

ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	نام و نام خانوادگی:	تعداد صفحه: ۲	سوالات آزمون نهایی درس: حسابان ۲
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۰۳/۱۷		دوره دوم متوسطه - دوازدهم
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایشارگر داخل و خارج کشور خرد داد azmoon.medu.ir			دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایشارگر داخل و خارج کشور خرد داد
نمره	سؤالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.		هدف
۰.۵	درستی یا نادرستی عبارت های زیر را تعیین کنید. الف) اگر توابع $f$ و $g$ در یک فاصله اکیداً نزولی باشند، تابع $g + f$ نیز در آن فاصله اکیداً نزولی است. ب) اگر $x = c$ طول یک نقطه اکسترمم نسبی تابع $f$ باشد، آن گاه $f'(c) = 0$ .	۱	
۰.۷۵	جاهاي خالي را با عدد يا عبارت مناسب كامل کنيد. الف) تابع $y = (x-2)^3$ را در نظر بگيريد . نمودار $f^{-1}$ از ناحيه ..... محورهای مختصات عبور نمی کند. ب) حاصل $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}^+} \tan x$ برابر ..... است. پ) اگر $f(4) = 2$ و $f'(4) = -1$ ، خط مماس بر نمودار $f$ در $x = 4$ ، محور $z$ را در نقطه اي به عرض قطع می کند.	۲	
۱.۲۵	نمودار تابع $(x)$ در زیر رسم شده است ، نمودار تابع $y = -f(2x-1)$ را رسم کرده، سپس دامنه و برد تابع حاصل را به دست آوريد.	۳	
۱.۲۵	الف) اگر چندجمله ای $p(x) = x^3 + mx + 2$ بر $x-2$ بخش پذیر باشد، آنگاه باقی مانده تقسیم $(x+1)$ را به دست آورید. ب) چندجمله ای $x^5 - 1$ را طوری تجزیه کنید که $x-1$ یک عامل آن باشد.	۴	
۱	نمودار داده شده در شکل زیر مربوط به تابع با ضابطه $y = a \sin bx + c$ است. با فرض $a > 0$ ، مقادیر $a$ ، $b$ و $c$ را به دست آورید.	۵	

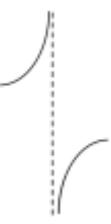
سوالات آزمون نهایی درس: حسابان ۲					
ردیف	نمره	سؤالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.	معادله $x \sin 2x = \sin x$ را حل کنید.	دروازه دوم متوجهه - دوازدهم	تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۰۳/۱۷
۱	۱	نشان دهید در شکل زیر رابطه بین زاویه $\beta$ و $x$ به صورت زیر است.	$\tan \beta = \frac{\Delta x}{x^2 + \epsilon}$	۷	
۱.۵	۱.۵	حدهای زیر را محاسبه کنید. (نماد [ ] علامت جزء صحیح است).	(الف) $\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{[2x] - 1}{x - 1}$ (ب) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^3 - 3x}{1 - x^2}$ (پ) $\lim_{x \rightarrow -\infty} (-3x^3 + 2x + 1)$	۸	
۱.۲۵	۱.۲۵	مجانب های قائم و افقی منحنی تابع $f(x) = \frac{2x - 1}{x^3 + 2x}$ را به دست آورده و سپس وضعیت نمودار تابع را در نزدیکی مجانب قائم آن نمایش دهید.	۹		
۰.۷۵	۱.۵	مشتق پذیری تابع $f(x) = \begin{cases}  x  & x < 0 \\ x^2 & x \geq 0 \end{cases}$ به کمک تعریف مشتق بررسی کنید.	۱۰		
۰.۷۵	۰.۷۵	اگر $f(1) = 1$ و $g'(1) = 5$ ، مقدار مشتق $(f + g)'(1)$ در $x = 1$ را به دست آورید.	۱۱		
۲	۲	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست).	(الف) $f(x) = (x^3 + 1)^2 (\sqrt{3x + 2})$ (ب) $g(x) = \sin^2 3x + \tan(x^3)$	۱۲	
۱.۵	۱.۵	جسمی را از سطح زمین به طور عمودی پرتاب می کنیم. فرض کنیم ارتفاع این جسم (برحسب متر) از سطح زمین در هر لحظه از معادله $h(t) = -5t^2 + 40t$ به دست می آید. (t برحسب ثانیه)	۱۳		
		الف) سرعت متوسط جسم در بازه زمانی $[3, 4]$ را به دست آورید.			
		ب) لحظه ای را معلوم کنید که سرعت جسم برابر $20 \text{ m/s}$ است.			
۱.۵	۱.۵	مقدار ماکزیمم مطلق تابع $f(x) = x^3 - 12x$ در بازه $[-1, 3]$ را به دست آورید.	۱۴		
۱.۵	۱.۵	مقادیر $a$ ، $b$ و $c$ را در تابع $f(x) = x^3 + ax^2 + bx + c$ طوری به دست آورید که در نقطه $(3, -1)$ اکسترم نسبی داشته باشد و $x = 1$ طول نقطه عطف آن باشد.	۱۵		
۱.۷۵	۱.۷۵	جدول رفتار و نمودار تابع $y = (x+2)(x-4)^2$ را رسم کنید.	۱۶		

