



توانابود هر که دانابود  
دانش دل پیرنابود  
باسمہ تعالیٰ  
مدیریت آموزش و پرورش ناحیه ۲ اهواز  
دبیرستان غیر دولتی مهرخوبان  
آزمون نوبت دوم درس حسابان ۱

مشخصات دانش آموز	مشخصات امتحان	زمان امتحان	نام دبیر : جابر عامری
نام:	درس: حسابان ۱	ساعت: ۸ صبح	دبيرستان غیر دولتی دوره دوم متوسطه
نام خانوادگی:	رشته: ریاضی فیزیک	روز و تاریخ: یکشنبه ۱۸ / ۰۲ / ۱۴۰۱	مهر آموزشگاه
شماره‌ی کارت:	پایه: یازدهم	مدت: ۱۰۰ دقیقه	

**توجه:** الف: آزمون در ۲ صفحه تنظیم شده و شامل ۱۷ سؤال می باشد.

ب: استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.

ج: پاسخ هر سؤال را به طور مرتب و خوش خط و خوانا در پاسخ برگ بنویسید.

ردیف	سؤال	نمره
۱	<p>در هر مورد گزینه‌ی صحیح را انتخاب کنید.</p> <p>الف : جواب معادله‌ی <math>\log^3 x + 1 = \log^5 + 3 \log^2</math> کدام است؟</p> <p>a) ۱۳      b) ۱۴      c) ۱۱      d) -۱۳</p> <p>ب : کدام تابع در مجموعه اعداد حقیقی، همواره پیوسته است؟</p> <p>a) <math>f(x) = [x]</math>      b) <math>f(x) = \frac{1}{x} - 3</math>      c) <math>f(x) = \frac{x+2}{x^2+5}</math>      d) <math>f(x) = \frac{1}{2x-3}</math></p>	۰/۵
۲	<p>در هر مورد جای خالی را طوری کامل کنید که گزاره‌ی حاصل درست باشد.</p> <p>الف : مجموع ریشه‌های معادله‌ی <math>x^3 - 4x - 18 = 0</math> برابر ..... است.</p> <p>ب : در تابع <math>f(x) = a^x</math>، اگر <math>1 &lt; a &lt; 0</math>، با افزایش مقادیر <math>x</math> مقادیر <math>f(x)</math> ..... می یابند.</p> <p>ج : اندازه‌ی زاویه ای <math>\frac{\pi}{20}</math> رادیان است. اندازه‌ی این زاویه، بر حسب درجه برابر ..... است.</p>	۱/۵
۳	اگر $A(3, -7)$ و $B(-1, -4)$ ، شیب و طول پاره خط $AB$ را تعیین کنید.	۱
۴	تعداد و مجموع اعداد طبیعی سه رقمی مضرب ۷ را بدست آورید.	۱/۵
۵	کمترین مقدار تابع $f(x) = 3x^3 - 12x + 5$ را تعیین کنید.	۱
۶	ثابت کنید تابع $f(x) = 1 + \sqrt{2x - 3}$ معکوس پذیر است و سپس معکوس آنرا بیابید.	۱/۵
۷	اگر $(fog)(x) = (gof)(x)$ و $f(x) = x + 3$ ، $g(x) = 2x^3 - x + 1$ مقدار $m$ را طوری تعیین کنید که $(fog)(x) = (gof)(x)$ باشد.	۱/۵
۸	اگر $f(x) = 3 - 2 \log_4^{\left(\frac{x}{-5}\right)}$ ، مقدار $f(42)$ را به دست آورید.	۱
۹	مقدار انرژی آزاد شده توسط زلزله ای به قدرت $6/6$ ریشرتر را به دست آورید.	۱
۱۰	حاصل $\cos\left(\frac{25\pi}{3}\right)$ را محاسبه کنید.	۱

