

با سمه تعالی

سوالات امتحان نهایی درس: ریاضی ۳

پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه

نام و نام خانوادگی :	رشته : علوم تجربی	تعداد صفحه: ۳
مدت امتحان: ۱۲۰: ۱۴۰۱/۱۰/۰۳	تاریخ امتحان: ۱۰: صبح ساعت شروع:	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در فوتب دی ماه سال ۱۴۰۱
مرکز ارزشیابی و نویسنده نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		

ردیف	سوالات (پاسخ نامه دارد) [استفاده از ماشین حساب ساده مجاز می باشد]	نمره
------	---	------

۱	<p>درستی یا نادرستی عبارت های زیر را مشخص کنید.</p> <p>(الف) تابع $y = 2x(1-3x^2) + 1$ یک تابع چند جمله ای از درجه سوم است.</p> <p>(ب) نمودار تابع $y = x^3$ در بازه $(1, +\infty)$ پایین تراز، نمودار تابع $y = x^3$ است.</p> <p>(پ) هر تابع یکنوا، یک به یک است.</p> <p>(ت) مقدار عددی عبارت $\sin^2 15^\circ - \cos^2 15^\circ$ برابر $\frac{\sqrt{3}}{2}$ است.</p>	۱
۰/۵	<p>درجاهای خالی عبارت ریاضی مناسب قرار دهید.</p> <p>(الف) اگر $f(x) = 2x^3 - 1$ باشد، حاصل $(f^{-1})^{15}$ برابر است.</p> <p>(ب) حاصل حد تابع $f(x) = \frac{2x^2}{3x^2 - 1}$ وقتی $x \rightarrow +\infty$ میل می کند برابر است.</p>	۲
۱/۲۵	<p>اگر $f(x) = 7 - 4x^2$ و $g(x) = \sqrt{x+3}$ باشد:</p> <p>(الف) دامنه تابع fog را با استفاده از تعریف به دست آورید.</p> <p>(ب) مقدار $(gof)(1)$ را محاسبه کنید.</p>	۳
۰/۷۵	<p>اگر دامنه تابع $y = f(x)$ برابر $[-1, 3]$ و برد آن $[0, 2]$ باشد. دامنه و برد تابع $y = f(\frac{x}{3})$ را بیابید.</p>	۴
۱/۷۵	<p>نمودار تابع با ضابطه $y = a \cos bx + c$ به صورت مقابل رسم شده است. مقادیر a, b و c را به دست آورید.</p>	۵
۱	<p>نمودار تابع با ضابطه $y = \sin x$ و خط به معادله $y = \frac{1}{2}$ در دستگاه مختصات زیر، رسم شده است. طول نقاط برخورد آنها را بیابید.</p>	۶

«ادامه سوالات در صفحه دوم»

نام و نام خانوادگی :	رشته : علوم تجربی	تعداد صفحه: ۳
مدت امتحان: ۱۲۰:۱۴۰۱/۱۰/۰۳	تاریخ امتحان: ۱۰: صبح	ساعت شروع: ۱۰: صبح
مرکز ارزشیابی و نویسنده کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در فوتبال دی ماه سال ۱۴۰۱

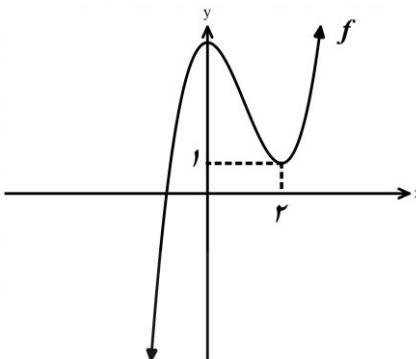
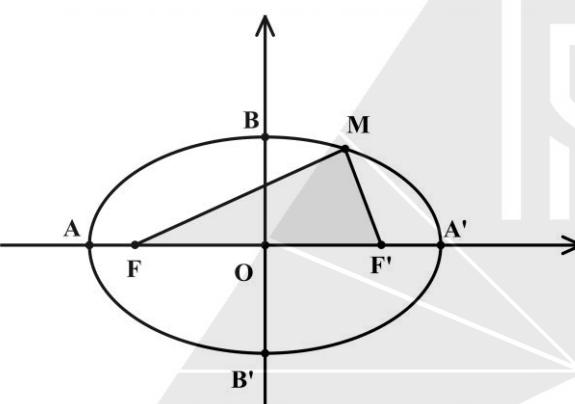
ردیف	سوالات (پاسخ نامه دارد) [استفاده از ماشین حساب ساده مجاز می باشد]	نمره
------	---	------

