

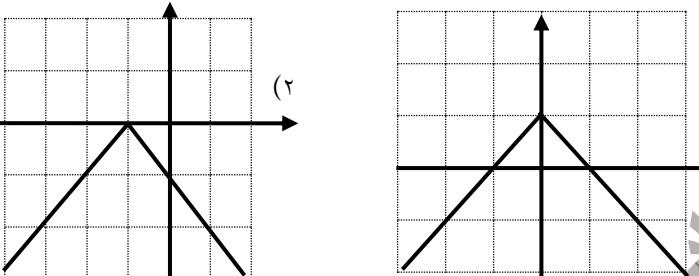
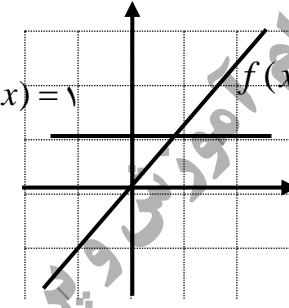
رشته: ادبیات و علوم انسانی - علوم و معارف اسلامی	ساعت شروع: ۱۰ صبح	پایه: یازدهم دوره دوم متوسطه	سوالات امتحان هماهنگ درس: ریاضی و آمار ۲
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحات: ۲	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۳/۰۸	نام و نام خانوادگی:
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.meddu.gov.ir			دانش آموزان روزانه سراسر کشور در نوبت خردادماه سال ۱۴۰۲

بارم	سؤالات (پاسخ نامه دارد) استفاده از ماشین حساب با چهار عمل اصلی بلامانع است.	ردیف
------	---	------

۱	درستی یا نادرستی گزاره های زیر را مشخص کنید: ۱-۱) جمله "سیب قرمز، از سیب زرد خوش مزه تر است." یک گزاره است. ۱-۲) اگر دامنه یک تابع همانی، مجموعه اعداد حقیقی باشد، آنگاه $f(x) + f(-x)$ همواره برابر صفر است. ۱-۳) تخمین داده های بعد یا قبل از داده های ثبت شده، را درون یابی گویند.	۰/۷۵
۲	جهای خالی را با عبارت مناسب پر کنید: ۱-۱) ارزش گزاره $(p \vee \sim p)$, همواره است. ۱-۲) $\text{Sign}(-1 \dots \dots \dots) = \dots \dots \dots$ ۱-۳) تغییر متوسط قیمت کالاها و خدمات در طول زمان را گویند.	۰/۷۵
۳	گزینه درست را انتخاب کنید: ۱-۱) کدام گزاره هم ارز گزاره $p \Rightarrow q$ است? الف) $\sim p \Leftrightarrow \sim q$ ب) $\sim p \Rightarrow \sim q$ ۱-۲) اگر $[x] = -2$ باشد، آنگاه محدوده x کدام است? الف) $-2 < x < -1$ ب) $-2 \leq x < -1$ ۱-۲) $-2 \leq x \leq -1$ ۱-۳) متوسط مبلغ پرداخت شده از سوی مصرف کنندگان را برای مجموعه ای از تعداد زیادی کالا و خدمات در طول یکسال را گویند. الف) شاخص توده بدنه ب) شاخص آموزش ج) شاخص خط فقر	۰/۷۵
۴	اگر گزاره $(p \wedge \sim q) \Rightarrow p$ نادرست باشد، ارزش گزاره $(\sim p \vee q)$ را مشخص کنید.	۱/۲۵
۵	درستی هم ارزی های زیر با استفاده از جدول ارزش ها نشان دهید: $(p \wedge \sim q) \vee (p \Rightarrow q) \equiv T$	۱/۵
۶	الف) گزاره "مکعب یک عدد، بزرگ تر از هفت برابر آن عدد، به علاوه پنج است." را به صورت نماد ریاضی باز نویسی کنید. ب) درستی یا نادرستی محاسبات زیر را بررسی کنید. اگر استدلال بکار رفته نادرست است آنرا اصلاح کنید. گزاره: اگر طول و عرض مستطیلی را ۳ برابر کنیم، آنگاه مساحت آن ۳ برابر می شود. استدلال: $S = x \cdot y$ مساحت اولیه $\Rightarrow y = \text{عرض اولیه}$ و $x = \text{طول اولیه}$ $S' = (3x)(y) = 3xy = 3S$ مساحت جدید $\Rightarrow y = \text{عرض جدید}$ و $x = \text{طول جدید}$	۰/۷۵
۷	ضابطه تابع و نمودار آنرا کامل کنید.	۲
۸	اگر تابع $f = \{(2, a-1), (0, 2), (3, 2b)\}$ یک تابع ثابت باشد، حاصل $a \cdot b$ را بدست آورید.	۱