ادامه‌ی سؤالات در صفحه‌ی دوّم

۱	$\sin x + \cos x = \sqrt{2} \sin\left(x + \frac{\pi}{4}\right)$	تساوی مقابله را ثابت کنید.	۱۱
۱/۵	$A = \cos^4 x - \sin^4 x$ را به ازای $x = \frac{\pi}{12}$ بددست آورید.	مقدار عددی عبارت $A = \cos^4 x - \sin^4 x$ را به ازای $x = \frac{\pi}{12}$ بددست آورید.	۱۲
۱/۵	$f(x) = \begin{cases} ax^2 + x - 1 & x < 3 \\ -3x + 2 & x \geq 3 \end{cases}$	مقدار $a$ را چنان پیدا کنید که تابع زیر در نقطه $x = 3$ حد داشته باشد.	۱۳
۱	$\lim_{x \rightarrow 3} (x + f(x))$ حد داشته باشد و $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{2f(x) - 1}{f(x) + 1} = 5$ را بباید.	اگر تابع $f$ در نقطه $x = 3$ حد داشته باشد و $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{2f(x) - 1}{f(x) + 1} = 5$ را بباید.	۱۴
۱/۵	$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 + 5x - 7}{x^3 - 4x + 3}$	حد زیر را محاسبه کنید.	۱۵
۰/۵	نمودار تابعی را رسم کنید که در نقطه $x = 2$ پیوسته باشد ولی در نقطه $x = -2$ پیوسته نباشد.	نمودار تابعی را رسم کنید که در نقطه $x = 2$ پیوسته باشد ولی در نقطه $x = -2$ پیوسته نباشد.	۱۶
۱	$f(x) = \begin{cases} \sqrt{5-x} & x < 1 \\ 2x & x = 1 \\ 3x - 1 & x > 1 \end{cases}$	ثابت کنید که تابع زیر در نقطه $x = 1$ پیوسته است.	۱۷
۲۰	جمع		

جابر عامری

موفق باشید.



توانابود هر که دانابود

با اسمه تعالی

مدیریت آموزش و پرورش ناحیه ۲ اهواز

دیگرستان غیر دولتی مهرخوبان

دانش دل پیروز نابود

### راهنمای تصحیح آزمون نوبت دوم درس حسابان ۱

		مشخصات امتحان
زمان امتحان		
ساعت: ۸ صبح		درس: حسابان ۱
روز و تاریخ: یکشنبه ۱۸/۰۲/۱۴۰۱		رشته: ریاضی فیزیک
مدت: ۱۰۰ دقیقه		پایه: یازدهم

ردیف	سؤال	نمره
۱	الف: $a) f(x) = \frac{x+2}{x^2+5}$ ب: $f(x) = \frac{x+2}{x^2+5}$ نمره $\frac{۰}{۲۵}$ هر مورد $\frac{۰}{۲۵} + \frac{۰}{۲۵}$ نمره	$\frac{۰}{۵}$
۲	الف: $\sqrt{2}$ ب: کاهش $m_{AB} = \frac{-4+7}{-1-3} = -\frac{3}{4}$ ج: ۹ درجه هر مورد $\frac{۰}{۵} + \frac{۰}{۵}$ نمره	$\frac{۱}{۵}$
۳	$AB = \sqrt{(-1-3)^2 + (-4+7)^2} = \sqrt{16+9} = 5$ $m_{AB} = \frac{-4+7}{-1-3} = -\frac{3}{4}$	$\frac{۰}{۵}$
۴	$n = \frac{994-105}{7} + 1 = 128$ $S = \frac{n}{2}(a+b) = \frac{128}{2}(105+994) = 64 \times 1099 = 70336$	$\frac{۱}{۵}$
۵	$x = -\frac{b}{2a} = -\frac{-12}{2(3)} = 2$ $\min(f) = f(2) = 3(2)^2 - 12(2) + 5 = -7$	$\frac{۰}{۵}$
۶	پس تابع یک به یک است و لذا معکوس پذیر است. $y = 1 + \sqrt{2x-3} \xrightarrow{x \leftrightarrow y} x = 1 + \sqrt{2y-3} \rightarrow (x-1)^2 = 2y-3 \rightarrow y = \frac{(x-1)^2 + 3}{2}$ $\Rightarrow f^{-1}(x) = \frac{(x-1)^2 + 3}{2}$	$\frac{۰}{۵}$
۷	$(fog)(m) = f(g(m)) = f(2m^2 - m + 1) = 2m^2 - m + 4$ $(gof)(m) = g(f(m)) = g(m+3) = 2(m+3)^2 - (m+3) + 1 = 2m^2 + 11m + 16$ $\Rightarrow 2m^2 - m + 4 = 2m^2 + 11m + 16 \rightarrow m = -1$	$\frac{۰}{۵}$
۸	$f(x) = 3 - 2 \log_4^{\frac{x-5}{2}} = 3 - 2 \log_4^{\frac{4x-20}{2}}$	$\frac{۰}{۵}$