با سمهه تعالی

راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: حسابان ۲	رشته: ریاضی و فیزیک ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۰۳/۱۷
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنت داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳ azmoon.medu.ir		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	الف) درست (صفحه ۲۲) (۰/۲۵)      ب) نادرست (صفحه ۱۱۶) (۰/۲۵)	۰/۵
۲	الف) چهارم (صفحه ۲۱) (۰/۲۵)      ب) $\infty$ - (صفحه ۸۳) (۰/۲۵)	۰/۷۵
۳	دامنه: $(-\infty, 3]$ (۰/۲۵) برد: $[0, +\infty)$ (۰/۲۵)  رسم نمودار: (۰/۷۵) (صفحه ۱۲)  توضیحات جهت تصحیح: در رسم نمودار، هر قسمت که درست رسم شده است، (۰/۲۵) نمره تعلق گیرد. در صورتی که دانش آموزی نمودار را اشتباه رسم کرده، اما مطابق آن نمودار اشتباه، دامنه یا برد را درست نوشته است، نمره دامنه یا برد منظور شود.	۱/۲۵
۴	$p(2) = 0 \Rightarrow 8 + 2m + 2 = 0 \Rightarrow m = -5$ $p(-1) = 6$ (۰/۲۵) (۰/۲۵)  $x^5 - 1 = (x-1)(x^4 + x^3 + x^2 + x + 1)$ (۰/۵)  (صفحه ۲۰ و ۲۲)  توضیحات جهت تصحیح: اگر دانش آموزی از روش تقسیم معمولی مسئله را حل کند، نمره کامل تعلق گیرد. اگر دانش آموزی مقدار $m$ را اشتباه به دست آورد و قسمت دوم (الف) را بر اساس آن مقدار، درست حل کند، به قسمت دوم نمره تعلق گیرد.  در قسمت (ب)، اگر علامت قسمت دوم تجزیه، یکی در میان مثبت و منفی گذاشته شده باشد، (۰/۲۵) نمره تعلق گیرد.	۱/۲۵
۵	$c = 1$ (۰/۲۵) $ a  = 2 \rightarrow a = 2$ (۰/۲۵) $T = \pi = \frac{2\pi}{ b } \Rightarrow  b  = 2 \rightarrow b < 0 \rightarrow b = -2$ (صفحه ۲۸) (۰/۲۵)	۱
۶	$\begin{cases} 2x = 2k\pi + x & (۰/۲۵) \\ 2x = 2k\pi + \pi - x & (۰/۲۵) \end{cases} \quad (k \in \mathbb{Z}) \Rightarrow \begin{cases} x = 2k\pi & (۰/۲۵) \\ x = \frac{2k\pi + \pi}{3} & (۰/۲۵) \end{cases} \quad (k \in \mathbb{Z})$  روش اول:  $\begin{cases} \sin x \cos x - \sin x = 0 \Rightarrow \sin x(2\cos x - 1) = 0 & (۰/۲۵) \\ \sin x = 0 \Rightarrow x = k\pi & (۰/۲۵) \\ \cos x = \frac{1}{2} \Rightarrow x = 2k\pi \pm \frac{\pi}{3} & (۰/۵) \end{cases}$  (صفحه ۳۹)  روش دوم:  در روشن دوم، اگر دانش آموز جواب $x = 2k\pi$ , $x = 2k\pi + \pi$ , $x = 2k\pi + \frac{\pi}{3}$ را به صورت $\sin x = 0$ نوشت، نمره تعلق گیرد.	۱
ادامه پاسخها در صفحه دوم		

راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: حسابان ۲	رشته: ریاضی و فیزیک ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۰۳/۱۷
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنتی داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳ azmoon.medu.ir		