رشته: ادبیات و علوم انسانی - علوم و معارف اسلامی	ساعت شروع: ۱۰ صبح	پایه: یازدهم دوره دوم متوسطه	سوالات امتحان هماهنگ درس: ریاضی و آمار ۲
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحات: ۲	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۳/۰۸	نام و نام خانوادگی:
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.meddu.gov.ir			دانش آموزان روزانه سراسر کشور در نوبت خردادماه سال ۱۴۰۲

بارم	سؤالات (پاسخ نامه دارد) استفاده از ماشین حساب با چهار عمل اصلی بلامانع است.	ردیف
------	---	------

۱	با توجه به نمودارهای زیر کدام نمودار تابع «الف» و کدام نمودار تابع «ب» را نشان می‌دهد. 	۹ الف) $y = - x + 1$ ب) $y = - x + 1 $												
۱	در تابع $f(x) = \begin{cases} -x^2 & x \geq 0 \\ x+1 & x < 0 \end{cases}$ حاصل عبارات زیر را بیابید. ب) $f(f(1))$ الف) $f(\sqrt{2})$	۱۰												
۱	اگر $\{(7, 4), (2, 5), (1, 8)\}$ باشد، توابع زیر را مشخص کنید: ب) $\frac{g}{f}$ الف) $f - g$	۱۱												
۱	به کمک نمودارهای رسم شده g , f , $f(x) = x$ نمودار تابع $f + g$ را در نقاط $x = 1, x = 0$ مشخص کنید. سپس تابع $f + g$ را رسم کنید. 	۱۲												
۱/۲۵	اگر در آمد ماهیانه ۹ نفر از افراد یک اداره (بر حسب میلیون تومان) بصورت زیر باشد، با توجه به تعریف خط فقر بر اساس نصف میانه، چند نفر زیر خط فقر قرار دارند. ۵, ۷, ۱۰, ۸, ۵, ۶, ۱۱, ۱۵	۱۳												
۲	در یک منطقه ۱۸۰۰ نفر از افراد ۱۶ ساله و بیشتر شاغل‌اند. در این منطقه ۴۰۰ نفر بالای ۱۶ سال و بیشتر جویای کار می‌باشند: الف) نرخ بیکاری در این منطقه چقدر است؟ ب) حداقل چند شغل ایجاد شود تا نرخ بیکاری در این منطقه کمتر از سه درصد باشد.	۱۴												
۱	برای کتابی با متوسط طول جملات ده کلمه‌ای و ۱۷ درصد کلمه سخت: الف) شاخص پایه آموزش را محاسبه کنید. ب) این کتاب مناسب چه پایه‌ای است؟	۱۵												
۲	میزان فروش یک شرکت در ۵ سال متوالی بر حسب میلیارد تومان بصورت زیر است: <table border="1" data-bbox="187 1888 774 2023"> <tr> <th>سال x</th> <th>فروش y</th> </tr> <tr> <td>۱</td> <td>۶</td> </tr> <tr> <td>۲</td> <td>۹</td> </tr> <tr> <td>۳</td> <td>۱۱</td> </tr> <tr> <td>۴</td> <td>۱۵</td> </tr> <tr> <td>۵</td> <td>۱۹</td> </tr> </table>	سال x	فروش y	۱	۶	۲	۹	۳	۱۱	۴	۱۵	۵	۱۹	۱۶ الف) سری زمانی را رسم کنید. ب) فروش در سال هفتم را بروز یابی کنید.
سال x	فروش y													
۱	۶													
۲	۹													
۳	۱۱													
۴	۱۵													
۵	۱۹													
۲۰	موفق باشید.													