	$= 3 - 2 \log_4^{(21-5)} = 3 - 2 \log_4^1 = 3 - 4 \log_4^4 = 3 - 4 = -1$ <span style="color: blue;">(+/25)</span> <span style="color: red;">(+/25)</span> <span style="color: blue;">(+/25)</span> <span style="color: red;">(+/25)</span>	
۱	$\log E = ۲۱/\lambda + ۱/\delta M = ۲۱/\lambda + ۱/\delta(۶/۶) = ۲۱/\gamma$ <span style="color: red;">(+/25)</span> $\rightarrow \log E = ۲۱/\gamma \rightarrow E = ۱ \cdot ۲۱/\gamma$ <i>Erg</i>	۹
۱	$\cos\left(\frac{۲\delta\pi}{۳}\right) = \cos\left(\lambda\pi + \frac{\pi}{۳}\right) = \cos\frac{\pi}{۳} = \frac{۱}{۲}$ <span style="color: blue;">(+/25)</span> <span style="color: red;">(+/25)</span> <span style="color: blue;">(+/25)</span>	۱۰
۱	$\sqrt{۲} \sin(x + \frac{\pi}{۴}) = \sqrt{۲}(\sin x \cos \frac{\pi}{۴} + \cos x \sin \frac{\pi}{۴}) = \sqrt{۲}(\frac{\sqrt{۲}}{۲} \sin x + \frac{\sqrt{۲}}{۲} \cos x) = \sin x + \cos x$ <span style="color: blue;">(+/25)</span> <span style="color: red;">(+/25)</span> <span style="color: blue;">(+/25)</span> <span style="color: red;">(+/25)</span>	۱۱
۱/۵	$A = \cos^۲ x - \sin^۲ x = (\cos^۲ x - \sin^۲ x)(\cos^۲ x + \sin^۲ x) = \cos^۲ x - \sin^۲ x = \cos ۲x$ <span style="color: blue;">(+/25)</span> <span style="color: red;">(+/25)</span> <span style="color: blue;">(+/25)</span> $\Rightarrow A \Big _{x=\frac{\pi}{۱۲}} = \cos ۲(\frac{\pi}{۱۲}) = \cos \frac{\pi}{۶} = \frac{\sqrt{۳}}{۲}$ <span style="color: blue;">(+/25)</span> <span style="color: red;">(+/25)</span>	۱۲
۱/۵	کافی است حد راست و حد چپ این تابع را در نقطه $x=۳$ محاسبه کرده و برابر هم قرار دهیم. $\lim_{x \rightarrow ۳^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow ۳^+} (-۳x + ۲) = -۳(۳) + ۲ = -۷$ <span style="color: red;">(+/25)</span> <span style="color: blue;">(+/25)</span> <span style="color: red;">(+/25)</span> $\text{حد چپ } \lim_{x \rightarrow ۳^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow ۳^-} (ax^۲ + x - ۱) = a(۳)^۲ + (۳) - ۱ = ۹a + ۲$ $\Rightarrow ۹a + ۲ = -۷ \rightarrow ۹a = -۹ \rightarrow a = -۱$ <span style="color: red;">(+/25)</span>	۱۳
۱	قرار می دهیم که $\lim_{x \rightarrow ۳} f(x) = L$ لذا $\lim_{x \rightarrow ۳} \frac{۲f(x) - ۱}{f(x) + ۱} = ۵ \rightarrow \frac{۲L - ۱}{L + ۱} = ۵ \leftarrow ۲L - ۱ = ۵L + ۵ \rightarrow ۳L = -۶ \rightarrow L = -۲$ <span style="color: red;">(+/25)</span> <span style="color: blue;">(+/25)</span> <span style="color: red;">(+/25)</span> $\Rightarrow \lim_{x \rightarrow ۳} (x + f(x)) = \lim_{x \rightarrow ۳} x + \lim_{x \rightarrow ۳} f(x) = ۳ + (-۲) = ۱$ <span style="color: red;">(+/25)</span>	۱۴
۱/۵	$\lim_{x \rightarrow ۱} \frac{x^۲ + ۶x - ۷}{x^۲ - ۴x + ۳} = \lim_{x \rightarrow ۱} \frac{(x+۷)(x-۱)}{(x-۱)(x-۳)} = \lim_{x \rightarrow ۱} \frac{x+۷}{x-۳} = \frac{۱+۷}{۱-۳} = \frac{۸}{-۲} = -۴$ <span style="color: blue;">(+/25)</span> <span style="color: red;">(+/25)</span> <span style="color: blue;">(+/25)</span> <span style="color: red;">(+/25)</span>	۱۵
۰/۵	هر نقطه $\frac{۲۵}{۲۵}$ نمره	۱۶
۱	$\lim_{x \rightarrow ۱^+} f(x) = ۳(۱) - ۱ = ۲$ <span style="color: red;">(+/25)</span> $\lim_{x \rightarrow ۱^-} f(x) = \sqrt{۵-۱} = ۲$ <span style="color: red;">(+/25)</span> $f(۱) = ۲(۱) = ۲$ <span style="color: blue;">(+/25)</span> <span style="color: red;">(+/25)</span> چون هر سه مورد مساوی شدند، لذا تابع در نقطه $x=۱$ پیوسته هستند.	۱۷
۲۰	جمع	

طراحی شده توسط **جابر عامری** دبیر مربوطه

صفحه ۲