۰/۷۵	<p>نمودار تابع f به شکل مقابل است حد های زیر را محاسبه کنید.</p> <p>(الف) $\lim_{x \rightarrow (-1)^+} f(x)$ (ب) $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x)$ (پ) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$</p>	۷
۱	$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x}-1}{x^2-1}$ <p>حد زیر را در صورت وجود محاسبه کنید.</p>	۸
۰/۷۵	<p>نمودار تابع f به صورت زیر رسم شده است. اگر خط d در نقطه A بر نمودار تابع f مماس باشد:</p> <p>(الف) حاصل $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x)-f(2)}{x-2}$ را بیابید. (ب) شبیه خط های مماس در نقاط A و B را مقایسه کنید.</p>	۹
۱/۵	<p>نمودار تابع $f(x) = \begin{cases} \sqrt{x-1} + 2 & x \geq 2 \\ (x-1)^2 & x < 2 \end{cases}$ به صورت مقابل است:</p> <p>(الف) آیا تابع f در نقطه $x = 2$ مشتق پذیر است؟ (ب) آیا تابع در بازه $(-\infty, 2)$ مشتق پذیر است؟ چرا؟ (پ) مشتق راست تابع f در نقطه $x = 2$ را به دست آورید.</p>	۱۰
۱/۵	<p>مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست)</p> <p>(الف) $f(x) = x(x-1)(x+1)$ (ب) $g(x) = \left(\frac{2x-1}{x+1}\right)^3$</p>	۱۱
۱/۲۵	<p>جسمی را از سطح زمین به طور عمودی پرتاپ می کنیم، جهت حرکت به طرف بالا را مثبت در نظر می گیریم.</p> <p>فرض کنیم ارتفاع این جسم از سطح زمین در هر لحظه از معادله $h(t) = -4t^3 + 40t^2 - 4t$ به دست می آید.</p> <p>(الف) سرعت متوسط در بازه $[2, 4]$ را بیابید.</p> <p>(ب) در چه زمانی سرعت لحظه ای آن برابر ۱۶ متر بر ثانیه است؟</p>	۱۲

«ادامه سوالات در صفحه سوم»

نام و نام خانوادگی :	رشته : علوم تجربی	تعداد صفحه: ۳	سوالات امتحان نهایی درس : ریاضی ۳
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۰۳	ساعت شروع: ۱۰: صبح	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز ارزشیابی و نویسنده نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir			دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۴۰۱

ردیف	سوالات (پاسخ نامه دارد) [استفاده از ماشین حساب ساده مجاز می باشد]	نمره
------	---	------

۱۳	نمودار تابع با ضابطه $f(x) = x^3 + bx^2 + d$ به صورت شکل مقابل رسم شده است. مقادیر b و d را بیابید.	۱/۵	
۱۴	دو عدد حقیقی بیابید که تفاضل آنها ۱۰ باشد و حاصل ضربشان کمترین مقدار ممکن گردد.	۱/۵	
۱۵	اگر در بیضی مقابل مختصات کانون $(4, 0)$ و مختصات راس $(0, 3)$ باشد: الف) قطر بزرگ بیضی را بیابید. ب) محیط مثلث $\triangle MFF'$ را بیابید.	۱/۵	
۱۶	معادله گسترده یک دایره به شکل $x^2 + y^2 + 2x + 2y - 8 = 0$ است. مختصات مرکز دایره و اندازه شعاع دایره را بیابید.	۱	
۱۷	دو ظرف یکسان داریم. ظرف اول شامل ۵ مهره سبز و ۳ مهره آبی و ظرف دوم شامل ۴ مهره سبز و ۶ مهره آبی است. از ظرف اول مهره ای انتخاب کرده و در ظرف دوم قرار می دهیم. سپس یک مهره به تصادف از ظرف دوم انتخاب می کنیم. با چه احتمالی این مهره سبز است؟	۱/۵	
۲۰	جمع نمره "موفق باشید"	جمع نمره	

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: علوم تجربی ۳	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضی ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۰۳		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در فوبت دی ماه سال ۱۴۰۱			مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	(الف) درست (۰/۲۵) ب) نادرست (۰/۲۵) پ) نادرست (۰/۲۵)	۱
۲	(الف) ۲ (۰/۲۵) ب) $\frac{2}{3}$ (۰/۲۵)	۰/۵
۳	(الف) $D_{fog} = \{x \in D_g \mid g(x) \in D_f\} = \{x \in [-3, +\infty) \mid \sqrt{x+3} \in R\} = [-3, +\infty)$ (۰/۲۵)	۰/۷۵
	(ب) $(gof)(1) = g(3) = \sqrt{6}$ (۰/۲۵)	۰/۵
۴	برد تغییر نمی کند (۰/۲۵) $D_{f(\frac{x}{\sqrt{}})} \Rightarrow 1 < \frac{x}{\sqrt{}} \leq 3 \rightarrow D_{f(\frac{x}{\sqrt{}})} = (-2, 6]$ (۰/۲۵)	۰/۷۵
۵	$2T = \frac{7\pi}{2} - \left(-\frac{\pi}{2}\right) = 4\pi$ (۰/۲۵) $\rightarrow T = 2\pi$ (۰/۲۵) $\rightarrow \frac{2\pi}{ b } = 2\pi$ (۰/۲۵) $\rightarrow b = \pm 1$ (۰/۲۵) $c = \frac{4+(-2)}{2} = 1$ (۰/۲۵) $ a = \frac{4-(-2)}{2} = 3 \rightarrow a = -3$ (۰/۲۵)	۱/۷۵
۶	$\sin x = \frac{1}{2}$ (۰/۲۵) $\Rightarrow \sin x = \sin \frac{\pi}{6}$ (۰/۲۵) $\rightarrow \begin{cases} x = 2k\pi + \frac{\pi}{6} & (۰/۲۵) \\ x = 2k\pi + \frac{5\pi}{6} & (۰/۲۵) \end{cases} \quad (k \in Z)$	۱
۷	(الف) $-\infty$ (۰/۲۵) (ب) $+\infty$ (۰/۲۵) (پ) -2 (۰/۲۵)	۰/۷۵