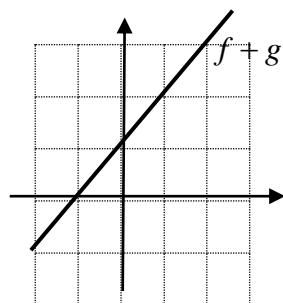
ساعت شروع: ۱۰ صبح		رشته: ادبیات و علوم انسانی - علوم و معارف اسلامی		راهنمای تصحیح سوالات امتحان هماهنگ درس: ریاضی و آمار ۲		پایه: یازدهم دوره دوم متوسطه																															
تعداد صفحات: ۲		تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۸/۰۳		دافت آموزان روزانه سراسر کشور در نوبت خردادماه سال ۱۴۰۲																																	
موکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir			دافت آموزان روزانه سراسر کشور در نوبت خردادماه سال ۱۴۰۲																																		
بارم	راهنمای تصحیح			ردیف																																	
۰/۷۵	(۰/۲۵) ۱-۳ نادرست		(۰/۲۵) ۱-۲ درست	(۰/۲۵) ۱-۱ نادرست		۱																															
۰/۷۵	(۰/۲۵) ۳-۲ تورم		(۰/۲۵) ۲-۲	(۰/۲۵) ۲-۱ درست		۲																															
۰/۷۵	(۰/۲۵) ۳-۳ د		(۰/۲۵) ۲-۳ ب	(۰/۲۵) ۱-۳ ج		۳																															
۱/۲۵	از نادرستی گزاره $p \Rightarrow (p \wedge \sim q)$ مشخص می شود که مقدم p باید درست باشد ($۰/۲۵$) و تالی یعنی $p \wedge \sim q$ باید نادرست باشد ($۰/۲۵$) و از نادرستی ترکیب عطفی $p \wedge \sim q$ درست است لذا $\sim q$ باید نادرست باشد ($۰/۲۵$) پس q گزاره درست باشد.				۴																																
	$p \equiv T, \quad q \equiv T, \quad \sim p \equiv F \rightarrow \sim p \vee q \equiv F \vee T \equiv T \quad (۰/۵)$																																				
۱/۵	<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th>p</th><th>q</th><th>$\sim q$</th><th>$p \wedge \sim q$</th><th>$p \Rightarrow q$</th><th>$(p \wedge \sim q) \vee (p \Rightarrow q)$</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>د</td><td>د</td><td>ن</td><td>ن</td><td>د</td><td>د</td></tr> <tr> <td>د</td><td>ن</td><td>د</td><td>د</td><td>ن</td><td>د</td></tr> <tr> <td>ن</td><td>د</td><td>ن</td><td>ن</td><td>د</td><td>د</td></tr> <tr> <td>ن</td><td>ن</td><td>د</td><td>ن</td><td>د</td><td>د</td></tr> </tbody> </table>	p	q	$\sim q$	$p \wedge \sim q$	$p \Rightarrow q$	$(p \wedge \sim q) \vee (p \Rightarrow q)$	د	د	ن	ن	د	د	د	ن	د	د	ن	د	ن	د	ن	ن	د	د	ن	ن	د	ن	د	د	هر ستون ($۰/۲۵$)		۵			
p	q	$\sim q$	$p \wedge \sim q$	$p \Rightarrow q$	$(p \wedge \sim q) \vee (p \Rightarrow q)$																																
د	د	ن	ن	د	د																																
د	ن	د	د	ن	د																																
ن	د	ن	ن	د	د																																
ن	ن	د	ن	د	د																																
۰/۷۵	<p>الف) $x^3 (۰/۲۵) > (۰/۲۵) \quad \forall x + ۵ (۰/۲۵)$</p> <p>ب) چون عرض مستطیل جدید همان عرض اولیه مستطیل است اشتباه رخ داده است. ($۰/۲۵$)</p> <p>اصلاح شده آن به صورت زیر است:</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; display: inline-block;"> $S' = (۳x)(۳y) = ۹xy = ۹S \quad (۰/۲۵)$ </div>	۶																																			
۱		(۰/۵)		$f(x) = \begin{cases} ۳x - ۱ & x \geq ۰ \\ ۲ & -۱ \leq x < ۰ \\ -۲x - ۴ & -۴ < x \leq -۲ \end{cases} \quad (۰/۷۵)$																																	
۱	$a - ۱ = ۲ \rightarrow a = ۲ + ۱ \rightarrow a = ۳ \quad (۰/۲۵)$ $2b = ۲ \rightarrow b = ۱ \quad (۰/۲۵)$ $a.b = ۳ \quad (۰/۵)$	(۰/۲۵)		(۰/۵)		۷																															
۱	$f(\sqrt{۲}) = -(\sqrt{۲})^۲ = -۲ \quad (۰/۵)$ $f(-۱) = -۱^۲ = -۱ \quad (۰/۲۵) \rightarrow f(f(۱)) = f(-۱) = -۱ + ۱ = ۰ \quad (۰/۲۵)$	(۰/۵)		(۰/۵)		۸																															
۱	$f-g = \{(-۱, -۲), (۱, -۸)\} \quad (۰/۵)$ $\frac{g}{f} = \{(-۱, ۲)\} \quad (۰/۲۵)$ <p>ب) در $x = ۰$ تعریف نشده است ($۰/۲۵$)</p>	(۰/۵)		(۰/۵)		۹																															
۱	«ادامه‌ی پاسخ در صفحه‌ی دوم»					۱۰																															

ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: ادبیات و علوم انسانی – علوم و معارف اسلامی	راهنمای تصحیح سوالات امتحان هماهنگ درس: ریاضی و آمار ۲
تعداد صفحات: ۲	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۸/۰۳	پایه: یازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش		دانش آموزان روزانه سراسر کشور در نوبت خردادماه سال ۱۴۰۲
http://aee.medu.gov.ir		