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۷	$\tan \beta = \tan(\theta - \alpha) = \frac{\tan \theta - \tan \alpha}{1 + \tan \theta \tan \alpha} = \frac{\frac{6}{x} - \frac{1}{x}}{1 + \frac{6}{x} \cdot \frac{1}{x}} = \frac{\frac{5}{x}}{\frac{x^2 + 6}{x^2}} = \frac{5x}{x^2 + 6}$ <span style="margin-left: 100px;">صفحه (۴۳)</span> <span style="font-size: 2em; margin-left: 100px;">(۰/۲۵)</span> <span style="font-size: 2em; margin-left: 100px;">(۰/۵)</span> <span style="font-size: 2em; margin-left: 100px;">(۰/۲۵)</span>  $\tan \beta = \frac{m_1 - m_2}{1 + m_1 m_2}$ <span style="margin-left: 100px;">اگر دانش آموز از مفهوم شیب و رابطه</span> <span style="margin-left: 100px;">تعلق گیرد.</span> <span style="margin-left: 100px;">(۰/۲۵)</span>  $\tan \theta = \tan(\alpha + \beta) = \frac{\tan \alpha + \tan \beta}{1 - \tan \alpha \tan \beta} = \frac{\frac{6}{x} + \frac{1}{x}}{1 - \frac{6}{x} \cdot \frac{1}{x}} = \frac{\frac{7}{x}}{\frac{x^2 - 6}{x^2}} = \frac{7x}{x^2 - 6}$ <span style="margin-left: 100px;">صفحه (۴۳)</span> <span style="font-size: 2em; margin-left: 100px;">(۰/۲۵)</span> <span style="font-size: 2em; margin-left: 100px;">(۰/۵)</span> <span style="font-size: 2em; margin-left: 100px;">(۰/۲۵)</span>	۱
۸	$\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{[2x]-1}{x-1} = \frac{1}{\frac{1}{x}} = +\infty$ <span style="margin-left: 100px;">صفحه (۵۳)</span> <span style="font-size: 2em; margin-left: 100px;">(۰/۵)</span>  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^3 - 3x}{1-x^3} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^3}{-x^3} = -2$ <span style="margin-left: 100px;">صفحه (۶۶)</span> <span style="font-size: 2em; margin-left: 100px;">(۰/۵)</span>  $\lim_{x \rightarrow -\infty} (-3x^3 + 2x + 1) = \lim_{x \rightarrow -\infty} -3x^3 = +\infty$ <span style="margin-left: 100px;">صفحه (۶۵)</span> <span style="font-size: 2em; margin-left: 100px;">(۰/۵)</span>	۱/۵
۹	$\left. \begin{array}{l} \lim_{x \rightarrow +} f(x) = -\infty \\ \lim_{x \rightarrow -} f(x) = +\infty \end{array} \right\} \Rightarrow x = +$ <span style="margin-left: 100px;">مجانب قائم (۰/۲۵)</span> $\lim_{x \rightarrow \pm \infty} \frac{2x-1}{x^3+2x} = +$ <span style="margin-left: 100px;">مجانب افقی (۰/۲۵)</span> <span style="margin-left: 100px;">(۰/۲۵)</span> <span style="margin-left: 100px;">رسم شکل (۰/۲۵)</span>  <span style="margin-left: 100px;">صفحه (۵۷)</span> <span style="font-size: 2em; margin-left: 100px;">(۰/۲۵)</span>	۱/۲۵
	<p>توضیحات: اگر دانش آموزی محاسبات حد را برای مجانب قائم ننوشته است اما مجانب قائم و افقی را تعیین کرده و شکل را درست رسم کرده باشد، فقط (۰/۲۵) از نمره کل کسر شود.</p> <p>ادامه پاسخ ها در صفحه سوم</p>	

راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: حسابان ۲	رشته: ریاضی و فیزیک ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۰۳/۱۷
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنتی داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳ azmoon.medu.ir		

