارد. $(0/25)$</p>	۱
۹	$OM = OA = a \quad (0/25)$ $\triangle OFM : OF^2 + MF^2 = OM^2 \rightarrow c^2 + MF^2 = a^2 \rightarrow MF = b \quad (0/25)$	۱
۱۰	$2a = \sqrt{2}(2b) \rightarrow a = b\sqrt{2} \rightarrow \cos B_1 = \frac{OB}{BF} = \frac{b}{b\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} \rightarrow B_1 = 45^\circ \quad (0/25)$ $\hat{FBF}' = 2 \times 45 = 90^\circ \quad (0/25)$	۱/۵
۱۱	$2b = 24, b = 12, c = 5 \rightarrow a^2 = b^2 + c^2 \rightarrow a^2 = 12^2 + 5^2 \rightarrow a = 13 \quad (0/25), \frac{c}{a} = \frac{5}{13} \quad (0/25)$	۱
	«ادامه در صفحه سوم»	

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تاریخ امتحان: ۱۴/۰۴/۹۹		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه سراسرکشور خرداد ماه سال ۱۳۹۹	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۲	<p>الف) فرم استاندارد سهمی به صورت $(x+4)^2 = 4(y+4)$ است ($۰/۵$) سهمی قائم و دهانه آن رو به بالا باز می شود. ($۰/۲۵$) راس سهمی نقطه $A(-4, -4)$ است ($۰/۲۵$) و $a = 1$. مختصات کانون آن نقطه $F(-4, -4+1) = (-4, -3)$ است ($۰/۲۵$). معادله خط هادی سهمی به صورت $y = -4 - 1 = -5$ است ($۰/۲۵$). ب) نقاط کمکی $B'(-6, -3)$ و $B(-2, -3)$ ($۰/۵$) رسم سهمی با استفاده از نقاط کمکی ($۰/۲۵$)</p> 	۲/۵
۱۳	ب) بخش انتخابی	
۱۳	<p>الف) $\frac{2m}{2} \neq \frac{3}{-1} \rightarrow m \neq -3$ ($۰/۲۵$)</p> $A = \begin{bmatrix} 4 & 3 \\ 2 & -1 \end{bmatrix} \rightarrow A = -10 \neq 0, \quad (۰/۲۵), \quad A^{-1} = \frac{1}{-10} \begin{bmatrix} -1 & -3 \\ -2 & 4 \end{bmatrix} \quad (۰/۲۵)$ $\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \underbrace{\frac{1}{-10} \begin{bmatrix} -1 & -3 \\ -2 & 4 \end{bmatrix}}_{(۰/۲۵)} \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{cases} x = 1 \\ y = -1 \end{cases} \quad (۰/۵)$	۲
۱۴	<p>$y^r = 4(x-1) \rightarrow S(1, 0) \quad (۰/۲۵), \quad F(2, 0) \quad (۰/۲۵)$</p> $(x-2)^r + y^r = 9 \quad (۰/۲۵), \quad \begin{cases} y^r = 4x - 4 \\ y^r = -x^r + 4x + 5 \end{cases} \xrightarrow{(۰/۲۵)} \begin{cases} x = 3 \quad (۰/۲۵) \\ x = -3 \quad (۰/۲۵) \end{cases}$ <p style="text-align: center;">ق ق غ غ ق</p> <p>$M(2, 2\sqrt{2}) \quad , \quad M'(3, -2\sqrt{2}) \quad (۰/۵)$</p>	۲
	«ادامه در صفحه چهارم»	

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تاریخ امتحان: ۱۴/۰۴/۹۹		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه سراسرکشور خرداد ماه سال ۱۳۹۹	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۵	الف) بردار \vec{a} در ناحیه چهارم (۰/۵) $\vec{a} + 2\vec{b} = (3, -2, 1) + 2(-2, 1, -1) = (-1, 0, -1) \quad (0/5)$ ب) $ \vec{a} + 2\vec{b} = \sqrt{2} \quad (0/25)$ پ) ضرب خارجی دو بردار \vec{a} و \vec{b} بر آنها عمود است (۰/۲۵) $\vec{a} \times \vec{b} = (1, 1, -1) \quad (0/5)$	۲
۱۶	الف) $\vec{a} \cdot \vec{b} = (-2, 0, 2) \cdot (0, 2, 2) = 4 \quad (0/25)$ $ \vec{a} = \vec{b} = 2\sqrt{2} \quad (0/25)$ $\cos \theta = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{ \vec{a} \vec{b} } = \frac{1}{2} \quad (0/25) \rightarrow \theta = 60^\circ \quad (0/25)$ ب) $\vec{a} + \vec{b} = (-2, 0, 2) + (0, 2, 2) = (-2, 2, 4) \quad (0/25)$ $(\vec{a} + \vec{b})' = \underbrace{\frac{(\vec{a} + \vec{b}) \cdot \vec{b}}{ \vec{b} ^2} \vec{b}}_{(0/25)} = \underbrace{\frac{12}{8} (0, 2, 2)}_{(0/5)} = (0, 3, 3)$	۲
	" مصحح گرامی، به راه حل‌های درست و منطبق بر کتاب درسی بارم به تناسب منظور شود "	۲۴