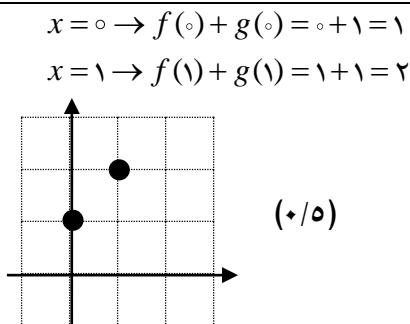
بارم

راهنمای تصحیح

ردیف



(۰/۵)



(۰/۵)

۱۲

۱/۲۵

ابتدا داده ها را مرتب کرده، میانه را مشخص می کنیم: (۰/۵)

$$5, 5, 6, 7, \boxed{8}, 10, 10, 11, 15$$

$$\text{خط فقر} = \frac{\lambda}{2} = 8 \rightarrow \text{میانه} = \frac{\lambda}{2} = 4 \quad (۰/۲۵)$$

دو نفری که حقوق ۵ میلیون دریافت می کنند زیر خط فقر قرار دارند. (۰/۲۵)

۱۳

۲

$$\text{افراد جویای کار} + \text{افراد شاغل} = \text{جمعیت فعال} \quad (۰/۲۵)$$

$$\frac{\text{جمعیت بیکار}}{\text{جمعیت فعال}} = \frac{4}{2200} \times 100 = \frac{400}{2200} = \frac{1}{55} \approx 18/18\% \quad (۰/۲۵)$$

ب) اگر x شغل ایجاد شود جمعیت بیکار آن $x - 400$ خواهد بود (۰/۲۵)

$$\frac{400-x}{2200} \times 100 < 3 \rightarrow 400 - x < 66 \rightarrow 400 - 66 < x \rightarrow 334 < x \quad (۰/۲۵)$$

حداقل ۳۳۵ شغل باید ایجاد شود (۰/۲۵) تا نرخ بیکاری کمتر از ۳ درصد باشد.

۱۴

۱

$$(\text{میانگین تعداد کلمات در هر جمله} + \text{درصد کلمات دشوار}) = \text{شاخص پایه آموزش} \quad (۰/۷۵)$$

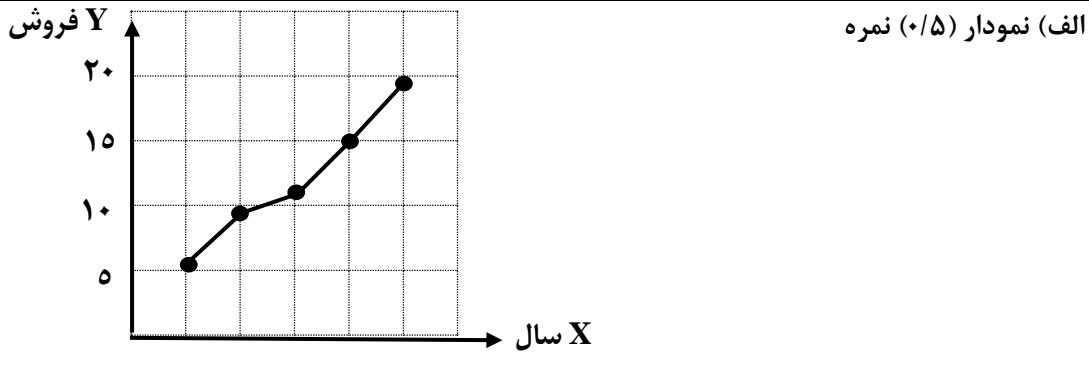
$$(17+10) \times 100 / 4 = 27 \times 100 / 4 = 10 / 8 = 11 \quad (۰/۷۵)$$

ب) مناسب پایه یازدهم است. (۰/۲۵)

۱۵

۲

الف) نمودار (۰/۵) نمره



$$\bar{x} = \frac{1+2+3+4+5}{5} = 3$$

$$\bar{y} = \frac{7+10+12+15+19}{5} = 12$$

$$(3, 12), (5, 19)$$

$$m = \frac{19-12}{5-3} = \frac{7}{2} = 3.5$$

(۰/۵)

$$y - 12 = 3.5(x - 3) \rightarrow y = 3.5x - 10.5 + 12 \rightarrow y = 3.5x + 1.5 \quad (۰/۵)$$

$$y = 3.5(7) + 1.5 = 26 \quad (۰/۵)$$

۱۶

”همکاران عزیز و محترم، ضمن عرض خدا قوت، لطفا برای پاسخ های درست دیگر، نمره لازم را در نظر بگیرید.“