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۰	<p>روش اول:</p> $\left. \begin{aligned} f'_-(.) &= \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x) - f(.)}{x - \cdot} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{ x  - \cdot}{x} = -1 \quad (\cdot / 5) \\ f'_+(.) &= \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x) - f(.)}{x - \cdot} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 - \cdot}{x} = + \quad (\cdot / 5) \end{aligned} \right\} \Rightarrow f'_-(.) \neq f'_+(.) \quad (\cdot / 5)$ <p>روش دوم:</p> $\left. \begin{aligned} f'_-(.) &= \lim_{h \rightarrow -\infty} \frac{f(\cdot + h) - f(\cdot)}{h} = \lim_{h \rightarrow -\infty} \frac{ h  - \cdot}{h} = -1 \quad (\cdot / 5) \\ f'_+(.) &= \lim_{h \rightarrow +\infty} \frac{f(\cdot + h) - f(\cdot)}{h} = \lim_{h \rightarrow +\infty} \frac{h^2 - \cdot}{h} = + \quad (\cdot / 5) \end{aligned} \right\} \Rightarrow f'_-(.) \neq f'_+(.) \quad (\cdot / 5)$ <p>(صفحه ۱۰۱)</p>	۱/۵
۱۱	<p>روش اول:</p> $((f+g)of)'(1) = \underbrace{f'(1) \times (f+g)'(f(1))}_{(\cdot / 25)} = \underbrace{f'(1) \times (f'(1) + g'(1))}_{(\cdot / 5)} = 3 \times (3 + 5) = 24$ <p>روش دوم:</p> $\begin{aligned} ((f+g)of)'(1) &= \underbrace{(fof)'(1)}_{(\cdot / 25)} + \underbrace{(gof)'(1)}_{(\cdot / 25)} = f'(1) \times f'(f(1)) + f'(1) \times g'(f(1)) \quad (\cdot / 25) \\ &= 3 \times 3 + 3 \times 5 = 24 \quad (\cdot / 25) \end{aligned}$ <p>(صفحه ۹۵ و ۹۶)</p>	۰/۷۵
۱۲	<p>الف</p> $f'(x) = \underbrace{2 \times 3x^2(x^3 + 1)}_{(\cdot / 25)} \underbrace{(\sqrt{3x+2})}_{(\cdot / 25)} + \underbrace{\frac{3}{2\sqrt{3x+2}}}_{(\cdot / 25)} \underbrace{(x^3 + 1)^2}_{(\cdot / 25)}$ <p>ب</p> $g'(x) = \underbrace{2 \times 3 \times \cos 3x \sin 3x}_{(\cdot / 5)} + \underbrace{2x(1 + \tan^2(x^2))}_{(\cdot / 5)}$ <p>اگر دانش آموزی به صورت <math>3 \sin 6x</math> نمره بارم این قسمت تعلق گیرد.</p> <p style="text-align: right;">(صفحه ۱۰۱)</p>	۲

ادامه پاسخها در صفحه چهارم

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۰۳/۱۷	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش azmoon.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داولطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنتی داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳		

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۳	$\frac{h(4) - h(3)}{4 - 3} = \frac{80 - 75}{1} = 5 \quad (\cdot / 25)$ $\text{سرعت متوسط: روش دوم} : h'(3/5) = \frac{-10(3/5) + 40}{(0/25)} = 5 \quad (\cdot / 25)$ $(b) \underbrace{h'(t) = -10t + 40}_{(0/25)} \Rightarrow -10t + 40 = 5 \Rightarrow t = 2 \quad (\cdot / 25)$ <span style="float: right;">صفحه ( ۱۰۷ )</span>	۱/۵
۱۴	$f'(x) = 3x^2 - 12 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 2 \\ x = -2 \end{cases} \quad (\cdot / 25)$ $\left. \begin{array}{l} f(-1) = 11 \\ f(2) = -16 \\ f(3) = -9 \end{array} \right\} \Rightarrow \max_{(\cdot / 25)} = 11 \quad (\cdot / 25)$ <span style="float: right;">صفحه ( ۱۲۵ )</span>	۱/۵
۱۵	$f(3) = -1 \Rightarrow 27 + 9a + 3b + c = -1 \quad (\cdot / 25)$ $f'(x) = 3x^2 + 2ax + b \Rightarrow f'(3) = 0 \Rightarrow 27 + 6a + b = 0 \quad (\cdot / 25)$ $f''(x) = 6x + 2a \Rightarrow f''(1) = 0 \Rightarrow 6 + 2a = 0 \quad (\cdot / 25)$ <span style="float: right;">صفحه ( ۱۲۶ و ۱۳۶ )</span>	۱/۵
۱۶	$y' = 3x^2 - 12x = 0 \Rightarrow x = 0, 4 \quad (\cdot / 25)$ <span style="float: right;">رسم شکل ( ۰/۵ )</span> <p>(اگر دانش آموزی مشتق را به صورت <math>(x-4)^2 + 2(x+2)(x-4) = (x-4)(3x+2)</math> بنویسد، (۰/۲۵) بارم این قسمت تعلق گیرد).</p> $y'' = 6x - 12 = 0 \Rightarrow x = 2 \quad (\cdot / 25)$ <p>ماکزیمم عطف مینیمم</p> <span style="float: right;">صفحه ( ۱۳۹ )</span>	۱/۷۵
۲۰	جمع بارم	