ادامه راهنمای تصحیح در صفحه بعد

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: علوم تجربی ۳	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: زیاضی ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۰۳		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در فوبت دی ماه سال ۱۴۰۱		

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۸	$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x-1}}{x^2-1} \times \frac{\sqrt{x+1}}{\sqrt{x+1}} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x-1}{(x-1)(x+1)\sqrt{x+1}} = \frac{1}{4} \quad (0/25)$	۱
۹	$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x)-f(2)}{x-2} = f'(2) = 2 \quad (0/5)$	۰/۵
۱۰	$(a) \text{ خیر} \quad (0/25)$ $(b) \text{ بله، در تمام نقاط بازه } (-\infty, 2) \text{ مشتق پذیر است.} \quad (0/5)$	۰/۲۵
۱۱	$x \geq 2 : f(x) = \sqrt{x-1} + 2 \rightarrow f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x-1}} \rightarrow f'_+(2) = \frac{1}{2} \quad (0/25)$	۰/۵
۱۲	$(a) f(x) = x^2 - x \rightarrow f'(x) = 2x - 1 \quad (0/25)$ $(b) g'(x) = 2 \underbrace{\left(\frac{2x-1}{x+1}\right)^2}_{(0/5)} \underbrace{\left(\frac{2(x+1)-1(2x-1)}{(x+1)^2}\right)}_{(-/5)}$ <p>در قسمت (a) به سایر روش‌های صحیح نمره تعلق گیرد.</p>	۰/۷۵
۱۳	$\frac{h(4)-h(2)}{4-2} = \frac{96-64}{2} = 16 \quad (0/5)$ $(b) h'(t) = -8t + 40 = 16 \quad (0/25) \rightarrow t = 3 \quad (0/25)$	۰/۷۵
	ادامه راهنمای تصحیح در صفحه بعد	۱/۵
	$f'(2) = 0 \quad (0/25) \rightarrow f'(x) = 2x^2 + 2bx \quad (0/25) \quad b = -3 \quad (0/25)$ $f(2) = 1 \quad (0/25) \rightarrow 8 + (-12) + d = 1 \quad (0/25) \quad d = 5 \quad (0/25)$	

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: علوم تجربی ۳	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: زیاضی ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۰۳		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در فوبت دی ماه سال ۱۴۰۱			http://aee.medu.gov.ir
نمره	راهنمای تصحیح		ردیف
۱/۵	$x - y = 10 \quad (0/25)$ $p = xy = x(x - 10) = x^2 - 10x \quad (0/25)$ $p'(x) = 2x - 10 = 0 \quad (0/5) \rightarrow x = 5 \quad (0/25) \quad , \quad y = -5 \quad (0/25)$		۱۴
۱	$\begin{cases} b = 3 \quad (0/25) \\ c = 4 \quad (0/25) \end{cases} \rightarrow a^2 = b^2 + c^2 \quad (0/25) \rightarrow 2a = 10 \quad (0/25)$		۱۵ (الف)
۰/۵	$\text{محیط} = \underbrace{2a + 2c}_{(0/25)} = 18 \quad (0/25)$		۱۵ (ب)
۱	$O\left(-\frac{a}{2}, -\frac{b}{2}\right) = (-1, -1) \quad (0/5) \quad , \quad r = \frac{1}{2}\sqrt{a^2 + b^2 - 4c} = \sqrt{10} \quad (0/5)$		۱۶
۱/۵	$P(A) = P(B_1)P(B_1 A) + P(B_2)P(B_2 A) \quad (0/25)$ $P(A) = \underbrace{\frac{5}{8}}_{(0/5)} \times \underbrace{\frac{5}{11}}_{(0/5)} + \underbrace{\frac{3}{8}}_{(0/5)} \times \underbrace{\frac{4}{11}}_{(0/5)} = \frac{37}{88} \quad (0/25)$		۱۷
۲۰	به روش حل نمودار درختی نمره تعلق گیرد. همکاران مصحح: به راه حل های صحیح به تناسب بارم، نمره تعلق گیرد		